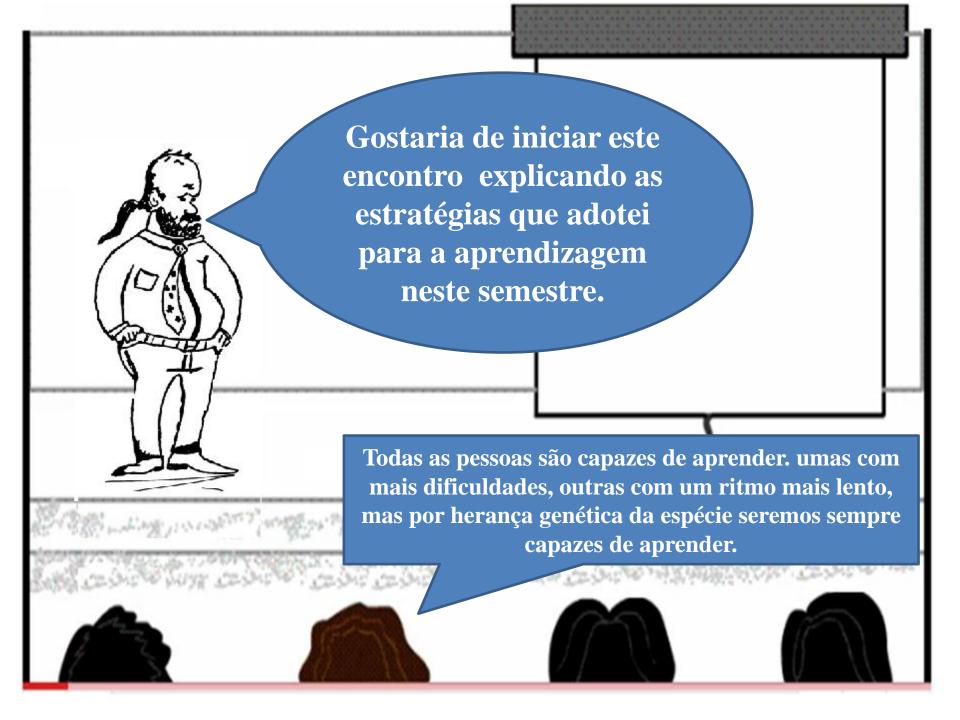
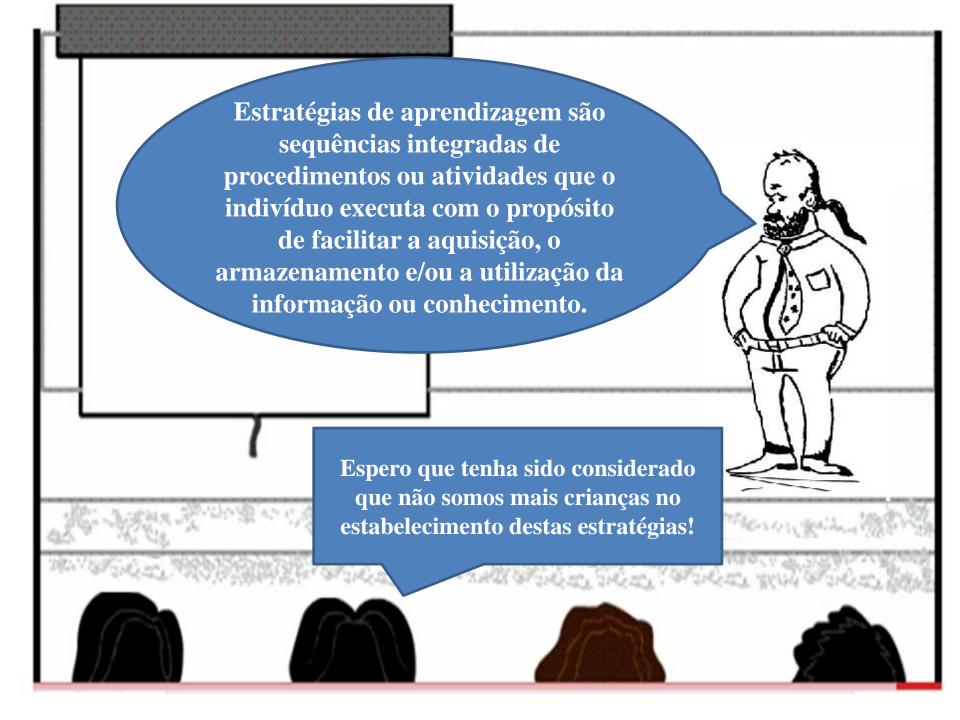
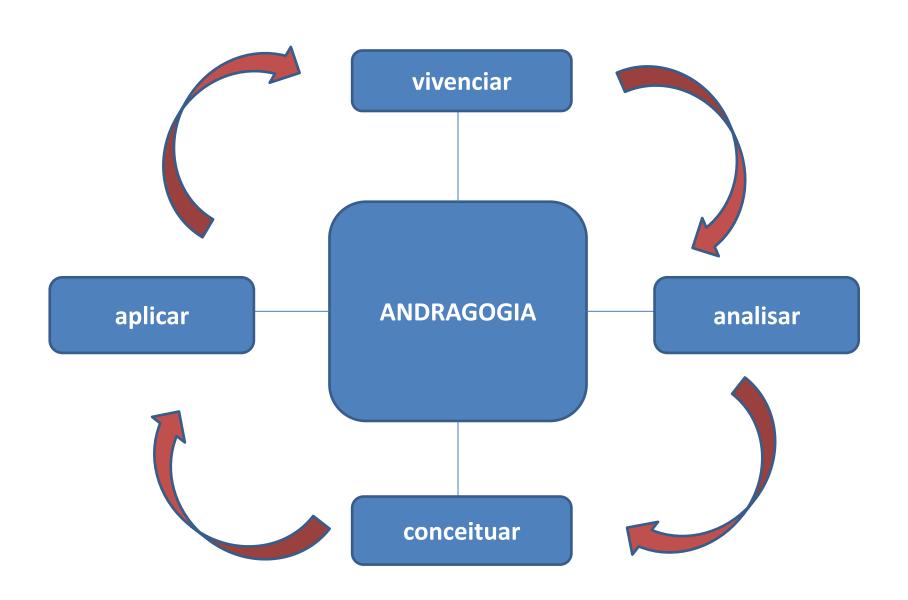
### Aula 4 e 5 de laboratório

