

# Oitava aula de laboratório de ME5330

Segundo semestre de 2014





Vamos obter as curvas  $H_B=f(Q)$  e  $\eta_B=f(Q)$  para uma dada rotação e utilizar o inversor de frequência tanto para obter a curva  $H_B=f(Q)$  para duas rotações estabelecidas, como para obtenção da curva da CCI pratica.

E como vamos chamar estas experiências?



Experiência do freio  
dinamométrico e  
experiências do inversor de  
frequência.

Iniciamos com a do freio  
dinamométrico.

## Experiência do freio dinamométrico

objetivos

conhecer um freio dinamométrico

$$HB = f(Q)$$

obter as curvas

$$\text{rendimento da bomba} = f(Q)$$



aprender

a calcular em uma dada rotação

vazão

carga manométrica

potência da bomba

rendimento da bomba

corrigir os cálculos acima para uma rotação  $n$





# Trecho da bancada utilizado nesta experiência



**1 = bomba MARK de 4 CV**

2 = fita adesiva para det. n

3 = motor elétrico de 5 CV

4 = esfera

5 = célula de carga

**6 = manovacuômetro**

7 = manômetro

8 = analisador Kratos

9 = válv. globo para controlar a vazão (Q)

**10 = tubulação de sucção**

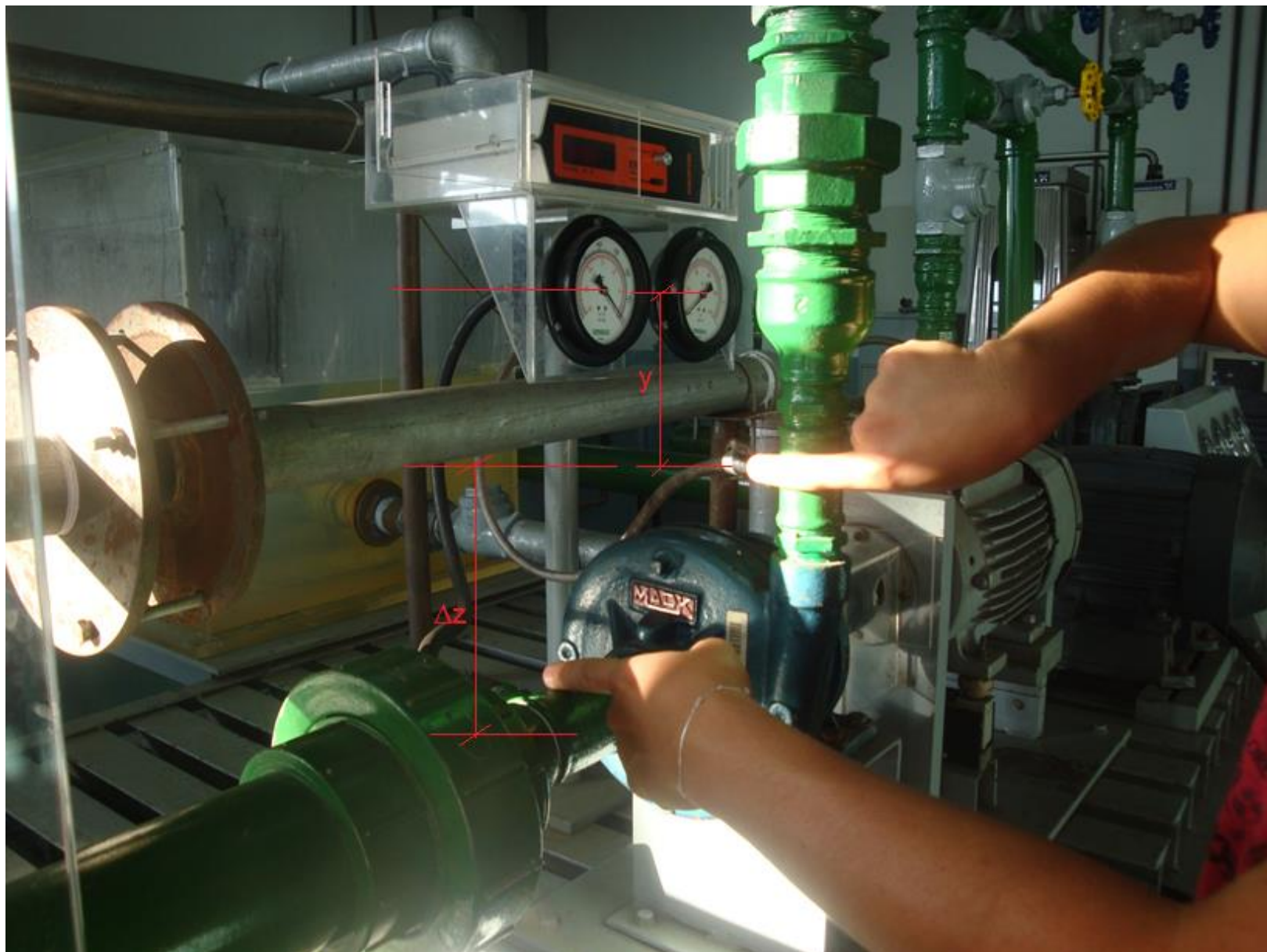
11 = tubulação de recalque

12 = tubulação de recalque

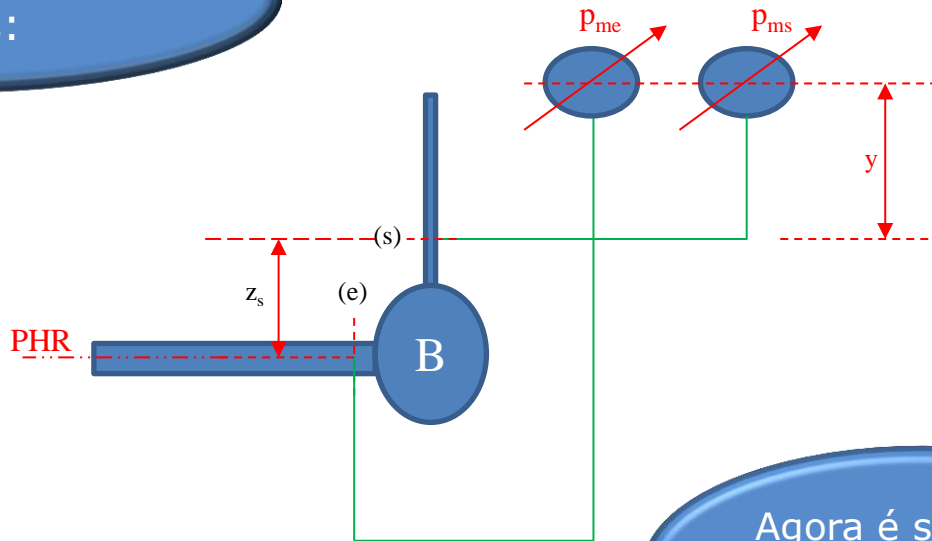
13 = tanque de distribuição

14 = piezômetro p/ det. da Q

Visualizando a seção de entrada e saída da bomba e as cotas para corrigir as pressões manométricas para esta experiência.



