

# Quarta aula de ME5330

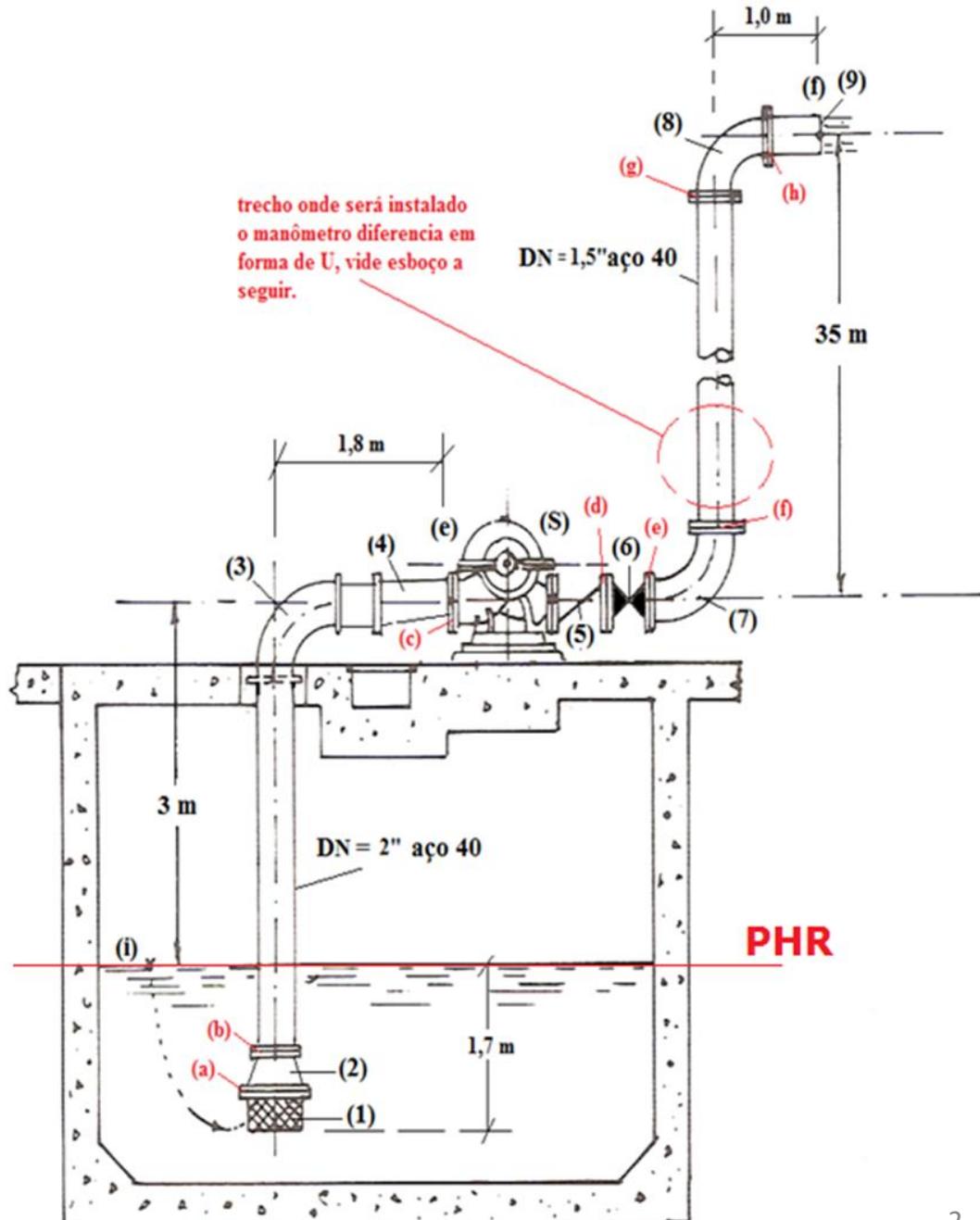
Primeiro semestre de 2014

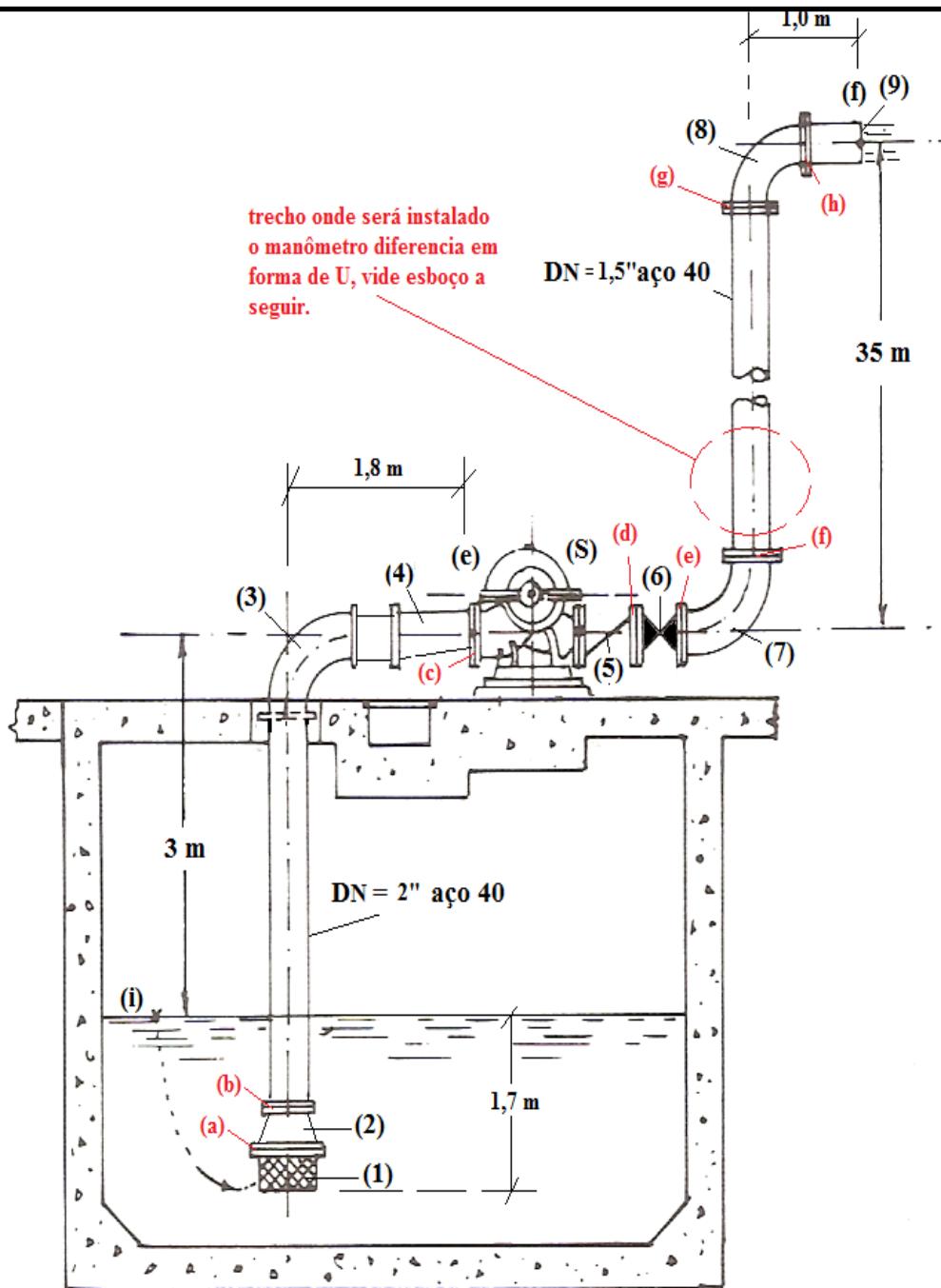


## 4<sup>a</sup> Etapa do projeto: obtenção da equação da CCI

A instalação ao lado fez parte da terceira questão da P1 do segundo semestre de 2012 e supondo que o fluido bombeado é a água a 25°C, obtenha a equação da CCI.

trecho onde será instalado o manômetro diferencial em forma de U, vide esboço a seguir.





1 – válvula de poço da Mipel de 3"

2 – redução concêntrica da Tupy 3"x 2"

3 – curvas fêmeas de  $90^\circ$  de 2"

4 - redução excêntrica de 2" x 1,5'

5 – válvula de retenção horizontal de 1,5"

6 - Válvula globo reta sem guia de 1,5"

7 e 8 – curvas fêmeas de  $90^\circ$  de 1,5"

9 - saída da tubulação de 1,5"

Outros dados:

(a) – niple duplo de 3”;

(b) – niple duplo de 2”;

(c), (d), (e), (f), (g) e (h) – niples duplos de 1,5”



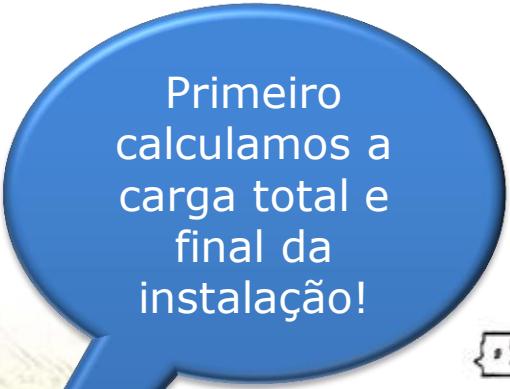
A equação da CCI representa a carga que deve ser fornecida ao fluido transportado, para que ele escoe com uma vazão  $Q$ . No caso de uma instalação com uma entrada e uma saída, a CCI é obtida aplicando-se a equação da energia entre a seção inicial e final.