Segundo semestre de 2012



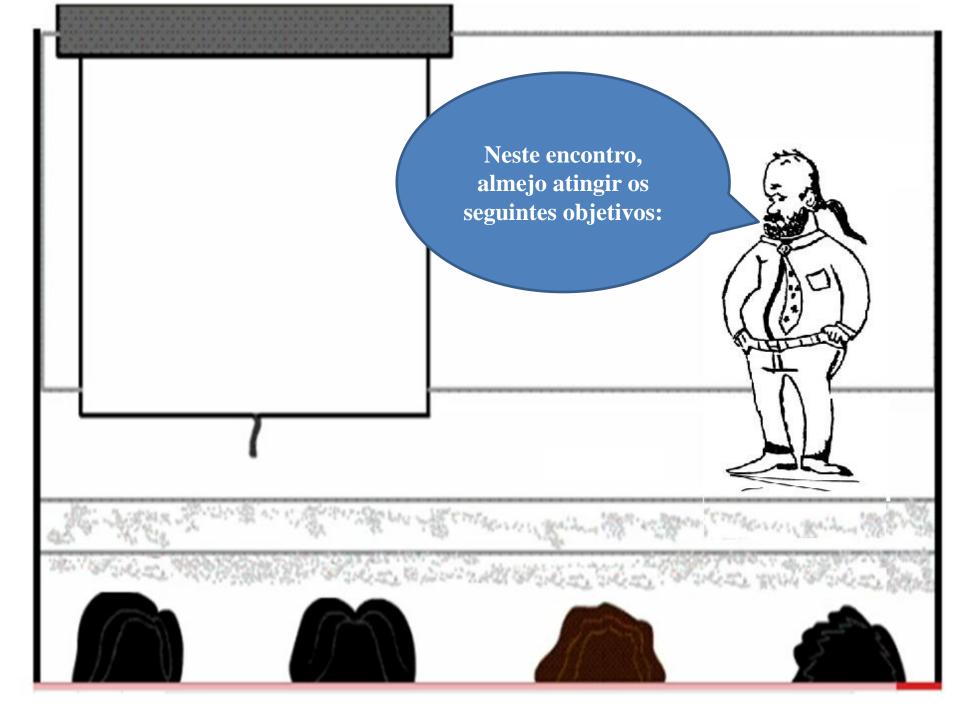






É O APRENDER
FAZENDO
ATRAVÉS DA
PRÓPRIA
EXPERIÊNCIA





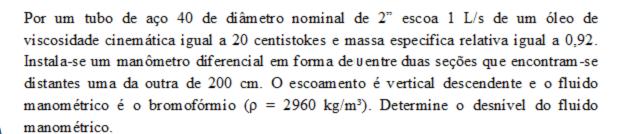


- 1. visualizar na bancada situação semelhante aos exercícios propostos na aula 3;
- 2. obter a equação da CCI para uma dada instalação de bombeamento;
- 3. visualizar e resolver problemas e compreender que não existe uma só solução.

Vamos evocar o problema proposto na turma 140

THE REAL PROPERTY AND THE SHAPE

Vamos procurar enxergar o exercício da aula passada na bancada, só que no caso trabalhando com água



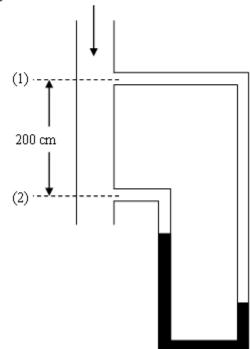
Dados: rugosidade do aço considerada igual a 0,046 mm

Local da instalação: São Bernardo do Campo: Latitude do distrito sede do município: -23,69389° - Altitude: 762 m - <u>trabalhar com a aceleração da gravidade com 3 casas decimais</u>

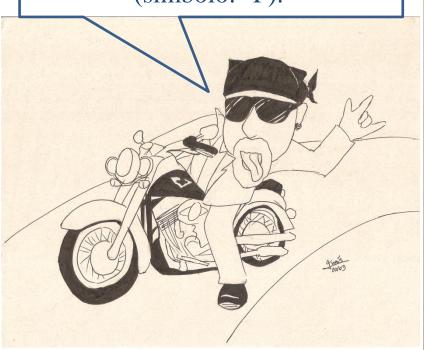
 $1 \text{ stoke} = 1 \text{ cm}^2/\text{s}$ 

$$\rho_{padrão\_liquidos} = \rho_{agua\_4}{}^0_C = 1000 \text{ kg/m}^3$$

Diagrama de Rouse

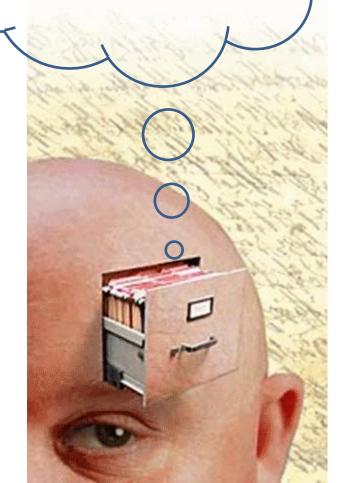


Observando a bancada 8, consideramos o trecho de diâmetro nominal de 1,5" de espessura 40, que tem também três singularidades que no caso são: válvula globo reta sem guia, tê de passagem direta e uma válvula esfera. A temperatura de escoamento da água é medida em Fahrenheit (símbolo: °F).