Esquemáticamente,  
temos:



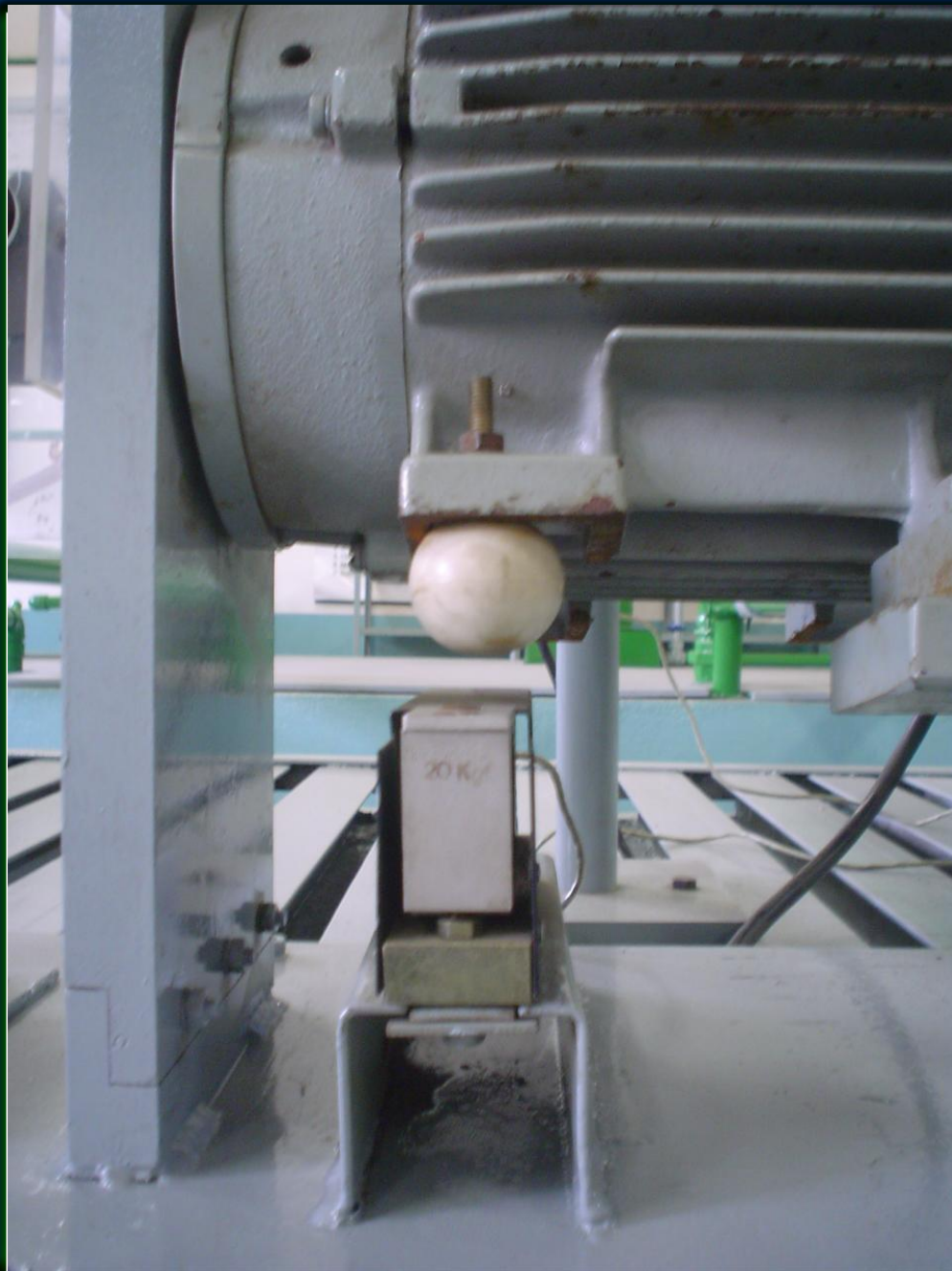
Agora é só aplicar  
a equação da  
energia.

$$H_e + H_B = H_s$$

$$z_e + \frac{p_e}{\gamma} + \frac{\alpha_e \times v_e^2}{2g} + H_B = z_s + \frac{p_s}{\gamma} + \frac{\alpha_s \times v_s^2}{2g}$$







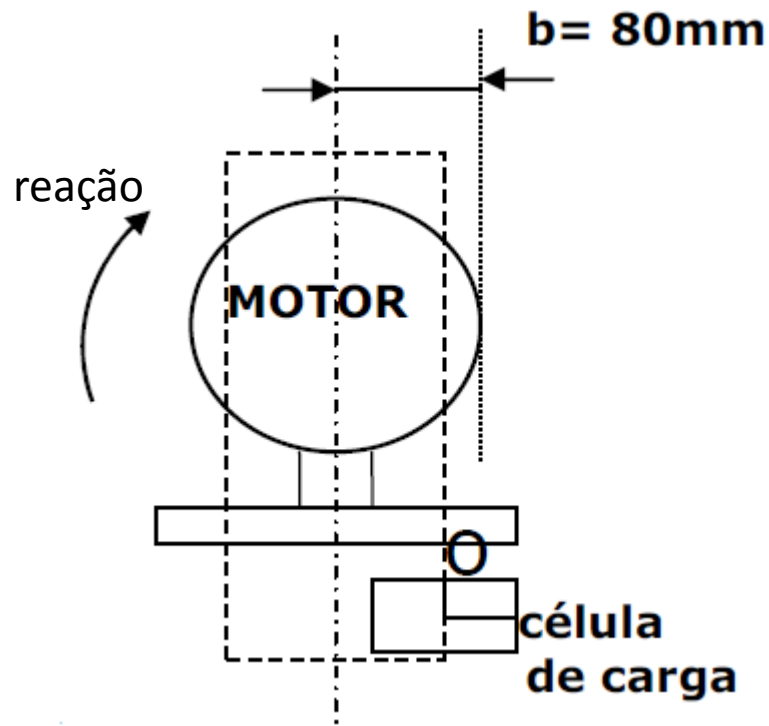
Ao acionar o conjunto motor bomba, olhando-o por trás, este girará no sentido horário, como a carcaça (estator) está solta, pelo princípio da ação e reação, ela tenderá a girar no sentido anti-horário e uma esfera presa em uma das "patas" do motor, pressionará uma célula de carga que irá registrar a força aplicada, já que a célula de carga está ligada a um analisador, no caso da Kratos.



A foto a seguir mostra o registro de uma força pelo analisador da Kratos, registro feito em “kgf”.



