

P2 – primeira parte – turma D

1ª Questão: Considerando como dado o trecho da tese: “*Critérios para o Uso Eficiente de Inversores de Frequência em Sistemas de Bombeamento de Água*” escrita pelo Doutor Wlamir Rodrigues:

“Com a alteração da rotação, observada as leis de semelhança física das máquinas hidráulicas rotativas (Allen-Bradley – 1.995; Wilk – 2.000; Crespo – 2.001; Viana – 2.001; Brown – 2.001; Lee – 2.001; Alves et al. – 2.002; Irvine e Gibson – 2.002; Everhart – 2.004; Europump and Hydraulic Institute – 2.004; Pemberton – 2.005; Theisen – 2.005; Gambica – 2.007), definidas nas equações de 1 a 5, as curvas de funcionamento da bomba (carga x vazão, etc.) são alteradas, mudando assim o ponto de operação do sistema (Figura 3.10).”

$$\frac{Q_1}{n_1} = \frac{Q_2}{n_2} \quad (1)$$

$$\frac{H_{B_1}}{n_1^2} = \frac{H_{B_2}}{n_2^2} \quad (2)$$

$$\frac{N_{B_1}}{n_1^3} = \frac{N_{B_2}}{n_2^3} \quad (3)$$

$$\frac{T_1}{n_1^2} = \frac{T_2}{n_2^2} \quad (4)$$

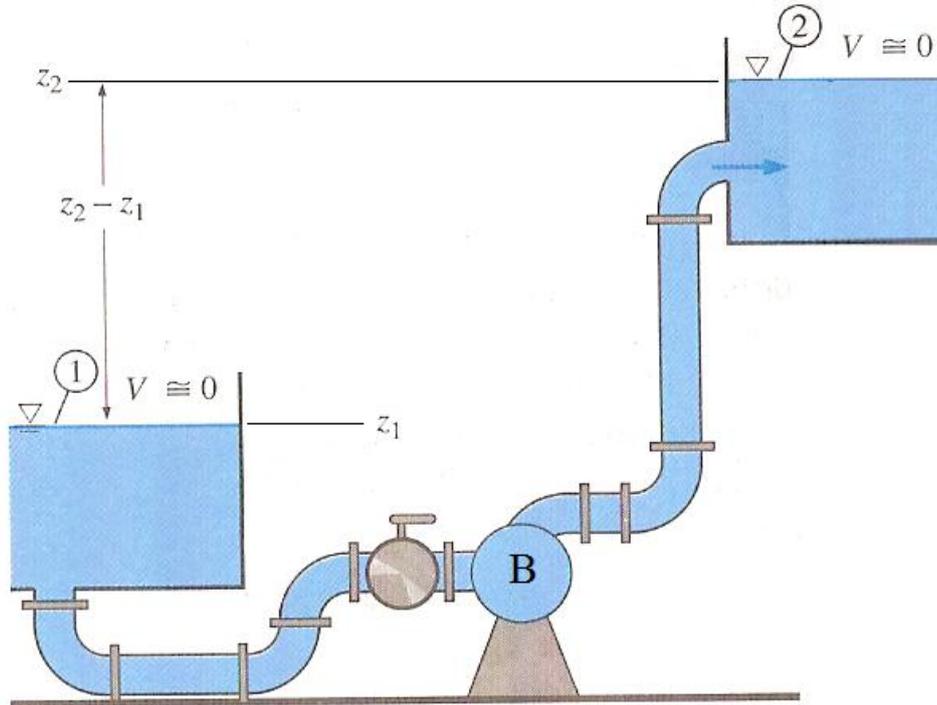
$$\frac{NPSH_{R_1}}{n_1^2} = \frac{NPSH_{R_2}}{n_2^2} \quad (5)$$

“Para exemplificar o controle exercido pela variação da rotação sobre as características do bombeamento, com base nas leis de semelhança fornecidas acima, seja a curva carga x vazão ($H \times Q$), para a rotação nominal (ou de referência n_R), dada por um ajuste polinomial de segunda ordem da curva do fabricante: $H_B = a + bQ + cQ^2$. **Podemos então concluir** que a curva carga x vazão para uma frequência qualquer f é representada pela equação a seguir:

$$H_{B_f} = \left(\frac{f}{60}\right)^2 \times a + \left(\frac{f}{60}\right) \times b \times Q_f + c \times Q_f^2”.$$

Conhecido o texto acima e considerando que uma bomba de 3500 rpm e 60 Hz é usada para bombear água a 25°C ($\rho = 997,0 \text{ kg/m}^3$) em uma instalação hidráulica esboçada a seguir, pede-se determinar a vazão de

bombeamento para a situação em que a rotação da bomba (3500 rpm) é reduzida em 30% através de um inversor de frequência. (Valor – 2,0)