E aí basta acrescentar ao comprimento de 2 m os comprimentos equivalentes de cada uma das singularidades.





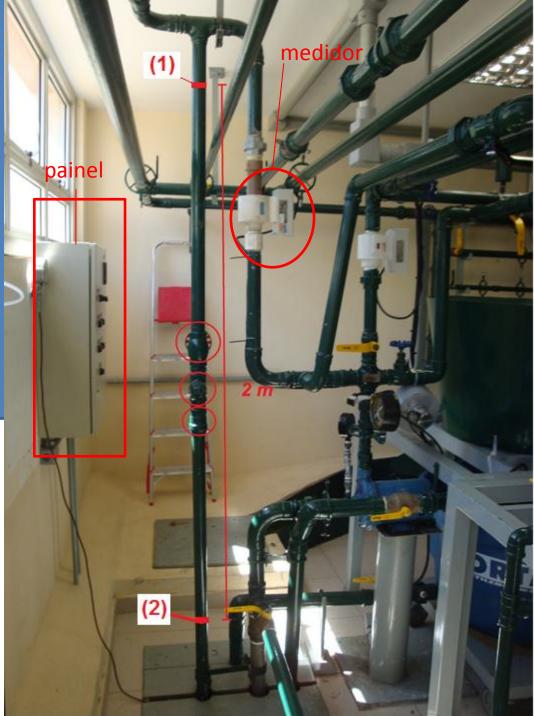
Ao lado podemos observar o sentido de escoamento d'água.



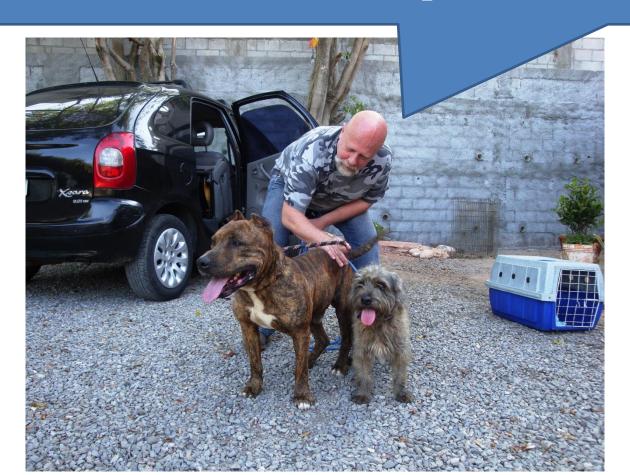


Para que possamos determinar o desnível do fluido manométrico, devemos determinar a variação de pressão entre as seções (1) e (2), porém para isto nos deparamos com uma dificuldade, que seria a determinação da vazão de escoamento, isto porque, o painel que registraria a vazão medida pelo medidor eletromagnético está danificado.





Como a(o) engenheira(o) deve resolver problemas, este é só mais um. Para resolvê-lo, proponho uma análise da curva característica da bomba (CCB), que pode ser construída através da tabela obtida através da curva fornecida pelo fabricante.



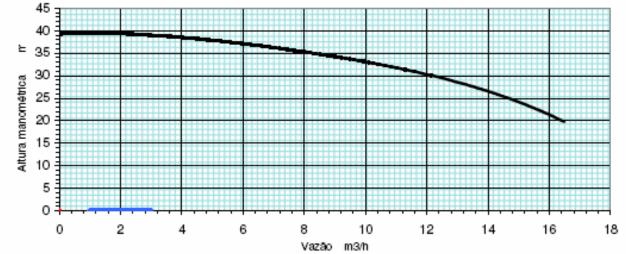
## Dados para a CCB

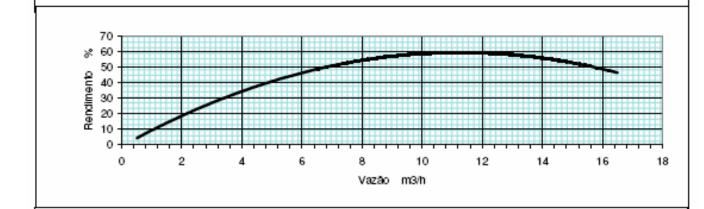
Q fab.	Hb fab.
(m³/h)	(m)
0	39,5
2	39,5
4	39
6	37,5
8	35
10	33
12	30
14	26,5
16	21,5

	G		RUNDFOS		MARK GRUNDFOS LTDA.									
	MARK				Bomba Centrífuga Monoestágio						MODELO DF			
	Rot	or	146		mm	mm Número de estágios		1	Sucção	Recalque		RPM		
	Ponto de trabalho								1.1/2"	1.		3.500		
Q	2			Hm						Vedação	Roscas	Válido	para <del>água</del> ilmpo	аа
CV	1			%						Selo mecânico	BSP		20 C.	