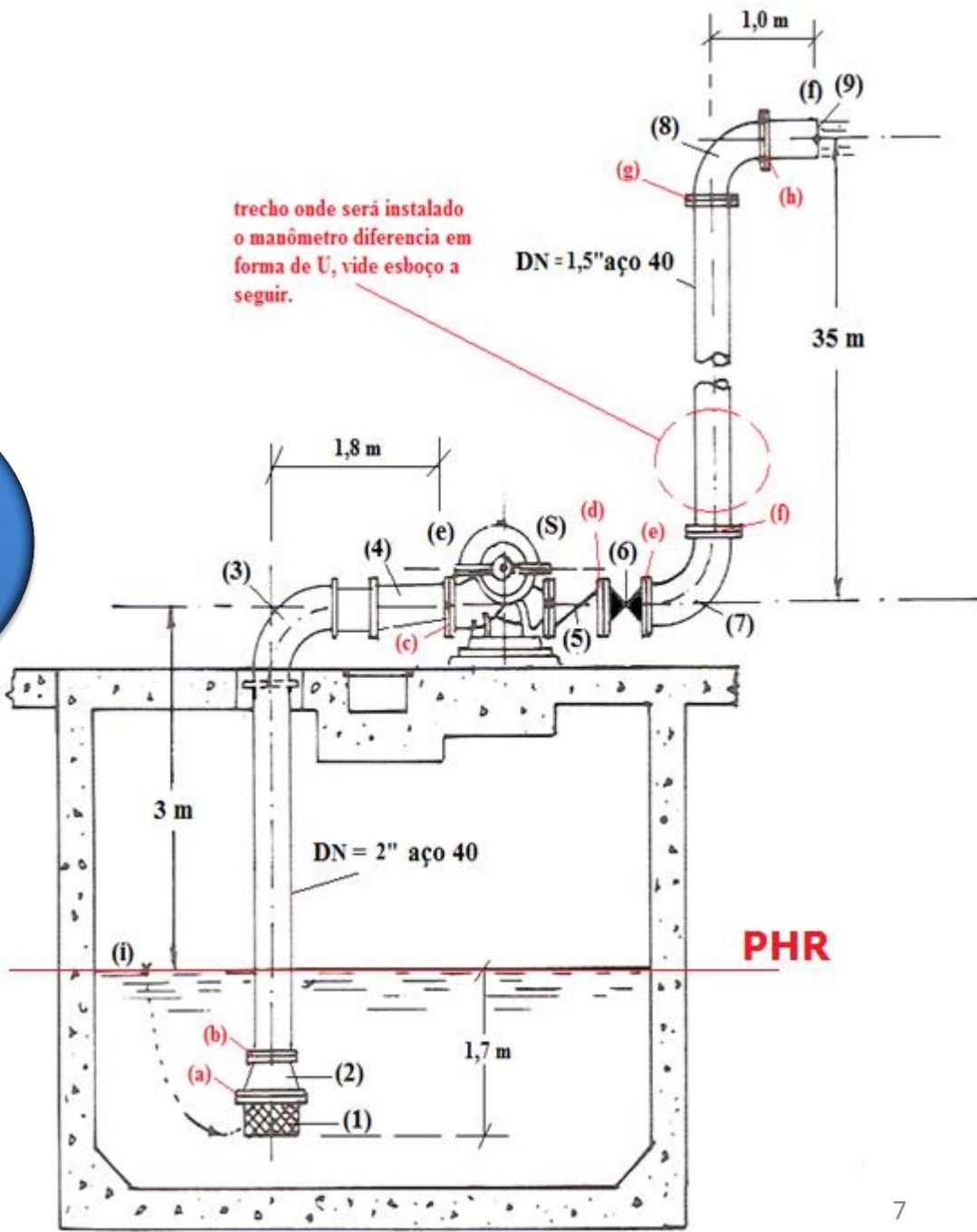
Importante: a equação da CCI sempre será escrita em função da vazão, portanto onde existir a velocidade média, esta deve ser substituída pela vazão sobre área e ficará em função da vazão que será a nossa variável independente. Em alguns casos a CCI também ficará em função dos "f".

Resolvendo o exercício, origina:





Primeiro  
calculamos a  
carga total e  
final da  
instalação!

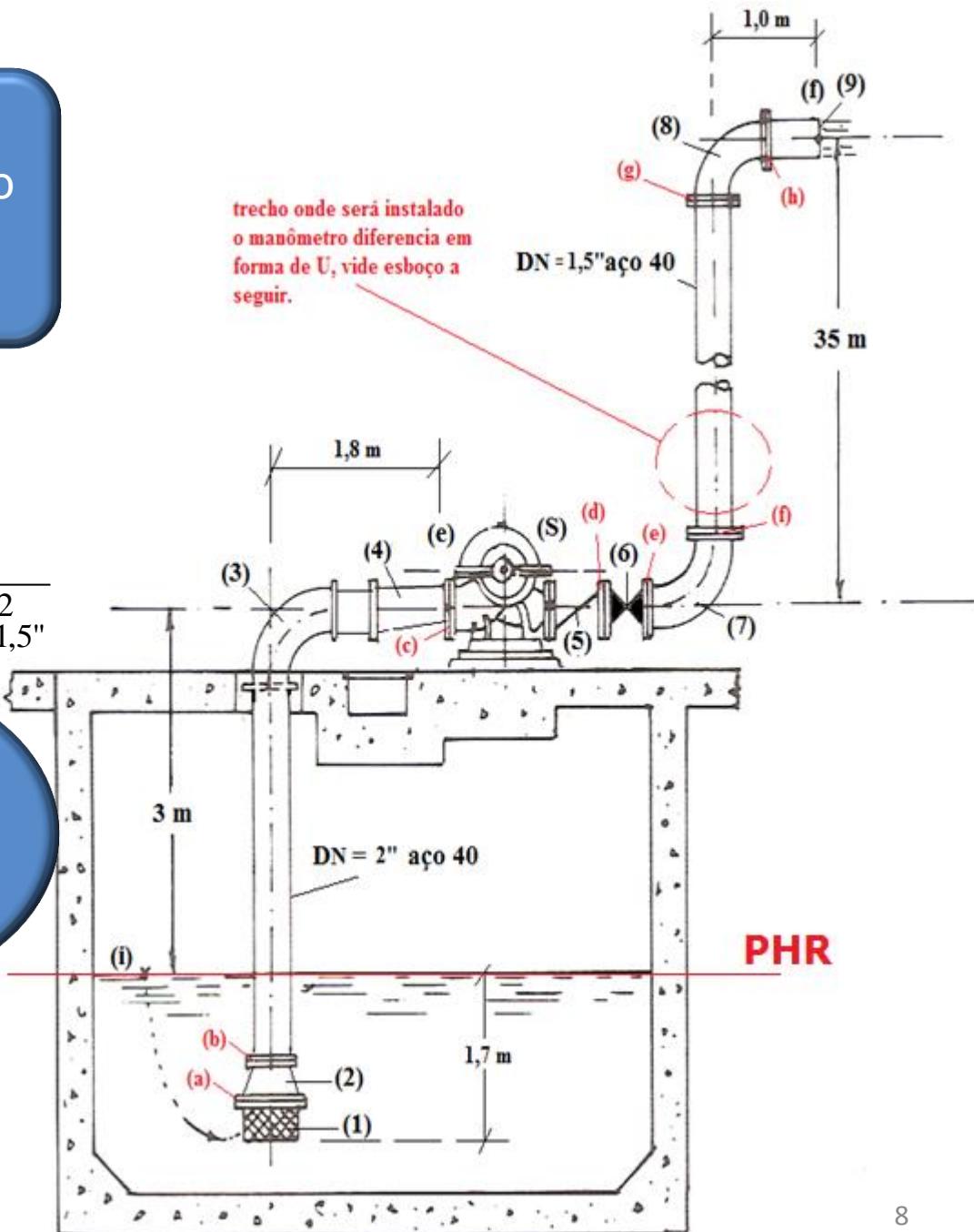
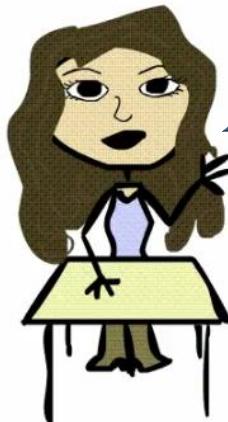


## Adotando o PHR no nível de captação

$$H_i = z_i + \frac{p_i}{\gamma} + \frac{v_i^2}{2g} = 0$$

$$H_f = z_f + \frac{p_f}{\gamma} + \frac{v_f^2}{2g} = 38 + \frac{Q^2}{19,6 \times A_{1,5''}^2}$$

A área é obtida na norma ANSI B3610.