Através da força aplicada e registrada, além do torque, podemos calcular a potência da bomba (potência mecânica), já que:



Vista frontal do conjunto motor  
bomba

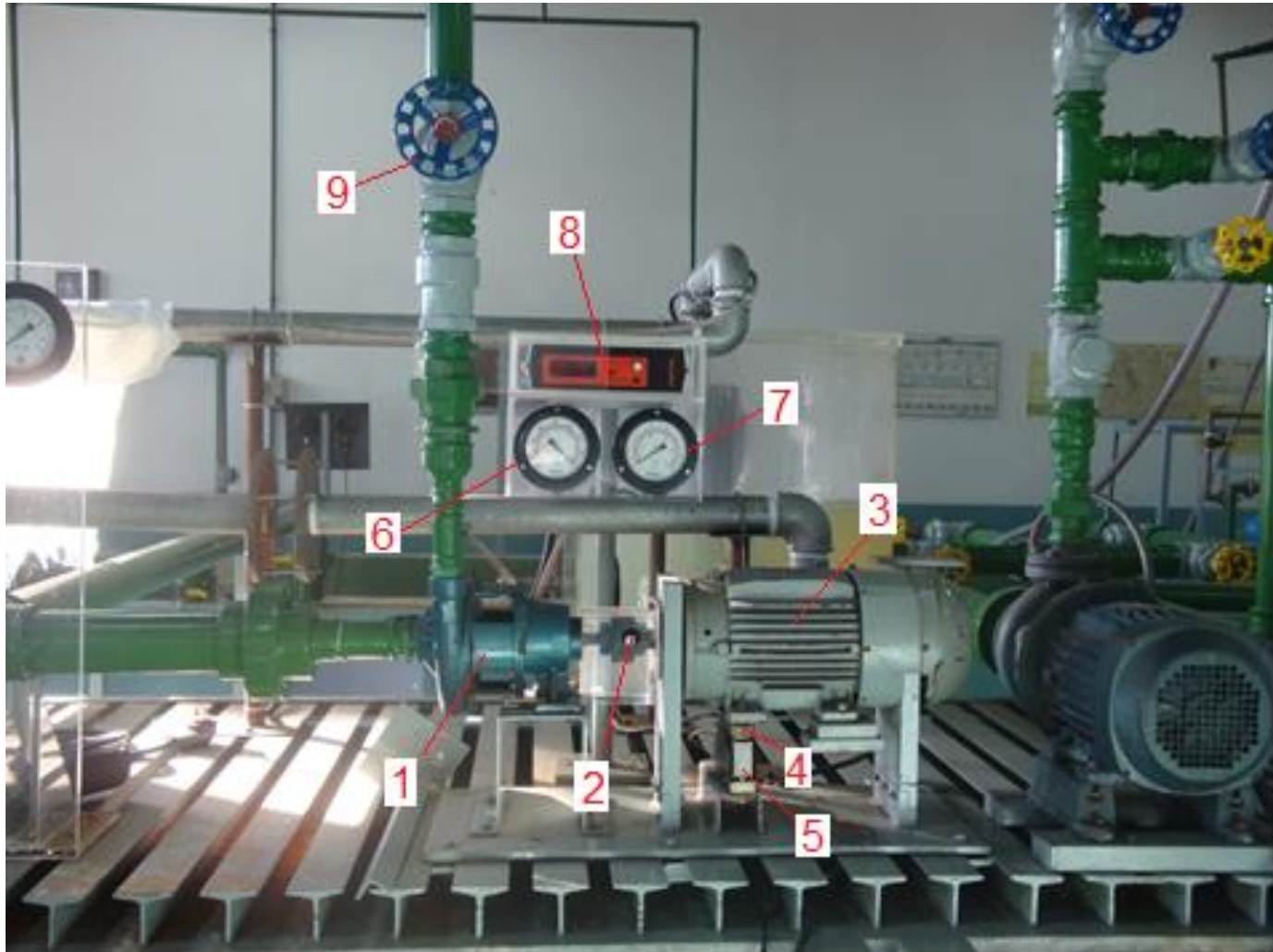
$$N_B = \text{Momento} \times \omega$$

$$N_B = F \times \text{braço} \times 2\pi \times n$$

$$[n] = \text{rps}$$

COMO ACHAR A  
ROTAÇÃO?

A rotação é obtida através de um tacômetro a laser, o qual é apontado para o adesivo branco = 2





# Cuidado para não danificar o sistema

Se acionarmos o motor sem a esfera estar apoiada na célula de carga (analísador indicando zero), a mesma poderá ser danificada, por esse motivo, o acionamento do motor só deve ser feito após a esfera estar apoiada na célula de carga.



Não acionar o motor nessa situação



Acionar o motor só nessa situação

# Desenvolvimento da experiência



Com a válvula controladora de vazão totalmente fechada se obtém as coordenadas do ponto de shut-off, para tal, deve-se anotar as pressões manométricas respectivamente na entrada e saída da bomba e a rotação do conjunto motor bomba. Observe que:

$$p_e = p_{me} + \gamma \times (y + z_s)$$

$$p_s = p_{ms} + \gamma \times y \therefore p_s - p_e = p_{ms} - p_{me} - \gamma \times z_s$$

$$\frac{p_s - p_e}{\gamma} = \frac{p_{ms} - p_{me}}{\gamma} - z_s$$

Aplica-se a equação da energia entre as seções de entrada e saída da bomba com o PHR no eixo da bomba:



$$H_e + H_B = H_s$$

$$H_B = (z_s - z_e) + \frac{(p_s - p_e)}{\gamma} + \frac{(\alpha_s v_s^2 - \alpha_e v_e^2)}{2g}$$

$$Q = 0 \rightarrow \text{shut-off} \rightarrow v_s = v_e = 0$$

$$\therefore H_B = z_s + \frac{(p_{ms} - p_{me})}{\gamma} - z_s = \frac{(p_{ms} - p_{me})}{\gamma}$$

Não esquecer de registrar a rotação.





Após as leituras de  $p_{ms}$ ,  
 $p_{me}$  e da  $n$  para  $Q=0$ ,  
 deve-se abrir  
 totalmente a válvula  
 controladora da vazão  
 (último ensaio) e para  
 essa situação efetuar a  
 leitura do  $\Delta h$  (mm),  
 $t$ (s),  $p_{me}$ ,  $p_{ms}$  e  $n$ .



A seção de entrada e a de  
 saída, pertencem a tubos  
 de aço 40 com diâmetros  
 nominais de 1,5” e 1”  
 respectivamente.

$$H_B = \frac{(p_{ms} - p_{me})}{\gamma} + \frac{(\alpha_s v_s^2 - \alpha_e v_e^2)}{2g}$$

$$Q = \frac{\text{Volume}}{\text{tempo}} = \frac{\Delta h \times A_{\text{tanque}}}{t} \rightarrow A_{\text{tanque}} = 0,681 \text{ m}^2$$

$$(e) \rightarrow D_{\text{int}} = 40,8\text{mm} \Rightarrow A = 13,1\text{cm}^2 \rightarrow (s) \rightarrow D_{\text{int}} = 26,6\text{mm} \Rightarrow A = 5,57\text{cm}^2$$

Adotando:  $\alpha_s = \alpha_e = 1,0$

temos: 
$$H_B = \frac{(p_{ms} - p_{me})}{\gamma} + \frac{(v_s^2 - v_e^2)}{2g}$$

com: 
$$v_s = \frac{Q}{A_s} \rightarrow v_e = \frac{Q}{A_e}$$

Determina-se a potência e o rendimento da bomba para uma rotação  $n$ , que é lida no tacômetro a laser:

$$N_B = \text{Momento} \times \omega = F \times \text{braço} \times 2\pi \times n$$

$$[n] = \text{rps}$$

$$\text{braço} = 0,08\text{m}$$

$$\eta_B = \frac{N}{N_B} = \frac{\gamma \times Q \times H_B}{F \times \text{braço} \times 2\pi \times n}$$

Fechando-se planejadamente a válvula controladora de vazão, obtemos as demais leituras que originarão a tabela de dados:

Ensaio	$\Delta h$ (mm)	t(s)	$p_{me}$ (mmHg)	$p_{ms}$ (kgf/cm <sup>2</sup> )	F (kgf)	n (rpm)
1			-80	5,1	3,64	3571
2	100	27,13	-135	4,5	7,09	3539
3	100	18,35	-205	3,8	8,42	3525
4	100	14,41	-245	3,1	9,24	3515
5	100	13,75	-295	2,4	9,69	3510
6	100	12,57	-340	1,7	10,17	3505
7	100	11,53	-350	1	11,18	3513

Temperatura d'água: 20 °C

Exemplo de tabela de dados



Não se pode esquecer de se corrigir a vazão ( $Q$ ), a carga manométrica ( $H_B$ ), e o rendimento da bomba ( $\eta_B$ ) para uma rotação estabelecida, por exemplo 3500 rpm.