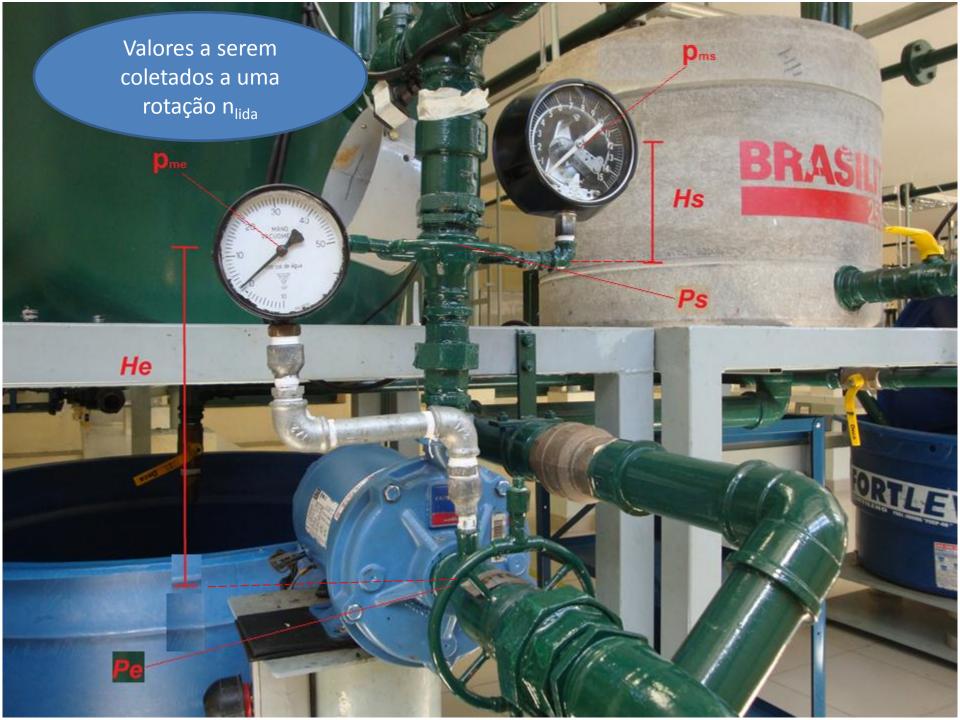






Para a determinação da vazão nós aplicamos a equação da energia entre a seção de entrada e de saída da bomba.





$$H_e + H_B = H_s$$

$$H_{B} = (z_{s} - z_{e}) + \frac{(p_{s} - p_{e})}{\gamma}$$

$$v_e = v_s$$

$$p_{e} = p_{me} + \gamma \times H_{e}$$

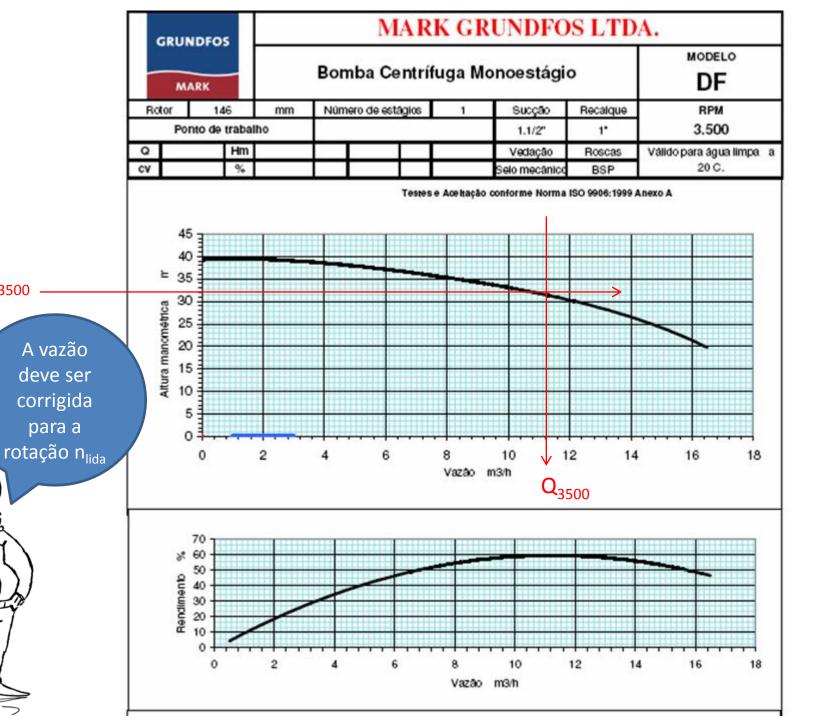
$$p_{s} = p_{ms} + \gamma \times H_{s}$$

## Equacionamentos sugeridos!



# Mas para a determinação da vazão pela CCB, devemos corrigir a carga manométrica para a rotação de 3500 rpm

$$\frac{H_{B_{3500}}}{3500^2} = \frac{H_{B_{experi\hat{e}ncia}}}{n_{experi\hat{e}ncia}^2}$$



H<sub>B3500</sub>

Obtemos a vazão para a rotação do experimento através da condição de semelhança entre o coeficiente de vazão do modelo (nlida) e o protótipo (3500 rpm), ou seja:

$$\phi_{\text{modelo}} = \phi_{\text{prot\'otipo}}$$

$$\frac{Q_{m}}{n_{m} \times D_{r_{m}}^{3}} = \frac{Q_{p}}{n_{p} \times D_{r_{p}}^{3}}$$

Como 
$$D_{r_m} = D_{r_p}$$
, temos :  $\frac{Q_m}{n_m} = \frac{Q_p}{n_p} \to \frac{Q_{n_{lida}}}{n_{lida}} = \frac{Q_{3500}}{3500}$ 

Com a vazão da rotação lida, podemos calcular a perda de carga entre as seções (1) e (2), já que:

$$\begin{split} H_p &= f \times \frac{\left(L + \sum Leq\right)}{D_H} \times \frac{Q^2}{2g \times A^2}, onde: \\ L &= 2m; \\ \sum Leq &= Leq_{VGL} + Leq_{V.esfera} + Leq_{t\hat{e}\_passagem\_direta} \end{split}$$