Diâmetro nominal (pol) -- Diâmetro externo (mm)	Designação de espessura. (v. Nota 2)	Espessura de parede (mm)	Diâmetro interno (mm)	Area da seção livre (cm <sup>2</sup> )	Area da seção de metal (cm <sup>2</sup> )	Superfície externa (m <sup>2</sup> /m)	Peso aproximado (kg/m)		Momento de inércia (cm <sup>4</sup> )	Momento resistente (cm <sup>3</sup> )	Raio de giração (cm)
							Tubo vazio (Nota 5)	Conteúdo de água			
1 -- 33	Std, 40, 40S	3,37	26,6	5,57	3,19	0,105	2,50	0,56	2,64	2,18	1,07
	XS, 80, 80S	4,55	24,3	4,64	4,12		3,23	0,46	4,40	2,63	1,03
	160	6,35	20,7	3,37	5,39		4,23	0,34	5,21	3,12	0,98
	XXS	9,09	15,2	1,82	6,94		5,44	0,18	5,85	3,50	0,92
1½ -- 42	Std, 40, 40S	3,56	35	9,65	4,32	0,132	3,38	0,96	8,11	3,85	1,37
	XS, 80, 80S	4,85	32,5	8,28	5,68		4,46	0,83	10,06	4,77	1,33
	160	6,35	29,4	6,82	7,14		5,60	0,68	11,82	5,61	1,29
	XXS	9,70	22,7	4,07	9,90		7,76	0,41	14,19	6,74	1,20
1½ -- 48	Std, 40, 40S	3,68	40,8	13,1	5,15	0,151	4,04	1,31	12,90	5,34	1,58
	XS, 80, 80S	5,08	38,1	11,4	6,89		5,40	1,14	16,27	6,75	1,54
	160	7,14	33,9	9,07	9,22		7,23	0,91	20,10	8,33	1,48
	XXS	10,16	27,9	6,13	12,2		9,53	0,61	23,64	9,80	1,39
2	Std, 40, 40S	3,91	52,5	21,7	6,93	0,196	5,44	2,17	27,72	9,20	2,00

A<sub>1,5"</sub> = 13,1cm<sup>2</sup>



$$H_{\text{inicial}} + H_{\text{sistema}} = H_{\text{final}} + H_{\text{ptotais}}$$

$$0 + H_S = 38 + 29730,5 \times Q^2 + H_{p3''} + H_{p2''} + H_{p1,5''}$$



Observe que para projeto, ao invés de seguir a regra de aproximação, arredondamos para “mais”.

Ok!

Agora é só calcular as perdas!

Iniciamos  
especificando os  
comprimentos  
equivalentes.



Singularidade	Tabela consultada	Dnominal	Leq (m)	Quantidade	Leq total (m)
Válvula de poço	Mipel	3"	32,00	01	32,00
Niple duplo	Tupy	3"	0,01	01	0,01
Redução concêntrica	Tupy	3" x 2"	0,70	01	0,70
Niple duplo	Tupy	2"	0,01	01	0,01
Curva fêmea de 90º	Tupy	2"	1,04	01	1,04
Redução excêntrica	Tupy	2' x 1,5"	0,38	01	0,38
Válvula de retenção horizontal	Mipel	1,5"	19,20	01	19,20
Válvula globo reta sem guia	Mipel	1,5"	13,72	01	13,72
Curva fêmea de 90º	Tupy	1,5"	0,82	02	1,64
Niple duplo	Tupy	1,5"	0,01	06	0,06
Saída de tubulação	"Tupy"	1,5"	1,00	01	1,00



$$L_{3''} = 0 \rightarrow L_{2''} = 6,5m \rightarrow L_{1,5''} = 36m$$

$$H_{p3''} = f_{3''} \times \frac{(0 + 32,01)}{0,0779} \times \frac{Q^2}{19,6 \times (47,7 \times 10^{-4})^2}$$

$$H_{p3''} = f_{3''} \times 921415,3 \times Q^2$$

Aí devemos variar a Q e para cada valor calcular os "f"

$$H_{p2''} = f_{2''} \times \frac{(6,5 + 1,75)}{0,0525} \times \frac{Q^2}{19,6 \times (21,7 \times 10^{-4})^2}$$

$$H_{p2''} = f_{2''} \times 1702625,4 \times Q^2$$

$$H_{p1,5''} = f_{1,5''} \times \frac{(36 + 36)}{0,0408} \times \frac{Q^2}{19,6 \times (13,1 \times 10^{-4})^2}$$

$$H_{p1,5''} = f_{1,5''} \times 52465482,5 \times Q^2$$



É desta forma que traçamos a CCI!





SIM, JÁ QUE O  
FABRICANTE  
FORNECE AS  
CURVAS DA  
BOMBA.



O PROJETISTA TEM  
QUE TRAÇAR A  
CURVA DA  
INSTALAÇÃO (CCI )

Manual de Curvas Características / Performance Curves Booklet / Manual de Curvas Características  
Nº A2740/42/44.1P/E/S/6

**KSB Meganorm**



**KSB Megabloc**



**KSB Megachem**



**KSB Megachem V**



**Bomba centrífuga com corpo espiral dividido radialmente.  
Radially split volute casin pump.  
Bomba centrífuga de carcasa espiral partida radialmente.**



A equação da CCI  
para o exercício  
proposto é  
representada pela  
equação:

$$H_S = 38 + 29730,5 \times Q^2 + f_{3''} \times 921415,3 \times Q^2 + f_{2''} \times 1702625,4 \times Q^2 + f_{1,5''} \times 52465482,5 \times Q^2$$



$29730,5 \times Q^2$  ou  $29730,5 \times \alpha_f \times Q^2$  ?



A parcela da carga cinética na seção final também poderia ter sido escrita em função do coeficiente de energia cinética?

Poderia e isto não alteraria a CCI. Para demonstrar a minha afirmação, apresento a solução considerando o coeficiente de energia cinética ( $\alpha$ )





Atribuindo valores  
para a vazão,  
preenchemos a  
tabela a seguir:

$Q$ $(m^3/h)$	$R_{e1,5''}$	$\alpha_f$	$f_{3''}$	$f_{2''}$	$f_{1,5''}$	$H_s$ (m)
0						
8						
10						
12						
14						
16						
18						
20						
22						

Para preenchê-la é só adotar o procedimento descrito a seguir:

1. Vá a página:

[http://www.escoladavida.eng.br/mecfluquimica/planejamento\\_12013/consulta7.htm](http://www.escoladavida.eng.br/mecfluquimica/planejamento_12013/consulta7.htm)

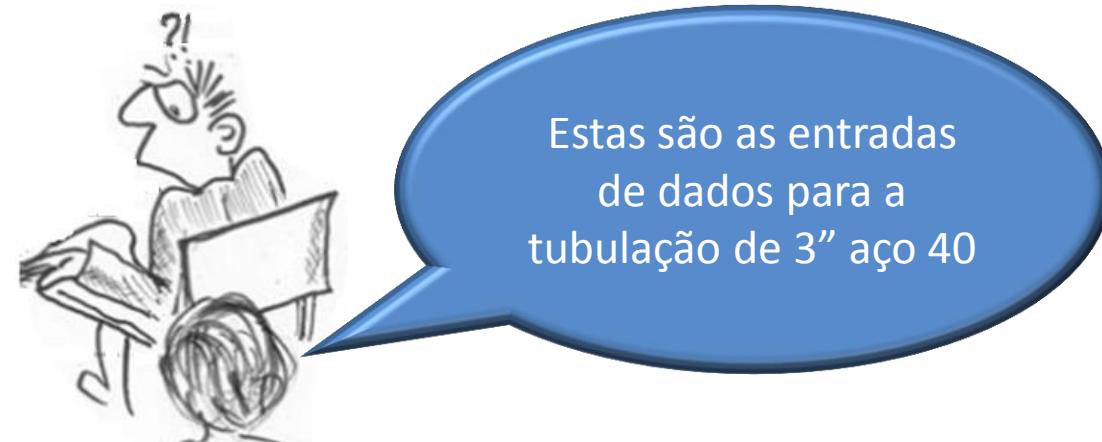
2. Clique em "Determinação do f, por Haaland, Swamee e Jain, Churchill e planilha "

Lembrando que foi dado o fluido bombeado, no caso água a 25ºC



propriedades do fluido transportado					
temp (°C)		$\mu$ (kg/ms)	$\rho$ (kg/m <sup>3</sup> )	$p_v$ (Pa)	$v$ (m <sup>2</sup> /s)
25		8,89E-04	997		8,920E-07
propriedades do local					
$g =$		m/s <sup>2</sup>			
patm =		Pa			
mat. tubo aço					
espessura	Dint (mm)	A (cm <sup>2</sup> )			
	77,9	47,7			
K(m)	DH/k				
4,60E-05	1693				