# Correções

$$Q_{3500} = \left( \frac{3500}{n_{\text{lida}}} \right) \times Q_{\text{experimental}}$$

$$H_{B_{3500}} = \left( \frac{3500}{n_{\text{lida}}} \right)^2 \times H_{B_{\text{experimental}}}$$

$$\eta_{B_{3500}} = \eta_{B_{\text{experimental}}}$$

Considerando que a rotação altera o rendimento, podemos recorrer a equação a seguir para calculá-lo:

$$\eta_{B3500} = 1 - (1 - \eta_{B_{\text{experimental}}}) \left( \frac{n_{\text{lido}}}{3500} \right)^{0,1}$$

Equação obtida no livro: Bombas e Instalações de Bombeamento - Archibald Joseph Macintyre - Livros Téc. e Cient. Editora 2008- segunda edição revisada - ISBN 978-85-216-1086-1 – página 126

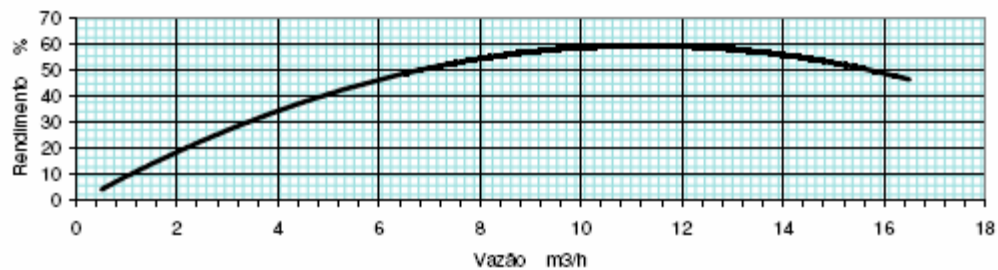
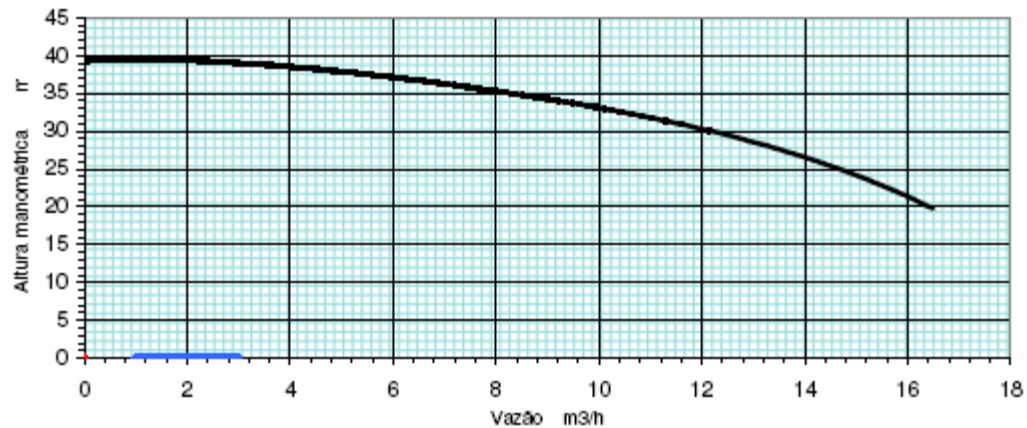
Importante observar que todos os pontos da curva de HB em função da vazão estão na mesma rotação.



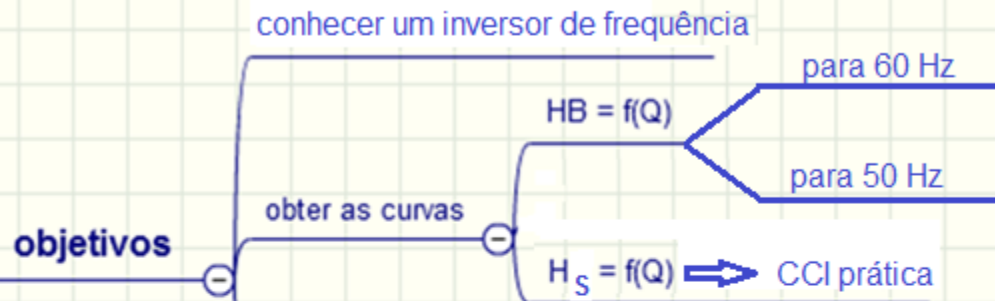
Exemplo de curvas obtidas!

		<b>MARK GRUNDFOS LTDA.</b>					<b>MODELO DF</b>	
Rotor	146	mm	Número de estágios	1	Sucção	Recalque	<b>RPM 3.500</b>	
Ponto de trabalho					1.1/2"	1"		
Q	Hm				Vedação	Roscas	Válido para água limpa a 20 C.	
CV	%				Selo mecânico	BSP		

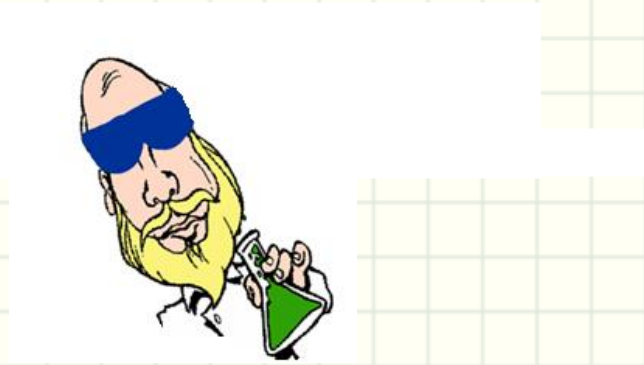
Testes e Aceltação conforme Norma ISO 9906:1999 Anexo A







**Experiência do inversor de frequência**



aprender

a calcular em uma dada rotação

vazão

carga manométrica

variar a vazão pelo inversor de frequência

Bancada do  
inversor de  
frequência e  
que foi projeto  
de alunos!



Esta experiência será feita numa bancada que ficou pronta em Julho de 1999 e foi projetada e montada por um grupo de alunos que cursou a disciplina no primeiro semestre de 1998. Agradecemos aos ex-alunos: **Alexandre Martins Sousa** (*Mecânica – Automobilística*), **Fernando Augusto Callado** (*Mecânica – Produção*) e **Marcelo Dietrich Martini** (*Mecânica - Produção*), formados em Julho/2000, que deixaram esta contribuição para o curso, de grande valor didático. Agradecemos também a **Newtropic** que doou o variador de frequência e a **Mark** que fez a doação da bomba utilizada. A fábrica da **Mark** foi adquirida pela **Grundfos**, atual **Grundfos-Mark**.