#### Observações:

- 1. Leq<sub>VGL</sub> e Leq<sub>Vesfera</sub> devem ser obtidos no catálogo da Mipel;
- 2. Leq<sub>tê passagem direta</sub> deve ser obtido no catálogo da Tupy;
- 3. O coeficiente de perda de carga distribuída (f) deve ser obtido no sítio: <a href="https://www.escoladavida.eng.br">www.escoladavida.eng.br</a> lembrando que:
  - a. massa específica, viscosidade e viscosidade cinemática obtidos em função da temperatura de escoamento d'água;
  - b. tubo de diâmetro nominal 1,5" com espessura 40 deve ter seu diâmetro interno e área da seção livre obtidos na norma ANSI B3610 que encontra-se no sítio: <a href="https://www.escoladavida.eng.br">www.escoladavida.eng.br</a>;
  - c. aceleração da gravidade igual a 9,8 m/s² ou o valor obtido para SBC.

Calculada a perda de carga, aplicamos a equação da energia entre as seções (1) e (2) e determinamos a diferença de pressão p<sub>1</sub> – p<sub>2</sub>, já que:

$$\begin{aligned} H_1 &= H_2 + H_p \\ z_1 + \frac{p_1}{\gamma} + \frac{\alpha_1 \times v_1^2}{2g} &= z_2 + \frac{p_2}{\gamma} + \frac{\alpha_2 \times v_2^2}{2g} + H_p \end{aligned}$$

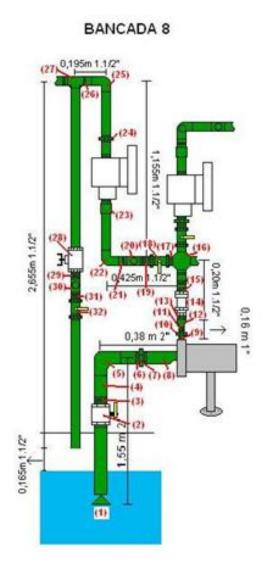
Após a determinação de  $p_1 - p_2$ , aplicando a equação manométrica, determinamos o desnível do fluido manométrico, que no caso é o bromofórmio (CHBr<sub>3</sub>) que tem massa específica igual a 2960 kg/m³ e aí resolvemos o primeiro problema proposto.

### Segundo problema

Dado o desenho do próximo slide e considerando a CCB e obtendo a equação da CCI em função da vazão, do coeficiente de energia cinética e dos coeficientes de perda de carga distribuída, pede-se determinar o ponto de trabalho que para este exercício será: vazão, carga manométrica, rendimento e potência da bomba.

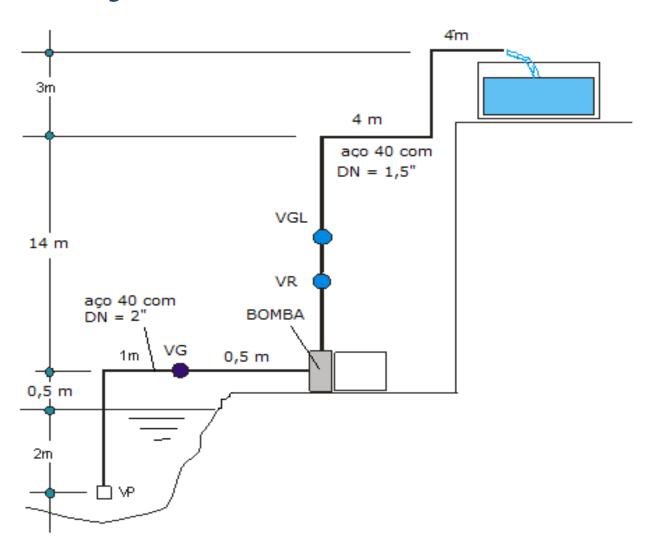
Compare esta vazão de trabalho com a vazão obtida no primeiro problema e se houver diferença comente as possíveis causas.

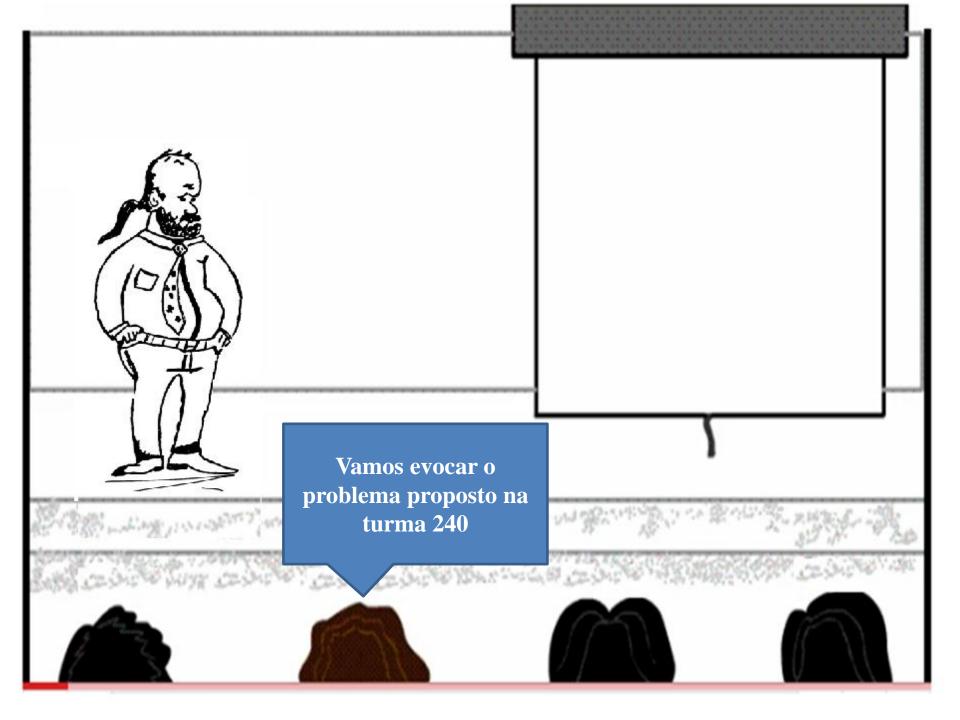
#### Turma 140 = quarta aula e turma 240 = quinta aula