Q
m <sup>3</sup> /h
8
10
12
14
16
18
20
22



$Q(m^3/h)$	$v(m/s)$	$Re$	$f_{Haaland}$	$f_{Swamee e Jain}$	$f_{Churchill}$	$f_{planilha}$
8,0	0,47	40686	0,0233	0,0237	0,0237	0,0236
10,0	0,58	50857	0,0225	0,0229	0,0229	0,0228
12,0	0,70	61029	0,0218	0,0222	0,0222	0,0221
14,0	0,82	71200	0,0213	0,0217	0,0217	0,0216
16,0	0,93	81371	0,0210	0,0213	0,0213	0,0212
18,0	1,05	91543	0,0206	0,0210	0,0210	0,0209
22,0	1,28	111886	0,0202	0,0205	0,0205	0,0204

Com os dados anteriores  
obtemos a tabela acima



propriedades do fluido transportado					
temp (°C)		$\mu$ (kg/ms)	$\rho$ (kg/m <sup>3</sup> )	$p_v$ (Pa)	$v$ (m <sup>2</sup> /s)
25		8,89E-04	997		8,920E-07
propriedades do local					
$g =$		m/s <sup>2</sup>			
patm =		Pa			
mat. tubo aço					
espessura	Dint (mm)	A (cm <sup>2</sup> )			
	52,5	21,7			
K(m)	DH/k				
4,60E-05	1141				

Q
m <sup>3</sup> /h
8
10
12
14
16
18
20
22

Estas são as entradas  
de dados para a  
tubulação de 2" aço 40



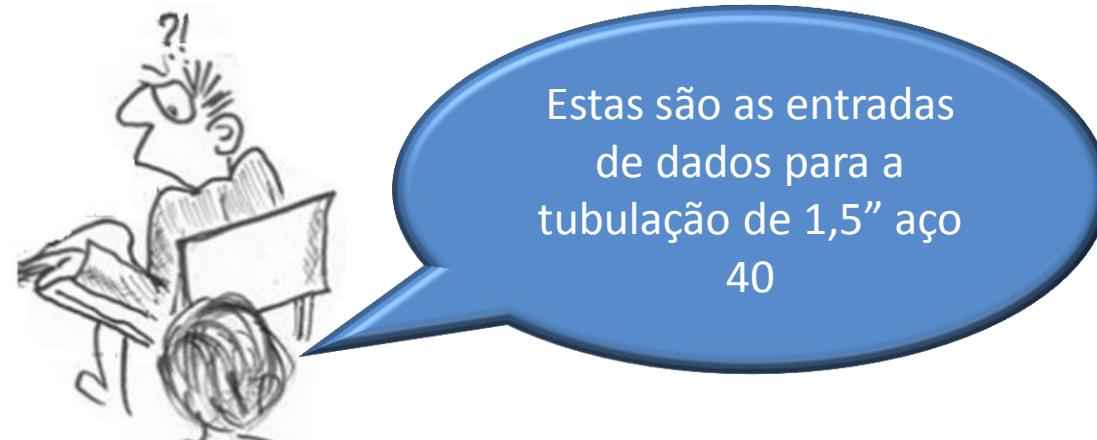
$Q(m^3/h)$	$v(m/s)$	$Re$	$f_{Haaland}$	$f_{Swamee e Jain}$	$f_{Churchill}$	$f_{planilha}$
8,0	1,02	60273	0,0228	0,0232	0,0232	0,0231
10,0	1,28	75341	0,0222	0,0226	0,0226	0,0224
12,0	1,54	90409	0,0217	0,0221	0,0221	0,0220
14,0	1,79	105478	0,0214	0,0218	0,0218	0,0216
16,0	2,05	120546	0,0211	0,0215	0,0215	0,0214
18,0	2,30	135614	0,0209	0,0213	0,0213	0,0211
22,0	2,82	165751	0,0206	0,0210	0,0210	0,0208

No projeto é importante considerar os maiores valores de "f"



propriedades do fluido transportado					
temp (°C)		$\mu$ (kg/ms)	$\rho$ (kg/m <sup>3</sup> )	$p_v$ (Pa)	$v$ (m <sup>2</sup> /s)
25		8,89E-04	997		8,920E-07
propriedades do local					
$g =$		m/s <sup>2</sup>			
patm =		Pa			
mat. tubo aço					
espessura	Dint (mm)	A (cm <sup>2</sup> )			
	40,8	13,1			
K(m)	DH/k				
4,60E-05	1693				

Q
m <sup>3</sup> /h
8
10
12
14
16
18
20
22



$Q(m^3/h)$	$v(m/s)$	Re	$f_{Haaland}$	$f_{Swamee e Jain}$	$f_{Churchill}$	$F_{planilha}$
8,0	1,70	77591	0,0229	0,0233	0,0233	0,0231
10,0	2,12	96989	0,0224	0,0228	0,0228	0,0226
12,0	2,54	116387	0,0221	0,0225	0,0225	0,0223
14,0	2,97	135784	0,0219	0,0222	0,0222	0,0220
16,0	3,39	155182	0,0217	0,0220	0,0220	0,0218
18,0	3,82	174580	0,0215	0,0218	0,0218	0,0217
22,0	4,66	213375	0,0213	0,0216	0,0216	0,0214

Adotamos para todos diâmetros os "f"  
calculados pela fórmula de Churchill





Com as informações anteriores, temos  
a tabela abaixo:

$Q(m^3/h)$	$f_{3''}$	$f_{2''}$	$f_{1,5''}$	$Re_{1,5''}$	$\alpha_{1,5''}$	$H_s(m)$
0						38
8	0,0237	0,0232	0,0233	77591,0	1,0	44,5
10	0,0229	0,0226	0,0228	96988,8	1,0	47,9
12	0,0222	0,0221	0,0225	116386,5	1,0	52,1
14	0,0217	0,0218	0,0222	135784,3	1,0	56,9
16	0,0213	0,0215	0,0220	155182,1	1,0	62,5
18	0,0210	0,0213	0,0218	174579,8	1,0	68,8
22	0,0205	0,0210	0,0216	213375,3	1,0	83,5



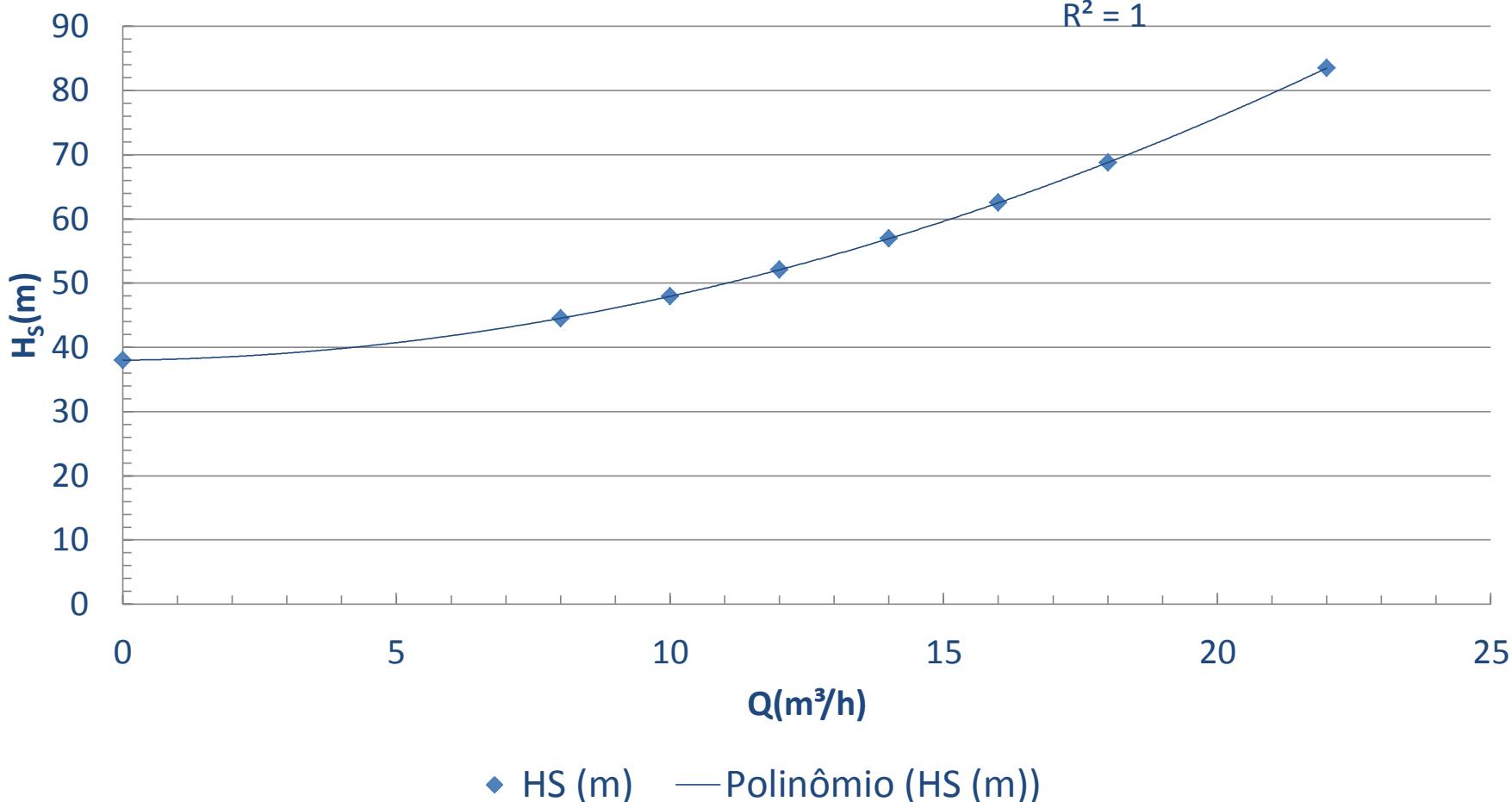
Com a tabela  
anterior,  
traçamos a CCI

Reforçando: nós usamos  
Churchill pelo fato dela  
ser válida para qualquer  
tipo de escoamento!