O histórico deste projeto pode ser visto no site da disciplina, no endereço:

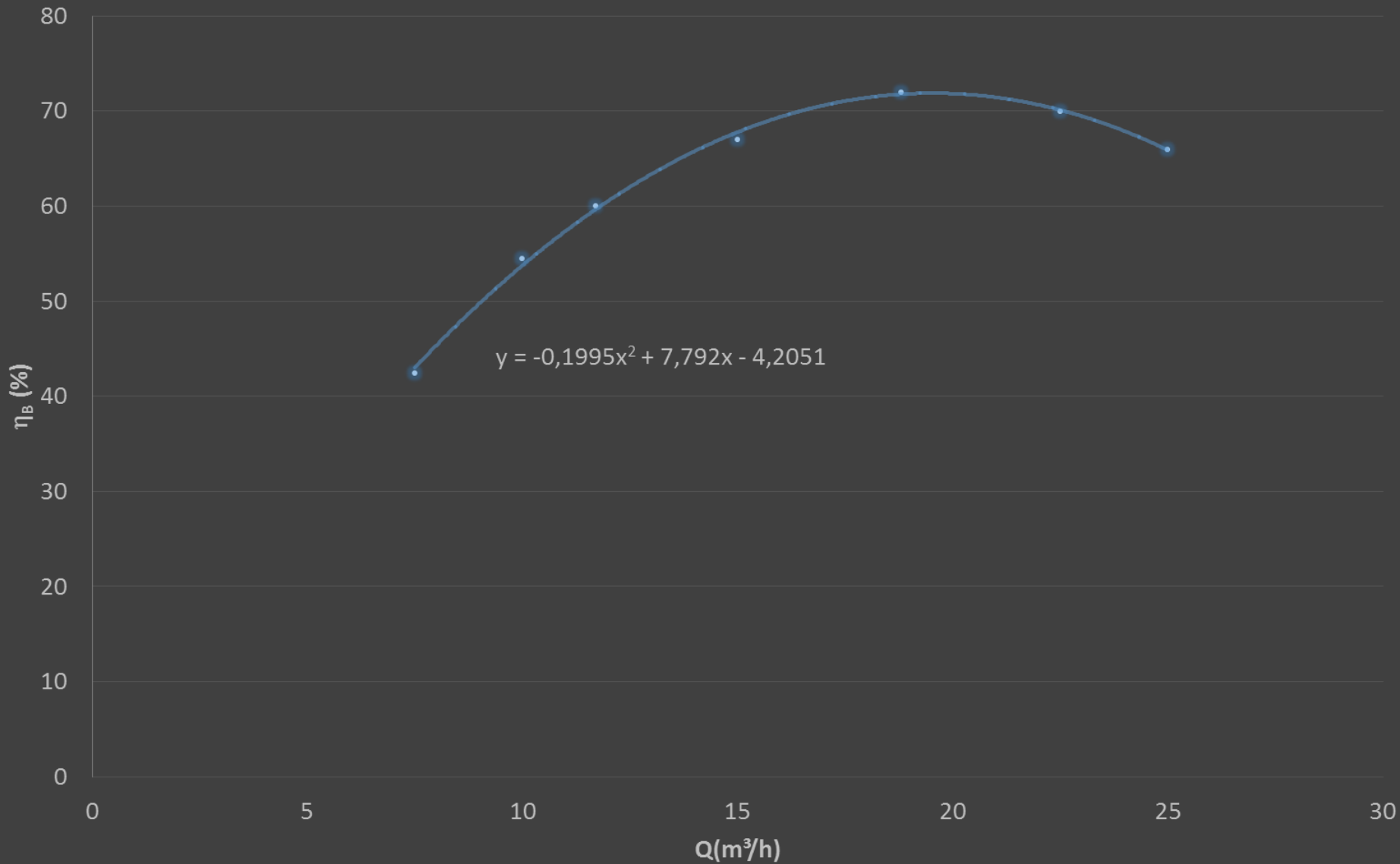
<http://www.fei.edu.br/mecanica/SisFlu/projetoalunos.htm>



Ao construir as curvas  $H_B = f(Q)$  e  $H_S = f(Q)$  vamos procurar comprovar que a utilização do inversor trará uma redução na potência consumida e para viabilizar isto no próximo slide é dada a curva do rendimento da bomba em função da vazão.

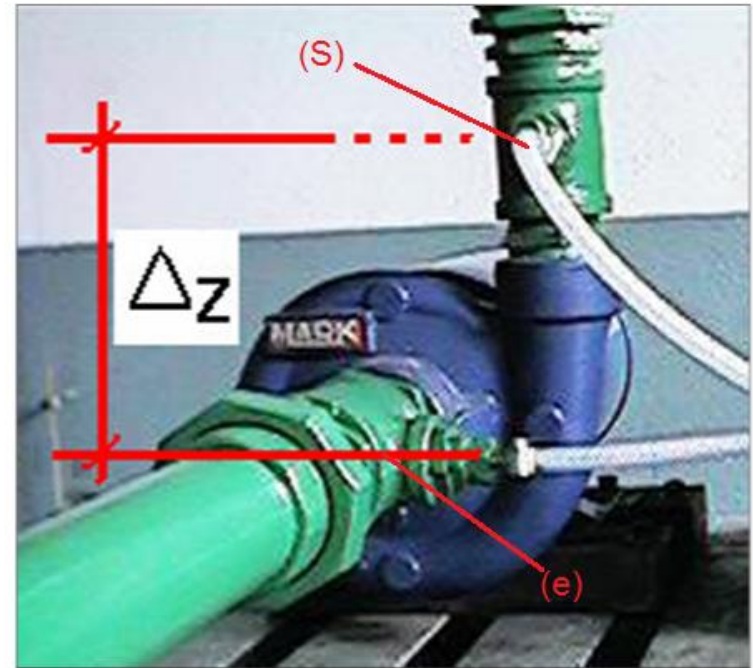
# Curva de Rendimento - DBC/MARK

3500rpm da MARK -  $\phi 105\text{mm}$





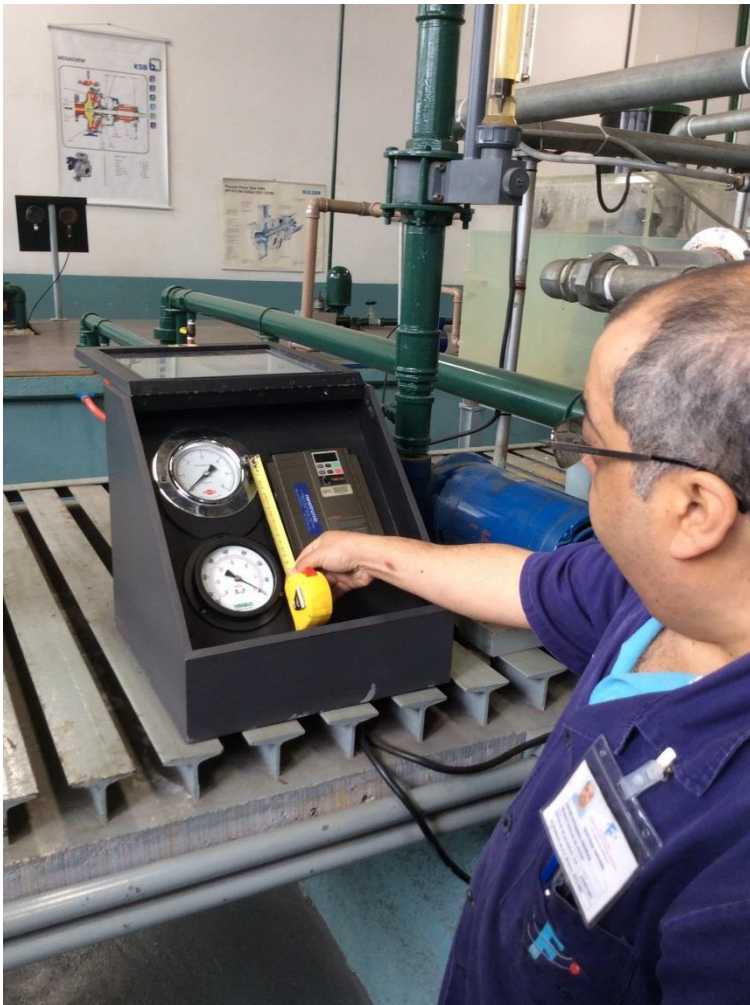
# Obtenção da carga manométrica



$$H_e + H_B = H_s \therefore H_B = (z_s - z_e) + \frac{p_s - p_e}{\gamma} + \frac{\alpha_s v_s^2 - \alpha_e v_e^2}{2g}$$