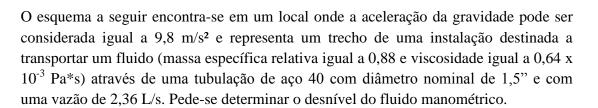
Númeração	Nome da singularidade
1	válvula de poço
2, 18 e 32	válvula esfera
3, 6, 9, 11, 13, 15, 21 e 26	niple
4 e 30	tê de passagem direta
5, 22 e 25	curva longa fêmea
7, 10 e 24	união fêmea
8	redução excêntrica
12	luva de ampliação
14	válvula de retenção vertical
16	cruzeta de saída lateral
17, 19, 29 e 31	união macho
23	luva de PVC
27	tê de saída lateral
28	válvula globo reta sem guia

# Exercício: escrever a equação da CCI e traçá-la através do Excel.





Vamos procurar enxergar o exercício da aula passada na bancada, só que no caso trabalhando com água

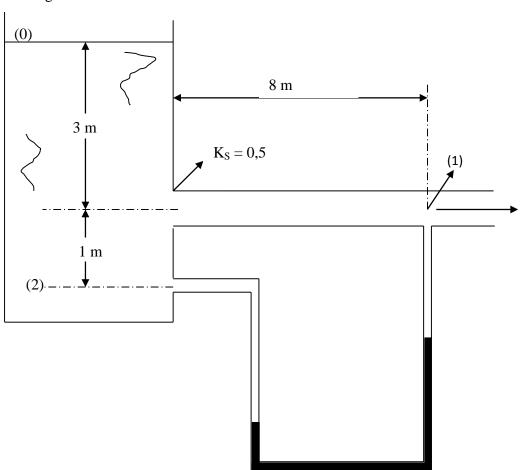


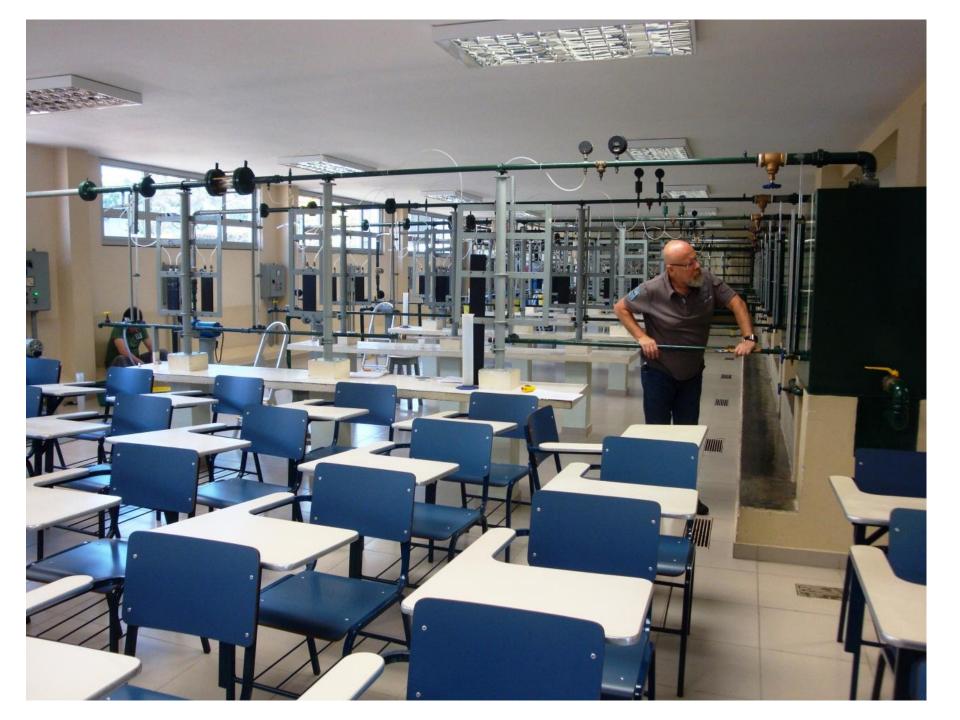
Dados: rugosidade do aço considerada igual a 0,046 mm

O fluido manométrico é o mercúrio ( $\rho = 13560 \text{ kg/m}^3$ )

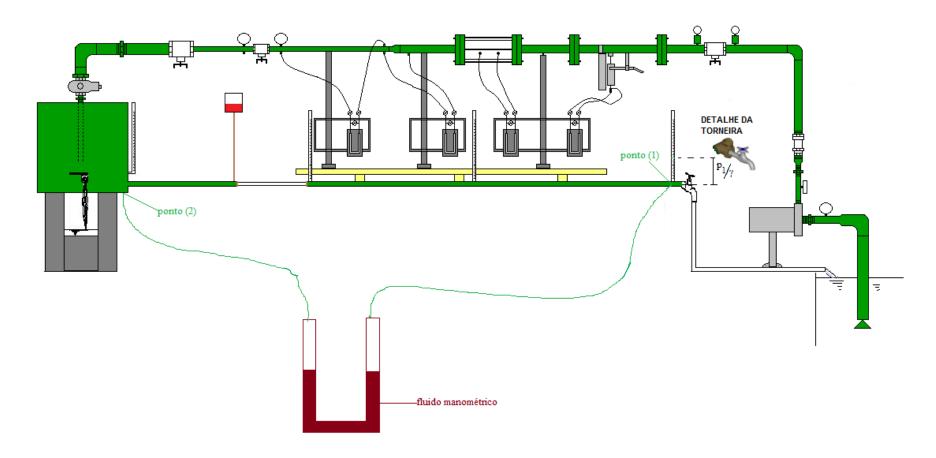
$$\rho_{padr\tilde{a}o\_l\acute{i}quidos} = \rho_{\acute{a}gua\_4}{}^0_C = 1000~kg/m^3$$