**CCI**

$$H_S = 0,0894Q^2 + 0,1001Q + 38$$

$$R^2 = 1$$





Para completar este exemplo de questão de avaliação, devemos estudar mais algumas etapas do projeto de uma instalação de bombeamento.

Antes gostaria de entender a condição para se ter um escoamento em queda livre!

Para explicar o escoamento em queda livre, consideramos uma instalação com um único diâmetro e sem carga cinética, tanto na seção final como na inicial, o que resulta:

$$H_{\text{sistema}} = H_{\text{estática}} + f_D \times \frac{(L + \sum L_{\text{eq}})_D}{D_{HD}} \times \frac{Q^2}{2g \times A_D^2}$$





Para se ter um escoamento em que ocorre a queda livre (sem máquina) a CCI deve apresentar uma carga estática negativa, já que:

$$Q_{\text{quedalivre}} = \sqrt{\frac{-H_{\text{estática}}}{f_D \times \frac{(L + \sum L_{\text{eq}})_D}{D_{HD}} \times \frac{1}{2g \times A_D^2}}}$$

O denominador da expressão acima é sempre positivo.

Portanto, para existir a vazão em queda livre a carga estática tem que ser negativa.



Vamos retomar o estudo  
das etapas do  
desenvolvimento do  
projeto de uma instalação  
de bombeamento.

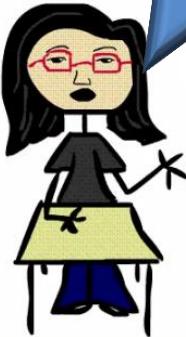
Ficou esclarecida a  
sua dúvida sobre  
escoamento em  
queda livre?

Sim!

5<sup>a</sup> Etapa do projeto

Cálculo da vazão de projeto!

E como fazemos isto?



Simples, é só multiplicar a vazão desejada por um fator de segurança ( $f_{sg}$ )

$$Q_{\text{projeto}} = f_{sg} \times Q_{\text{desejada}}$$

O  $f_{sg}$  é no mínimo 1,1 e se possível não superior a 1,2





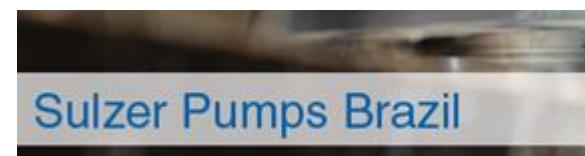
6<sup>a</sup> Etapa  
do  
projeto: a  
escolha  
preliminar  
da bomba



Com a  
 $Q_{projeto}$  na  
equação da  
CCI nós  
calculamos  
o  $H_{Bprojeto}$



Aí  
escolhemos  
o fabricante  
da bomba,  
exemplos:



## PUMPSEL - Seleção de Bombas

### Equipamento

Aplicação

Modelo

- -
  - ABASTECIMENTO DE EDIFÍCIOS
  - ALIMENTAÇÃO DE CALDEIRA
  - AR CONDICIONADO
  - BARRAGEM EM CONSTRUÇÃO CIVIL
  - BOMBEAMENTO DE POLPA
  - CAPTAÇÃO E ABASTECIMENTO
  - CAPTAÇÃO/TRATAMENTO DE EFLUENTES
  - COMBATE A INCÊNDIOS
  - CONSTRUÇÃO CIVIL
  - DOMÉSTICO/LAZER
  - DRENAGEM
  - GERAÇÃO DE ENERGIA
  - GERAÇÃO DE VAPOR
  - HIDROELETRICAS
  - HOUSING
  - IRRIGAÇÃO POR ASPERSÃO/PIVOT
  - IRRIGAÇÃO POR INUNDAÇÃO
  - OFF-SHORE
  - POÇOS PROFUNDOS/CAPTAÇÃO
  - POLPA/MINÉRIOS
  - PROCESSO EM USINAS DE AÇÚCAR
  - PROCESSOS INDUSTRIALIS
  - PROCESSOS QUÍMICOS/PETROQUÍMICOS
  - REFINARIA
  - TERMOELETRICAS
  - TRATAMENTO DE EFLUENTES

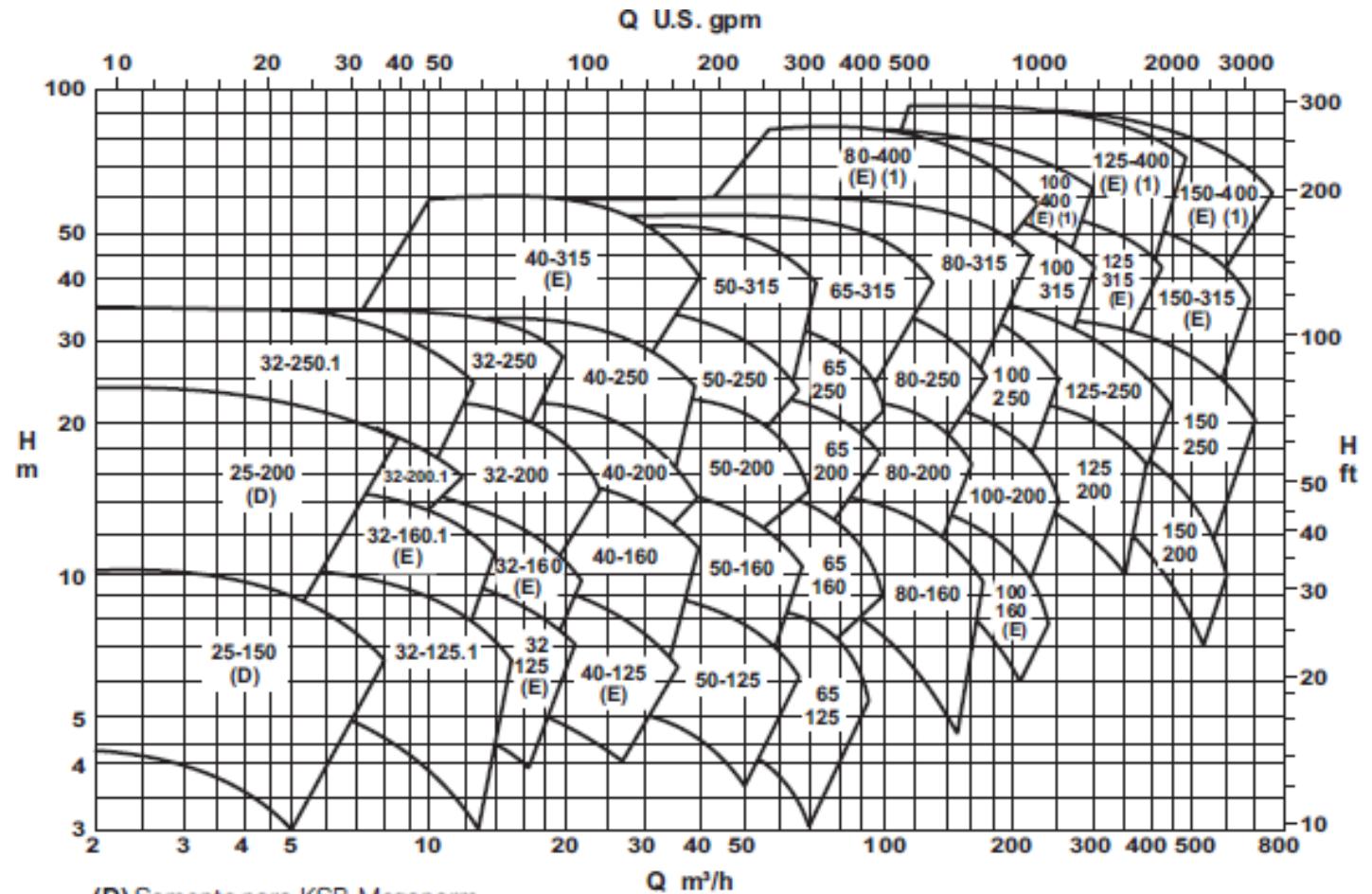


Escolhido o fabricante, com a aplicação da instalação a ser projetada, escolhemos o modelo da bomba.



Definido o modelo nós procuramos o catálogo do mesmo e nele, se possível, os seus diagramas de tijolos!