Dados: motor de 2 pólos;

$$H_B = 24,4 - 0,0678 \times Q^2 \Rightarrow [H_B] = \text{m}; [Q] = \text{Lpm (litro por minuto)}$$

importante: $0,0678 \frac{\text{m}}{\text{Lpm}^2}$

$$z_2 - z_1 = 7,85\text{m}; D_{\text{int}} = 20,7\text{mm}; A = 3,37\text{cm}^2; K_{S_{\text{entrada_tubo}}} = 0,5;$$

$$K_{S_{\text{válvula}}} = 17,5; K_{S_{\text{cotovelo}}} = 0,92 \text{ (cada - existem 5)}; K_{S_{\text{saída_tubo}}} = 1,05;$$

$$L = 176,5\text{m}; f_{\text{médio}} = 0,025$$

2ª Questão: A bomba axial cujas curvas características encontram-se representadas na página 3 tem a possibilidade de variar a inclinação das pás do rotor. Esta bomba posta a operar com água de massa específica igual a 1000 kg/m^3 em uma instalação com a máxima cota a ser vencida igual a 2,2 m, entre reservatórios abertos à atmosfera, recalca uma vazão de $6000 \text{ m}^3/\text{h}$ com as pás do rotor inclinadas de 15° . Para esta situação calcular:

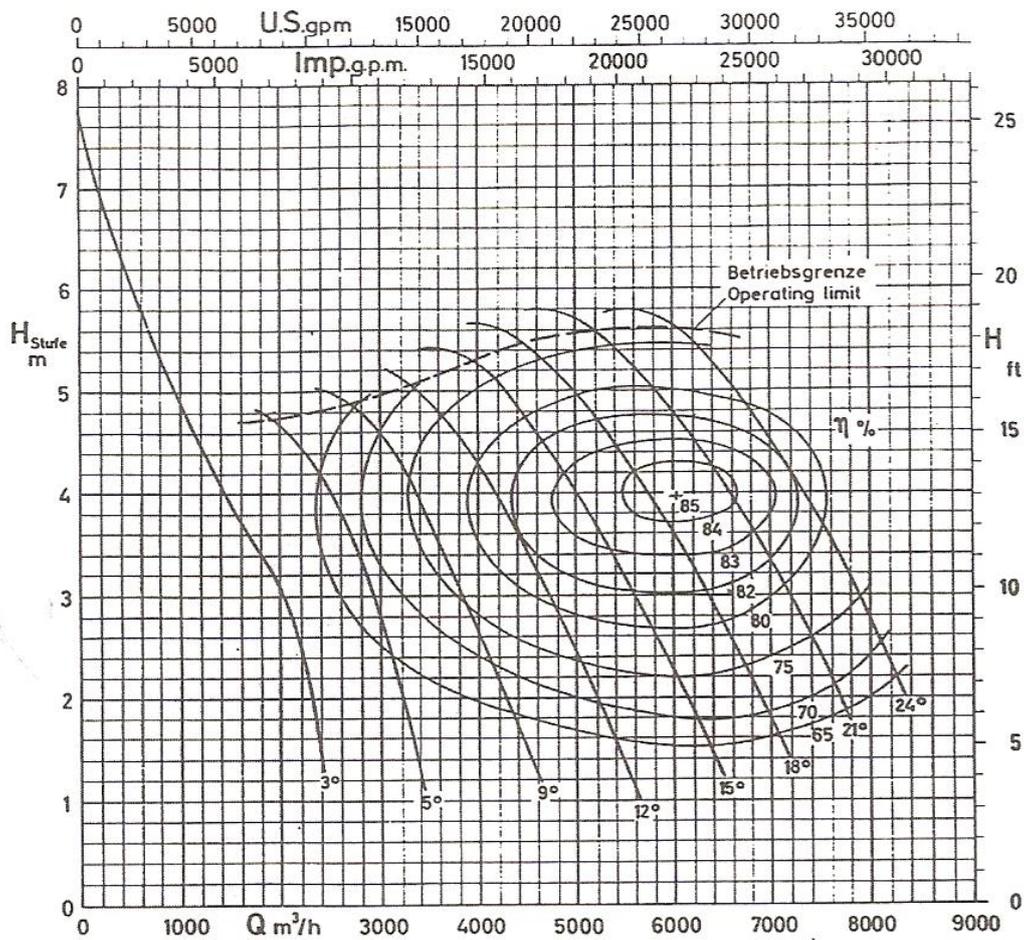
- A carga manométrica da bomba; (0,25)
- O rendimento da bomba; (0,25)

Posteriormente, alterando-se a inclinação das pás do rotor para 21° , sem alterar a curva do sistema (CCI), que é determinada com o coeficiente de perda de carga distribuída médio, determinar:

- c. a vazão propiciada pela bomba; (0,20)
- d. a potência da bomba; (0,20)
- e. o rendimento da bomba. (0,10)

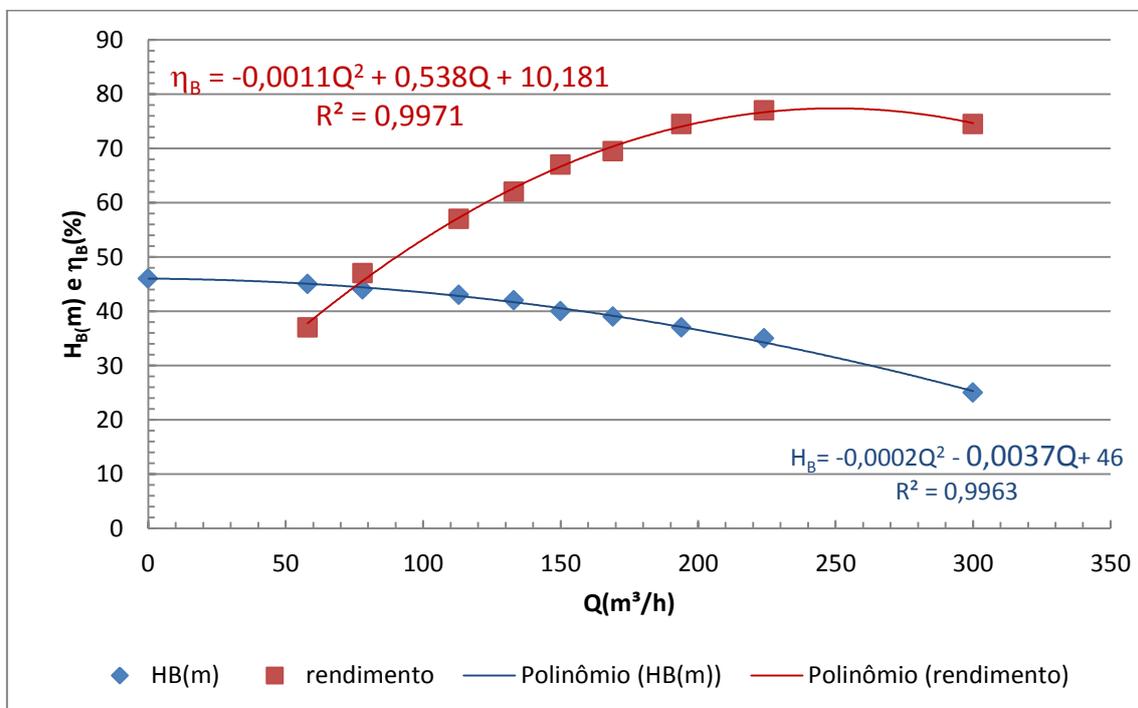
PEZ 700
585 U/min

Schaufeltyp 3044.680



3ª Questão: Para o bombeamento de 200m³/h de um fluido de massa específica igual a 900 kg/m³ e viscosidade cinemática de 300 cSt necessitou-se de uma carga manométrica igual a 30 m e escolheu-se a bomba Megachem 80-160 com 3500 rpm e sobre a qual conhecemos:

| Q (m³/h) | H _B (m) | η _B (%) |
|----------|--------------------|--------------------|
| 0 | 46 | |
| 58 | 45 | 37 |
| 78 | 44 | 47 |
| 113 | 43 | 57 |
| 133 | 42 | 62 |
| 150 | 40 | 67 |
| 169 | 39 | 69,5 |
| 194 | 37 | 74,5 |
| 224 | 35 | 77 |
| 300 | 25 | 74,5 |



Pede-se:

- especificar os valores de vazão e carga manométrica utilizados na escolha da bomba; (valor- 0,5)
- se necessário corrija as curvas dadas; (valor -0,5)
- Sabendo que a CCI no escoamento do fluido em questão é representada pela equação:

$$H_S = 17,5 + 0,000315 \times Q^2 \Rightarrow [H_S] = \text{m}; [Q] = \frac{\text{m}^3}{\text{h}}, \text{ pede-se especificar o seu ponto de trabalho } (Q_\tau; H_{B_\tau}; \eta_{B_\tau}; N_{B_\tau}). \text{ (valor - 1,0)}$$

Se necessário preencha a tabela a seguir:

| | 0,6Q | 0,8Q | 1,0Q | 1,2Q |
|------------------------------------|------|------|------|------|
| Q (m ³ /h) | | | | |
| H _B (m) | | | | |
| η _B (%) | | | | |
| C _Q | | | | |
| C _η | | | | |
| C _H | | | | |
| Q _v (m ³ /h) | | | | |
| H _{Bv} (m) | | | | |
| η _{Bv} (%) | | | | |