# Manômetros alinhados, portanto:

$$p_{m_e} = p_e \rightarrow p_{m_s} = p_s$$



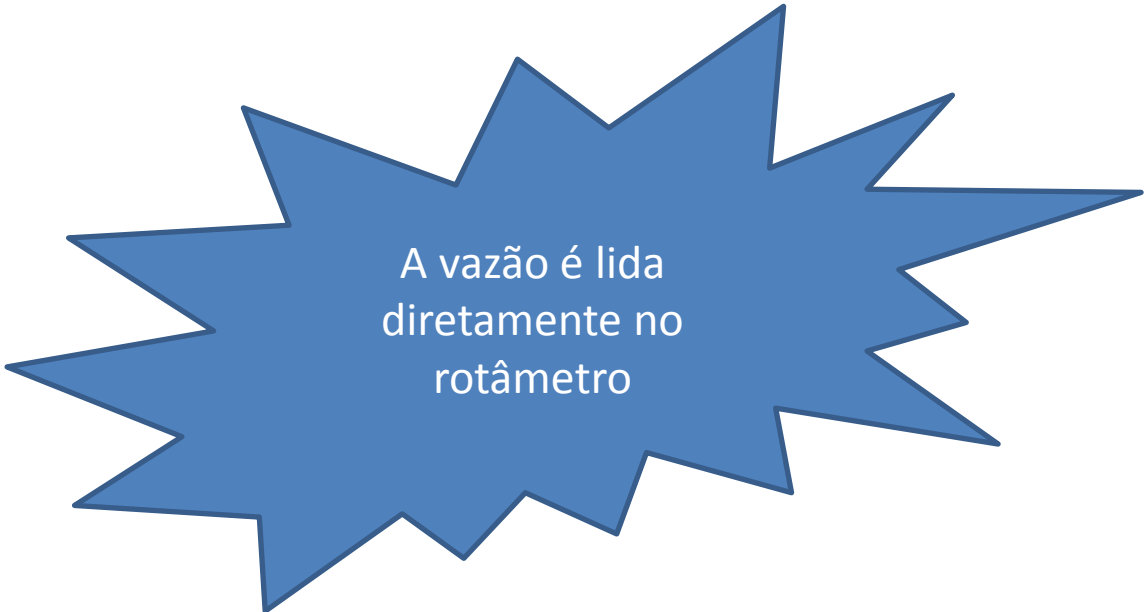
# Calculando a $H_B$

$$H_B = (z_s - z_e) + \frac{p_{m_s} - p_{m_e}}{\gamma} + \frac{\alpha_s v_s^2 - \alpha_e v_e^2}{2g} \rightarrow v = \frac{Q}{A}$$

(e) → sucção → 2" aço 40 →  $D_{int} = 52,5\text{mm}$  →  $A = 21,7\text{cm}^2$

(s) → recalque → 1,5" aço 40 →  $D_{int} = 40,8\text{mm}$  →  $A = 13,1\text{cm}^2$

$$z_s - z_e = 15,5\text{cm}$$



A vazão é lida  
diretamente no  
rotâmetro





Para compreender que rotação é dada nas curvas do fabricante devemos entender o conceito de velocidade síncrona.



Velocidade de rotação síncrona ( $n_s$ )



$$n_s = \frac{120 \times f}{p} \rightarrow [f] = \text{Hz}$$

$p$  = número de pólos

2 pólos = 3600 rpm

4 pólos = 1800 rpm

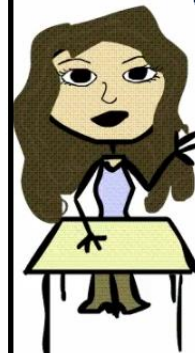
6 pólos = 1200 rpm

8 pólos = 900 rpm

Geralmente os motores síncronos só são usados para potências > que 500CV



Pelo decreto número 4508 de 11 de dezembro de 2002 do Ministério de Minas e Energia teríamos os motores elétricos com uma frequência nominal igual a 60 Hz.

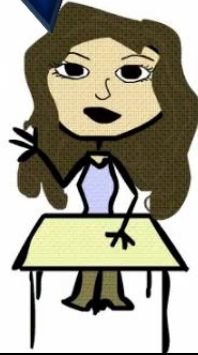


E os motores assíncronos?



Nos motores assíncronos a velocidade de rotação não coincide exatamente com a velocidade de sincronismo.

Ela é menor?



Sim e a diminuição é originada pelo escorregamento (escor.), que geralmente é da ordem de 2,5 a 5%

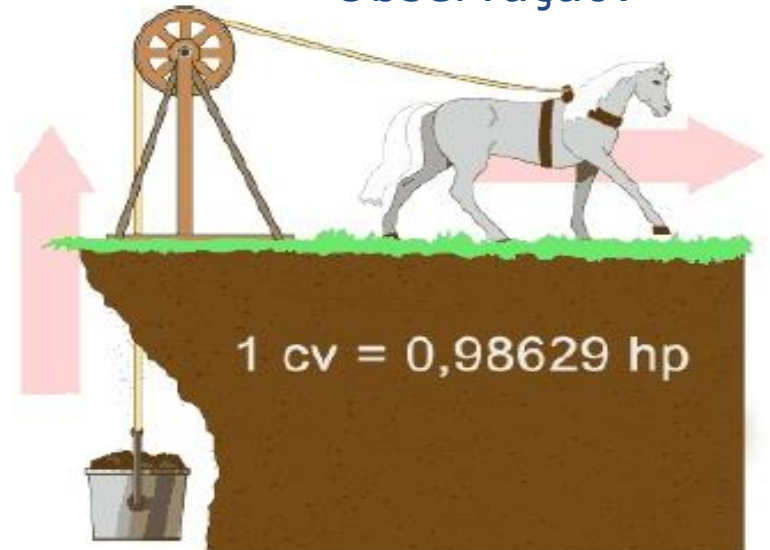
$$n = n_s \times \left( 1 - \frac{\text{escor.}}{100} \right)$$

Para a rotação de 3500 rpm o escorregamento é aproximadamente igual a 2,8%, já que:

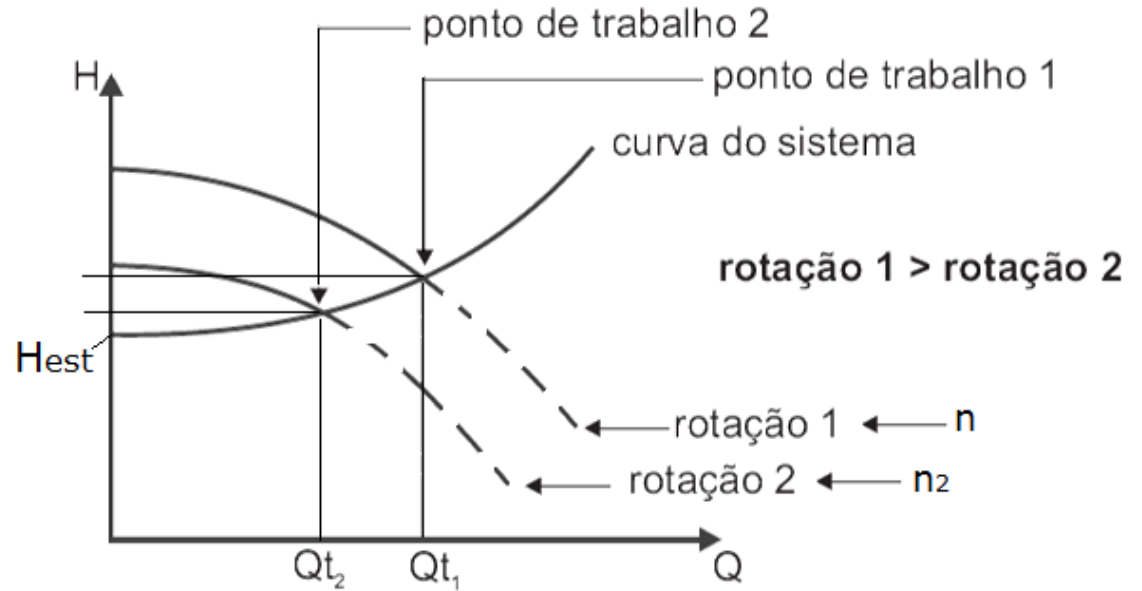


$$3500 = 3600 \times \left( 1 - \frac{\text{escor.}}{100} \right)$$

Observação:



A rotação  $n$  influencia o ponto de trabalho!



Na experiência para cada posição da válvula globo devemos calcular a HB; a Q



Isto para rotação ( $n_{lida}$ )

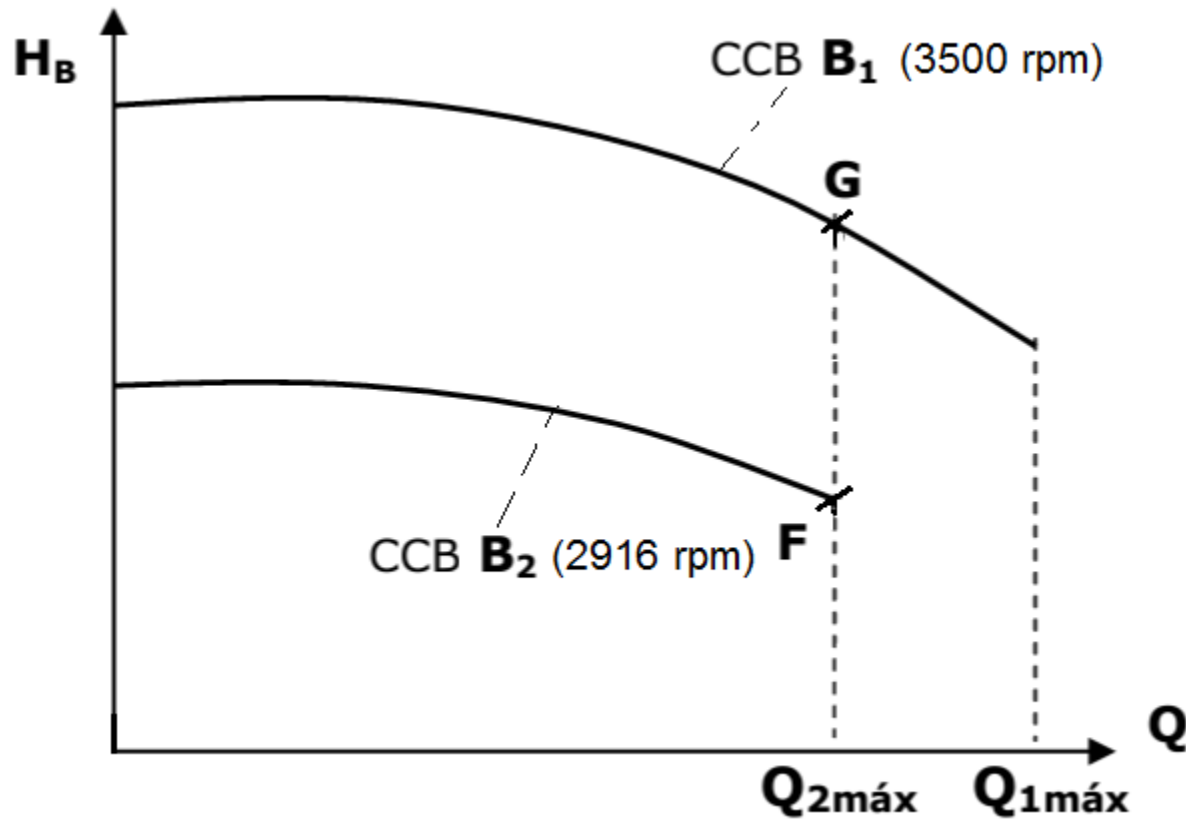


Analogamente faremos as  
correções para a rotação de  
2916 rpm.





Aí obtemos as curvas abaixo, onde  $B_1$  corresponde a 3500 rpm e a  $B_2$  a 2916 rpm



# Potência do ponto G

$$N_{BG} = \frac{\gamma \times Q_G \times H_{BG}}{\eta_{BG}}$$

O rendimento do ponto G pode ser obtido da curva do rendimento em função da vazão para a rotação de 3500 rpm (slide 25)

Já o rendimento do ponto F não pode ser obtido diretamente do slide 25

Vamos recorrer a análise dimensional e igualarmos os coeficientes de vazão:

$$\phi_{B_1} = \phi_{B_2} \Rightarrow \frac{Q_{B_1}}{3500 \times D_R^3} = \frac{Q_{B_2}}{2910 \times D_R^3}$$
$$\therefore Q_{B_1} = Q_{B_2} \times \frac{3500}{2910}$$

Aí com a vazão do ponto da  $B_1$  completamente semelhante ao ponto F da bomba  $B_2$  no slide 25 nós calculamos o rendimento do ponto F