1.750 rpm

Bomba Tipo  
Pump Type  
Tipo de Bomba

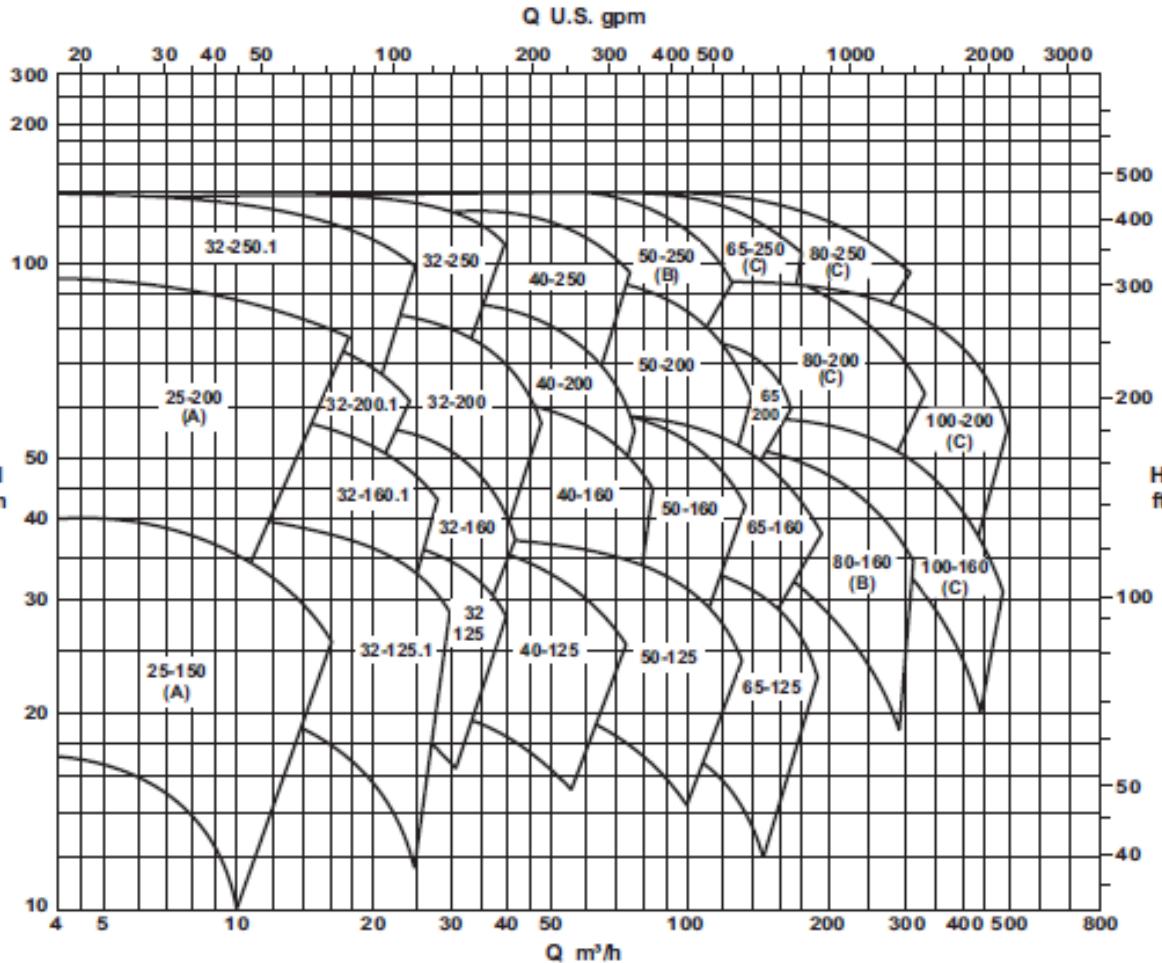
KSB MEGANORM  
KSB MEGABLOC  
KSB MEGACHEM  
KSB MEGACHEM V

Campo de Aplicação  
Selection Charts  
Campo de Aplicación

60 Hz



Podemos escolher uma das rotações, ou se possível trabalhamos com as duas até o final do projeto e aí decidimos por uma delas.



(A) Somente para KSB Meganorm e KSB Megabloc.

(B) Somente para KSB Meganorm, KSB Megachem e KSB Megachem V.

(C) Somente para KSB Meganorm e KSB Megachem.

3.500 rpm

Q U.S. gpm



Marcamos a  $Q_{projeto}$   
e o  $H_{Bprojeto}$  no  
diagrama de tijolos  
e obtemos a bomba  
adequada para o  
modelo escolhido.

Bomba Tipo  
Pump Type  
Tipo de Bomba

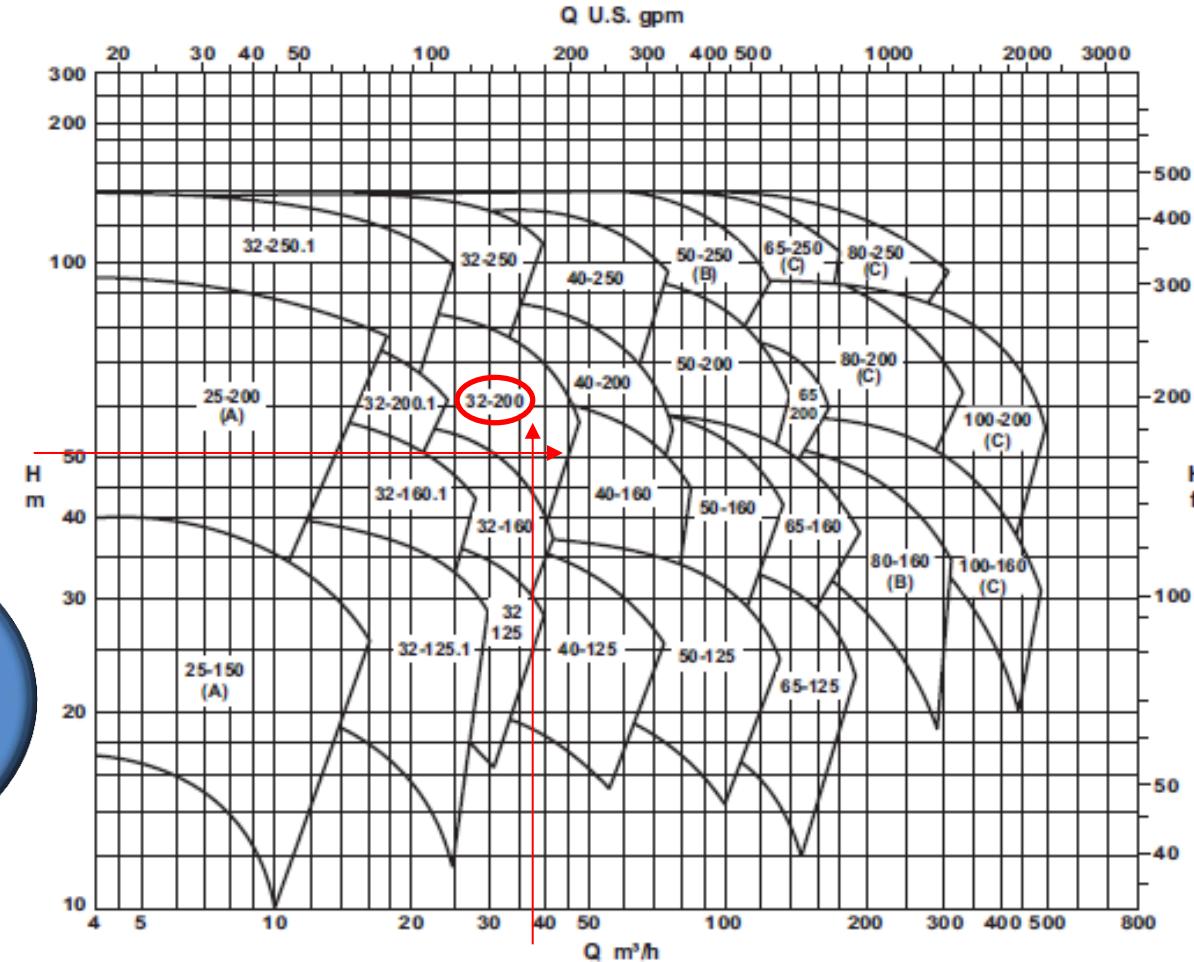
KSB MEGANORM  
KSB MEGABLOC  
KSB MEGACHEM  
KSB MEGACHEM V

Campo de Aplicação  
Selection Charts  
Campo de Aplicación

60 Hz



Obtendo a  
bomba:



- (A) Somente para KSB Meganorm e KSB Megabloc.  
(B) Somente para KSB Meganorm, KSB Megachem e KSB Megachem V.  
(C) Somente para KSB Meganorm e KSB Megachem.