Diagrama de Rouse





Primeiro problema: mantendo o nível constante no reservatório superior em 300 mm (bancadas 1,2, 3 e 7) e 700 mm (bancadas 4, 5 e 6) que é lido no piezômetro utilizado como medidor de nível no reservatório superior, determine o desnível do bromofórmio utilizado como fluido manométrico no manômetro diferencial em forma de U e que será instalado no fundo do reservatório (ponto (2)) e a seção imediatamente antes (a montante) da torneira (ponto 1).



Para a determinação do desnível do fluido manométrico (CHBr<sub>3</sub> e Hg) determinamos a pressão no ponto (2) e no ponto (1).

Para a solução deste primeiro problema basta observarmos que o fluido dentro do reservatório superior encontra-se em repouso (nível constante) o que permite determinar a pressão no seu fundo evocando o conceito de pressão em um ponto fluido  $(p = \gamma x h + p_{atm local})$ , já na seção (1) a pressão pode ser determinada lembrando que um piezômetro lê a carga de pressão ( $h = p/\gamma$ ).

Aí basta aplicar a equação manométrica entre os pontos (1) e (2) que obteremos o desnível do fluido manométrico.

Evocando a equação manométrica

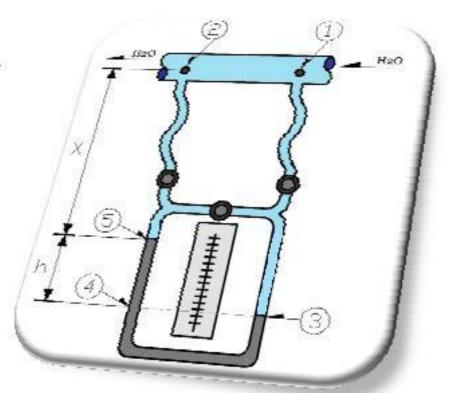


Para se obter a equação manométrica, deve-se adotar um dos dois pontos como referência. Parte-se deste ponto, marcando a pressão que atua no mesmo e a ela soma-se os produtos dos pesos específicos com as colunas descendentes  $(+\Sigma \gamma^* h_{descendente})$ , subtrai-se os produtos dos pesos específicos com as colunas ascendentes ( $-\Sigma \gamma * h_{ascendente}$ ) e iguala-se à pressão que atua no ponto não escolhido como referência.

# Exemplo de aplicação da equação manométrica entre dois pontos que encontram-se no mesmo nível, <u>é</u> <u>importante observação que isto não ocorre no problema proposto</u>.

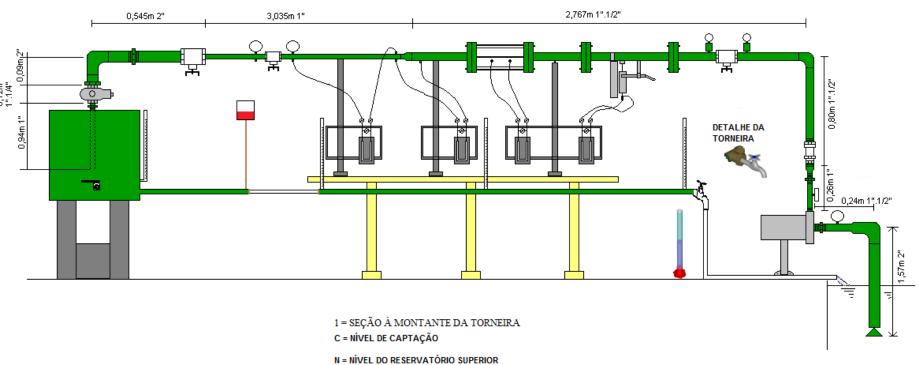
Adotando-se como referênciao ponto(1):

$$\begin{aligned} p_1 + x * \gamma_{H_2O} + h * \gamma_{H_2O} - h * \gamma_{Hg} - x * \gamma_{H_2O} &= p_2 \\ p_1 - p_2 &= h * \left( \gamma_{Hg} - \gamma_{H_2O} \right) \end{aligned}$$



Problema 2: Para as duas situações anteriores: 300 mm (bancadas 1,2, 3 e 7) e 700 mm (bancadas 4, 5 e 6), pede-se calcular a Σl<sub>eq experimental</sub> até a seção à montante da torneira (seção (1)) e compará-lo, com a somatória obtida através das tabelas de comprimentos equivalentes do catálogo da Tupy. Importante neste problema o bocal convergente é mantido fechado.