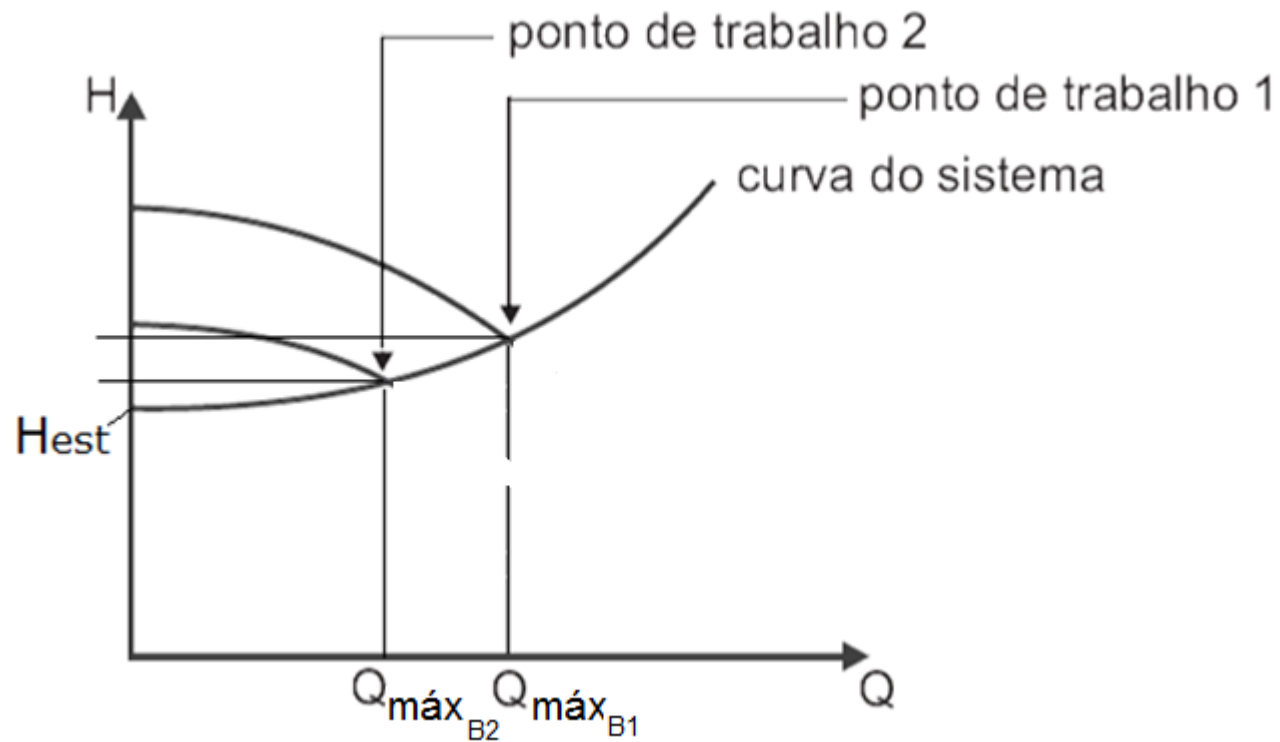
$$N_{B_F} = \frac{\gamma \times Q_F \times H_{B_F}}{\eta_{B_F}}$$

Aí podemos comparar as potências do ponto G com a do ponto F e como:

$$N_m = \frac{N_B}{\eta_m}$$

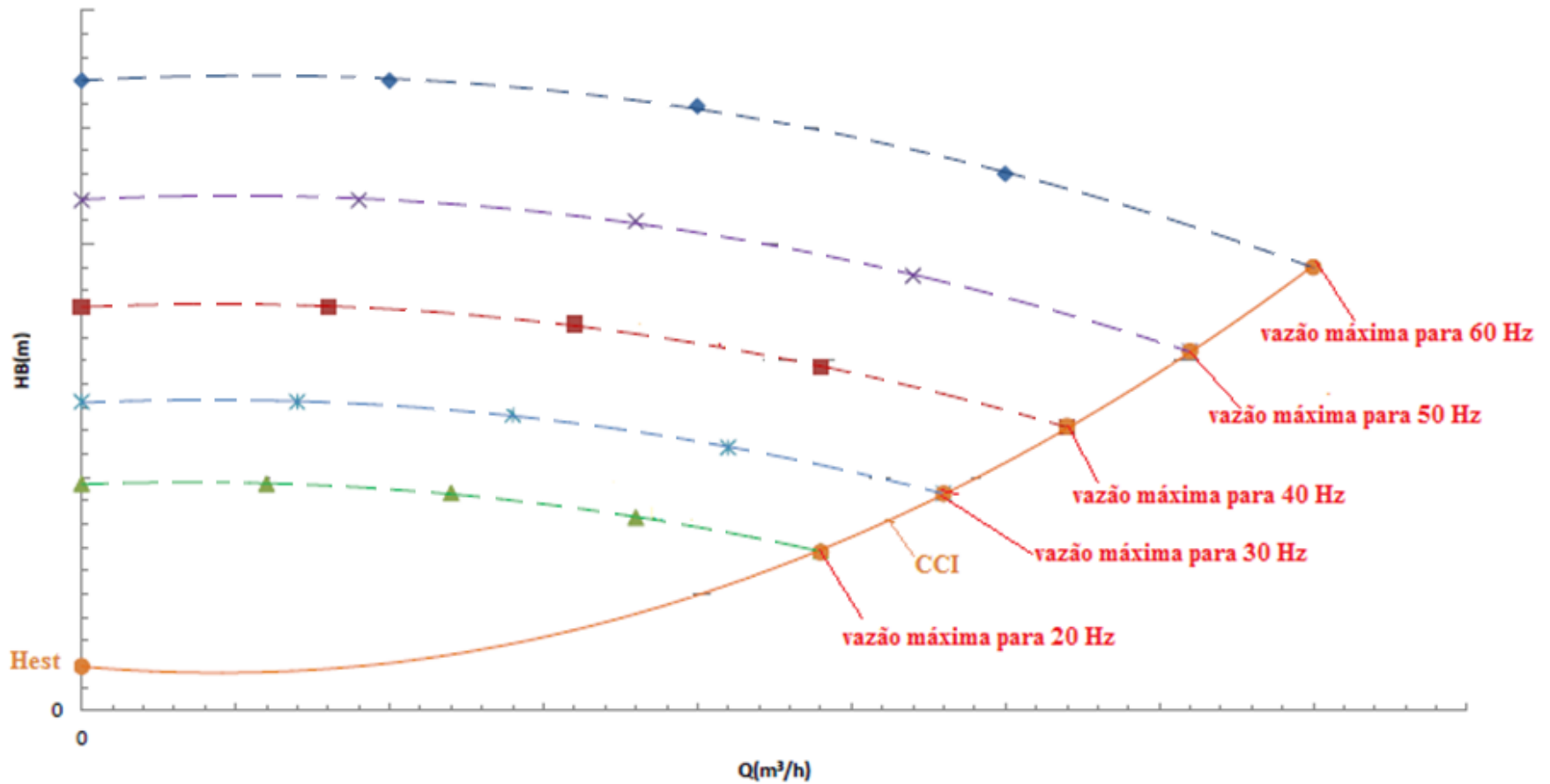
podemos concluir se houve ou não redução no consumo da potência elétrica.

# Agora podemos partir para a determinação da CCI prática





O gráfico abaixo mostra o deslocamento da CCB em função da rotação



Dados coletados para a CCI prática:



### Inversor de frequência – segunda parte

	Frequência	Q	P <sub>me</sub>	P <sub>ms</sub>
Ensaio	(Hz)	(m <sup>3</sup> /h)	(mmHg)	(kgf/cm <sup>2</sup> )
1	25	4,75	-100	0,2
2	30	6,5	-110	0,3
3	40	10,5	-170	0,8
4	45	12	-200	1
5	50	14	-240	1,25
6	55	15,5	-270	1,5
7	60	17,5	-290	1,8

Determinação da carga estática feito pelo Mauricio e pelo Valdir



$$Z_{\text{inicial}} = 17\text{cm}$$

PHR  
adotado no  
chão



$$Z_{\text{final}} = 64\text{cm}$$