3.500 rpm

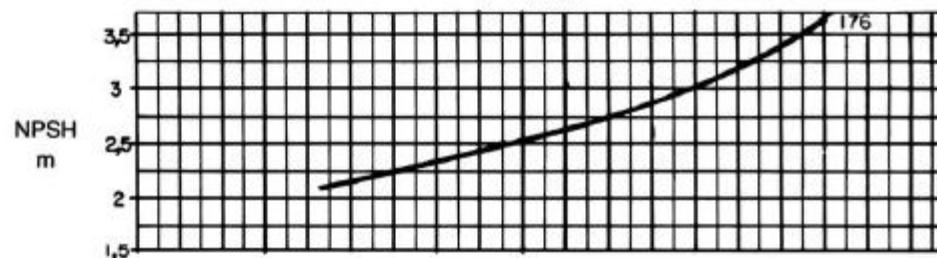
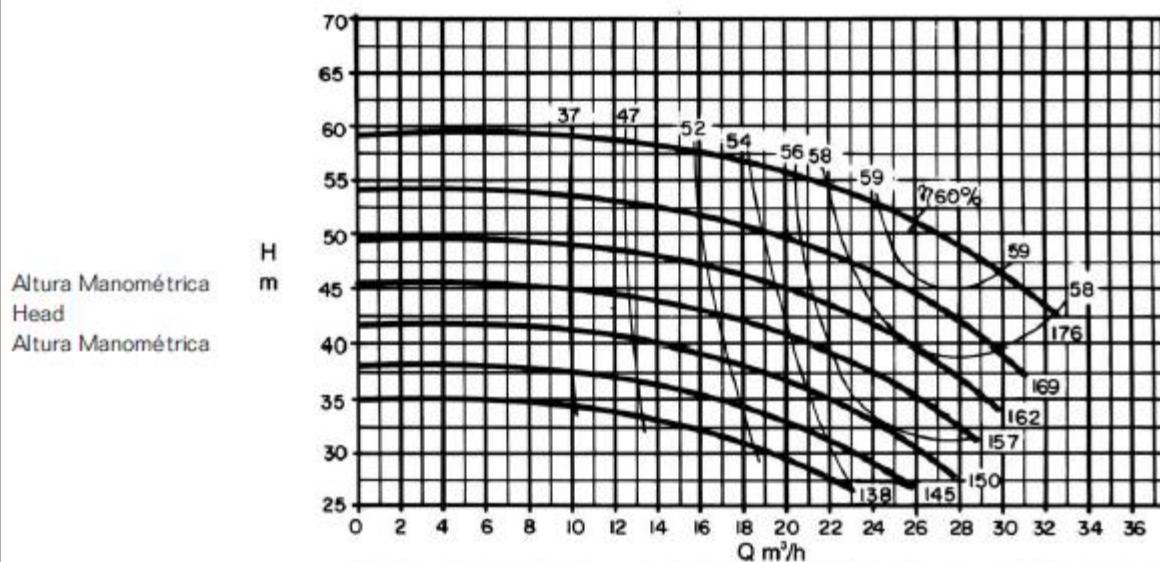
Q U.S. gpm

## 7<sup>a</sup> Etapa do projeto

Determinação  
do diâmetro  
do rotor  
adequado e  
do ponto de  
trabalho das  
bombas



Bomba Tipo Pump Type Tipo de Bomba	KSB MEGANORM KSB MEGABLOC KSB MEGACHEM KSB MEGACHEM V	Tamanho Size Tamaño	32-160.1	KSB b.
Oferta nº Project - No. Oferta - n°	Item nº Item - No. Pos - n°	Velocidade Nominal Nom. Rotative Speed Velocidad Nominal	3500 rpm	





O ponto de trabalho  
é sempre obtido no  
cruzamento da CCI  
com a CCB

E desta forma  
podemos  
selecionar o  
diâmetro do rotor.

Bomba Tipo Pump Type Tipo de Bomba	KSB MEGANORM KSB MEGABLOC KSB MEGACHEM KSB MEGACHEM V	Tamanho Size Tamaño	<b>32-160.1</b>	<b>KSB b.</b>
Oferta n° Project - No. Oferta - n°	Item n° Item - No. Pos - n°			
				Velocidade Nominal Nom. Rotative Speed Velocidad Nominal <b>3500 rpm</b>

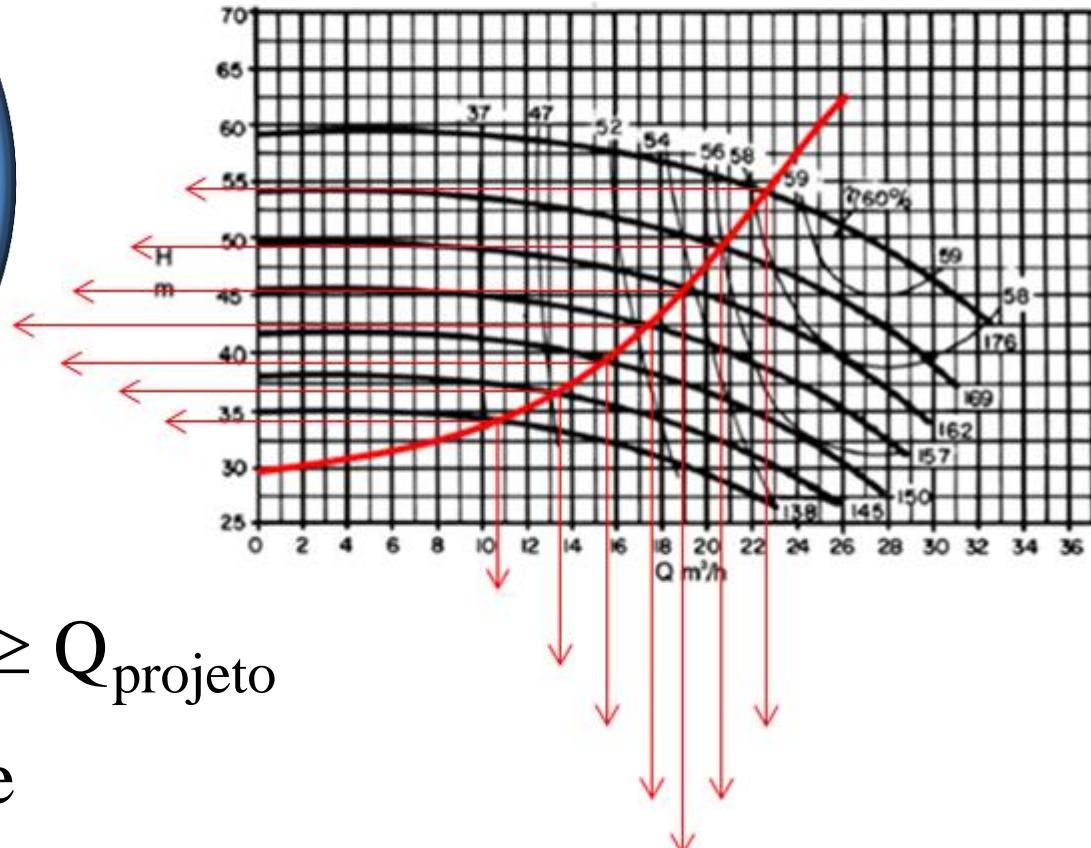
Para escolha do diâmetro do rotor, devemos lembrar que quanto maior o seu diâmetro mais caro e no ponto de trabalho nós devemos ter:



$$Q_{\text{trabalho}} \geq Q_{\text{projeto}}$$

e

$$H_{B\text{trabalho}} \geq H_{B\text{projeto}}$$





Com os conhecimentos destas novas etapas do projeto, podemos retornar ao exercício proposto na P1 do segundo semestre de 2012.

3<sup>a</sup> Questão: A instalação de bombeamento representada a seguir tem todos os seus tubos de aço 40 e a bomba instalada tem parte de suas curvas características representadas pelas equações:

$$H_B = -0,0434 \times Q^2 + 0,2546 \times Q + 73$$

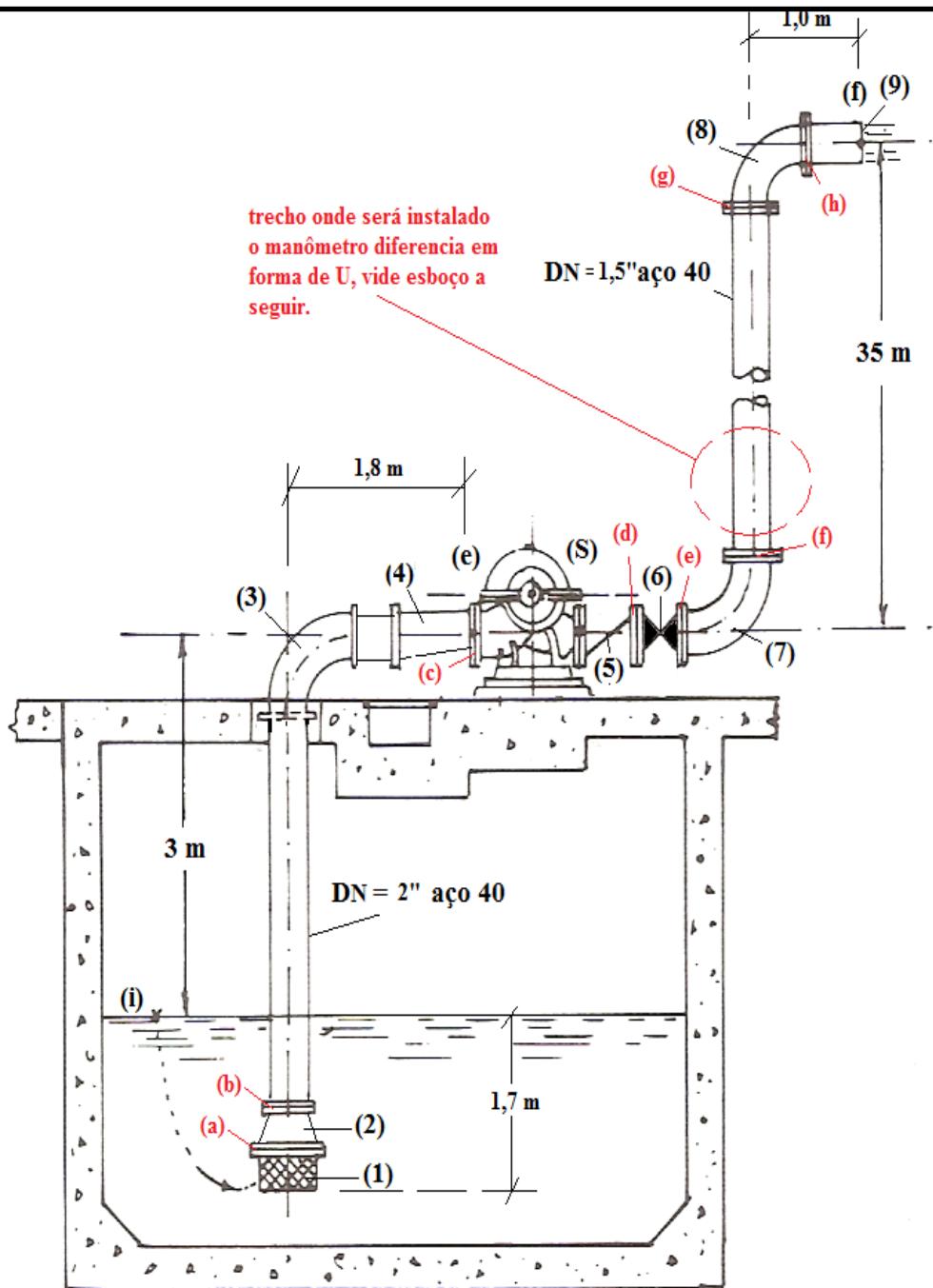
$$\eta_B = -0,158 \times Q^2 + 6,0381 \times Q - 12,729$$

com a carga manométrica em “m” e a vazão em “m<sup>3</sup>/h” e com o rendimento da bomba em “%” e a vazão em “m<sup>3</sup>/h”, sendo as equações anteriores obtidas através de uma planilha do Excel onde se utilizou a tabela:

$Q(m^3/h)$	0	8	10	12	14	16	18	22
$H_B(m)$	73	72	71,2	70	67,9	66,2	63,5	57,5
$\eta_B(%)$		26	31	37	41	43,5	45	43,5

Para esta situação, sabendo que o fluido bombeado é a água a 25ºC, pede-se:

- a. a equação da CCI;
- b. o ponto de trabalho da bomba vazão; carga manométrica; rendimento; potência da bomba;
- c. para a vazão de trabalho especifique o desnível do fluido manométrico (mercúrio a 25ºC) a do manômetro diferencial em forma de U instalado no tubo de DN = 1,5" unindo duas seções equidistantes de 3,0 m e entre as quais não existe nenhuma singularidade;
- d. sabendo que a bomba escolhida é a 32.200.1 da KSB com 3500 rpm, 60 hz, diâmetro do rotor 194 mm, vazão desejada 14,5 m<sup>3</sup>/h e fator de segurança mínimo, avalie a escolha da bomba e justifique sua avaliação através de cálculos adequados.



1 – válvula de poço da Mipel de 3"

2 – redução concêntrica da Tupy 3"x 2"

3 – curvas fêmeas de  $90^\circ$  de 2"

4 - redução excêntrica de 2" x 1,5'

5 – válvula de retenção horizontal de 1,5"

6 - Válvula globo reta sem guia de 1,5"

7 e 8 – curvas fêmeas de  $90^\circ$  de 1,5"

9 - saída da tubulação de 1,5"

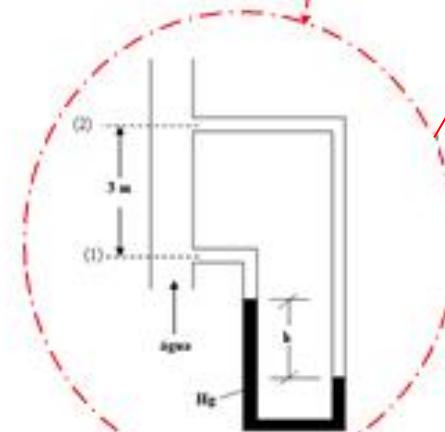
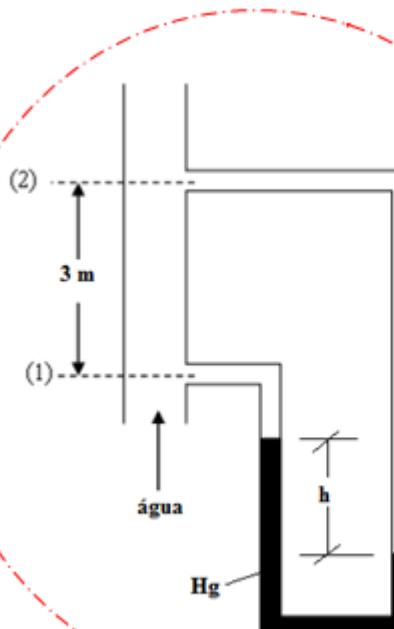
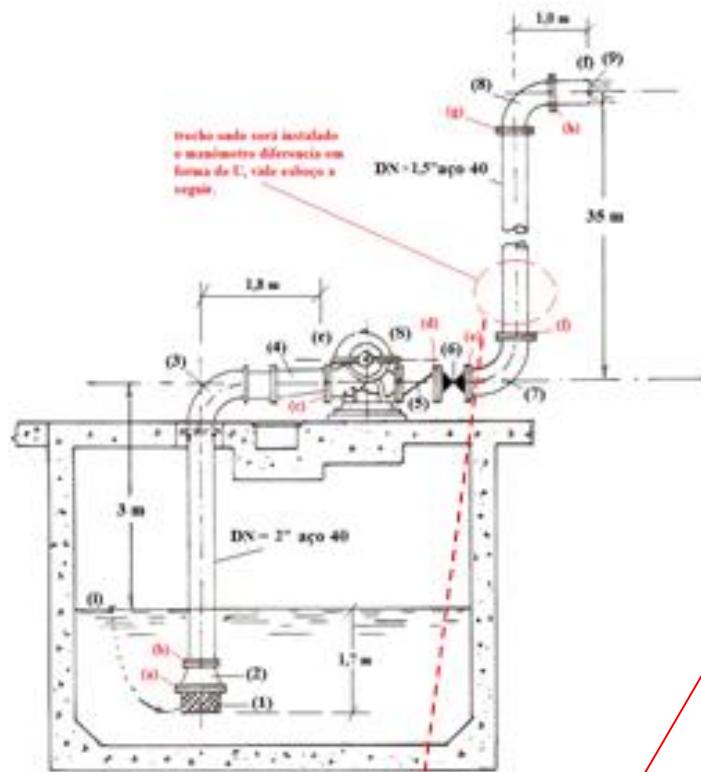
Outros dados:

(a) – niple duplo de 3”;

(b) – niple duplo de 2”;

(c), (d), (e), (f), (g) e (h) – niples duplos de 1,5”





Será que  
vou  
conseguir?





Para resolver o item b)  
igualamos a equação da  
CCB com a equação da  
CCI

$$-0,0434 \times Q^2 + 0,2546 \times Q + 73 = 0,0894 \times Q^2 + 0,1001 \times Q + 38$$

$$\therefore 0,1328 \times Q^2 - 0,1545 \times Q - 35 = 0$$

$$Q_{\tau} = \frac{0,1545 + \sqrt{0,1545^2 + 4 \times 0,1328 \times 35}}{2 \times 0,1328} \cong 16,83 \frac{\text{m}^3}{\text{h}} \approx 17 \frac{\text{m}^3}{\text{h}}$$

$$H_{B\tau} = 0,0894 \times 17^2 + 0,1001 \times 17 + 38 \cong 65,6 \text{m}$$

$$\eta_{B\tau} = -0,158 \times 17^2 + 6,0381 \times 17 - 12,729 \cong 44,3\%$$

$$N_{B\tau} = \frac{\gamma \times Q_{\tau} \times H_{B\tau}}{\eta_{B\tau}} = \frac{997 \times 9,8 \times \left( \frac{17}{3600} \right) \times 65,6}{0,443} \cong 6832,3 \text{W}$$



O itens c) e d)  
ficam propostos  
para estudo da  
avaliação P1.