## BANCADA 1



BC = SAÍDA DO BOCAL CONVERGENTE

T = SAÍDA DA MANGUEIRA ACOPLADA A TORNEIRA

Para resolvermos este segundo problema, mantendo o nível do reservatório superior constante em 300 mm (bancadas 1, 2, 3 e 7) e em 700 mm (bancadas 4, 5 e 6), aplicamos a equação da energia do nível do reservatório (N) à seção a montante da torneira (seção (1)).

$$\begin{split} H_N &= H_1 + H_{p_{N-1}} \\ z_N &+ \frac{p_N}{\nu} + \frac{v_N^2}{2g} = z_1 + \frac{p_1}{\nu} + \frac{\alpha_1 \times v_1^2}{2g} + H_{p_{N-1}} \end{split}$$

 $\frac{z_N + \overline{\gamma} + \overline{2g} - z_1 + \overline{\gamma} + \overline{2g}}{\gamma} = \frac{1}{2g}$ 

Após a leitura do piezômetro (1), fechamos a torneira o que possibilita a determinação da vazão de escoamento através do reservatório de nível superior, já que:

$$Q = \frac{\Delta h \times A_{tanque}}{t}$$

Conhecida a vazão e tendo a temperatura de escoamento d'água, podemos calcular a perda entre o nível e a seção 1, bem como o coeficiente de perda de carga distribuída, já que temos que o tubo é de aço com diâmetro nominal de ¾" com espessura 40 e aí basta calcularmos a somatória dos comprimentos equivalentes:

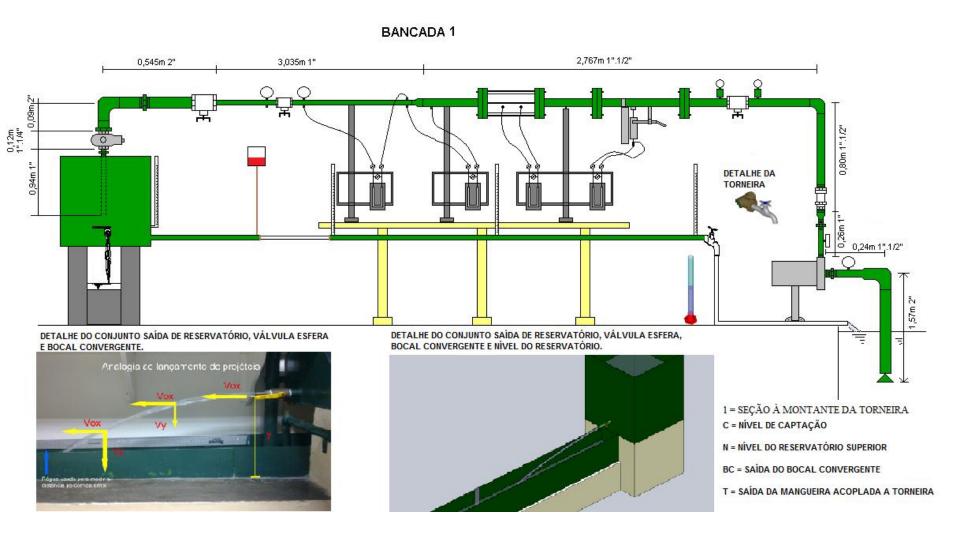
$$H_{p_{N-1}} = f \times \frac{\left(L + \sum Leq\right)}{D_H} \times \frac{Q^2}{2g \times A^2}$$

A somatória dos comprimentos equivalentes deve ser comparada com a obtida através do catálogo da Tupy, onde eventuais diferenças devem ser comentadas.

Problema 3: Para os níveis constantes no reservatório superior 300 mm (bancadas 1,2, 3 e 7) e 700 mm (bancadas 4, 5 e 6), considerando também o escoamento pelo bocal convergente, pede-se a perda de carga no conjunto: saída do reservatório + válvula esfera + bocal convergente.



## Turma 240 = quarta aula e turma 140 = quinta aula



O DESENHO DA INSTALAÇÃO DE QUEDA LIVRE QUE ALIMENTA A TORNEIRA NÃO ESPECIFICA AS SINGULARIDADES EXISTENTES NA BANCADA.

## Bancada 8



## **Importante**

Vamos considerar, <u>antes de abrir o bocal</u> <u>convergente</u>, a mesma carga de pressão no piezômetro (1), já que isto garante que teremos a mesma vazão em queda livre pela torneira (Qtorneira) e a mesma perda de carga até a seção a montante da torneira (seção (1)).

ESTA É A MESMA SITUAÇÃO DO PROBLEMA 1 E 2. Primeira possibilidade de solução do problema 3: balanço de potências entre o nível de captação, saída do bocal convergente e seção (1).

$$\begin{split} \gamma \times Q_B \times H_C + \gamma \times Q_B \times H_B &= \gamma \times Q_T \times H_1 + \gamma \times Q_{BC} \times H_{BC} + \\ \gamma \times Q_B \times H_{p_{CCI\_da\_bancada}} + \gamma \times Q_T \times H_{p_{N-1}} + \gamma \times Q_{BC} \times H_{p_{pedida}} \end{split}$$

$$H_{p_{pedida}} = H_{p_{sa\acute{t}da\_reservat\acute{o}rio}} + H_{p_{v\acute{a}lvula\_esfera}} + H_{p_{bocal}}$$

Para a determinação da carga manométrica da bomba nós aplicamos a equação da energia entre a seção de entrada e de saída da bomba.



Segunda possibilidade de solução do problema 3: balanço de potências entre o nível do reservatório superior, saída do bocal convergente e seção (1).

$$\gamma \times Q_{B} \times H_{N} = \gamma \times Q_{T} \times H_{1} + \gamma \times Q_{BC} \times H_{BC} + \gamma \times Q_{T} \times H_{p_{N-1}} + \gamma \times Q_{BC} \times H_{p_{pedida}}$$

$$H_{p_{pedida}} = H_{p_{sa\acute{l}da\_reservat\acute{o}rio}} + H_{p_{v\acute{a}lvula\_esfera}} + H_{p_{bocal}}$$