## P2 – primeira parte – turma C

1ª Questão: Considerando como dado o trecho da tese: "Critérios para o Uso Eficiente de Inversores de Frequência em Sistemas de Bombeamento de Água" escrita pelo Doutor Wlamir Rodrigues:

"Com a alteração da rotação, observada as leis de semelhança física das maquinas hidráulicas rotativas (Allen-Bradley – 1.995; Wilk – 2.000; Crespo -2.001; Viana -2.001; Brown -2.001; Lee -2.001; Alves et al. – 2.002; Irvine e Gibson – 2.002; Everhart – 2.004; Europump and Hydraulic Institute – 2.004; Pemberton – 2.005; Theisen – 2.005; Gambica – 2.007), definidas nas equações de 1 a 5, as curvas de funcionamento da bomba (carga x vazão, etc.) sao alteradas, mudando assim o ponto de operação do sistema (Figura 3.10)."

$$\frac{Q_1}{n_1} = \frac{Q_2}{n_2} \tag{1}$$

$$\frac{H_{B_1}}{n_1^2} = \frac{H_{B_2}}{n_2^2} \tag{2}$$

$$\frac{N_{B_1}}{n_1^3} = \frac{N_{B_2}}{n_2^3} \tag{3}$$

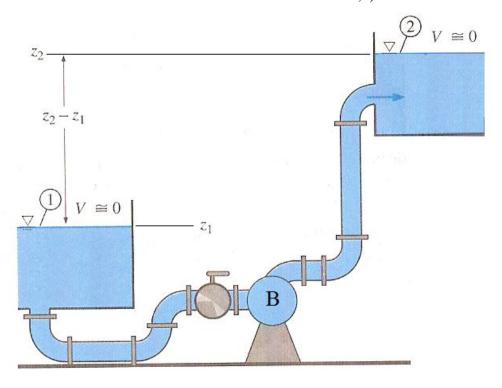
$$\frac{T_1}{n_1^2} = \frac{T_2}{n_2^2} \tag{4}$$

$$\frac{\text{NPSH}_{R_1}}{n_1^2} = \frac{\text{NPSH}_{R_2}}{n_2^2} \tag{5}$$

"Para exemplificar o controle exercido pela variação da rotação sobre as características do bombeamento, com base nas leis de semelhança fornecidas acima, seja a curva carga x vazão (HxQ), para a rotação nominal (ou de referencia n<sub>R</sub>), dada por um ajuste polinomial de segunda ordem da curva do fabricante:  $H_B = a + bQ + cQ^2 \cdot \textit{Podemos}$ então concluir que a curva carga x vazão para uma frequência qualquer representada pela equação seguir:

$$H_{B_f} = \left(\frac{f}{60}\right)^2 \times a + \left(\frac{f}{60}\right) \times b \times Q_f + c \times Q_f^2$$
".

Conhecido o texto acima e considerando que uma bomba de 3500 rpm e 60 Hz é usada para bombear água a  $25^{\circ}$ C ( $\rho = 997,0 \text{ kg/m}^{3}$ ) em uma instalação hidráulica esboçada a seguir, pede-se determinar a vazão de bombeamento para a situação em que a rotação da bomba (3500 rpm) é reduzida em 20% através de um inversor de. Valor – 2,0)



Dados: motor de 2 pólos;

$$\begin{split} &H_{B} = 24,4 - 0,0678 \times Q^{2} \Rightarrow \left[H_{B}\right] = m; \left[Q\right] = Lpm \text{ (litro por minuto)} \\ &importante: 0,0678 \frac{m}{Lpm^{2}} \\ &z_{2} - z_{1} = 7,85m; D_{int} = 20,7mm; A = 3,37cm^{2}; K_{S_{entrada\_tubo}} = 0,5; \\ &K_{S_{v\'alvula}} = 17,5; K_{S_{cotovelo}} = 0,92 \text{ (cada - existem 5)}; K_{S_{sa\'ada\_tubo}} = 1,05; \\ &L = 176,5m; f_{m\'edio} = 0,025 \end{split}$$

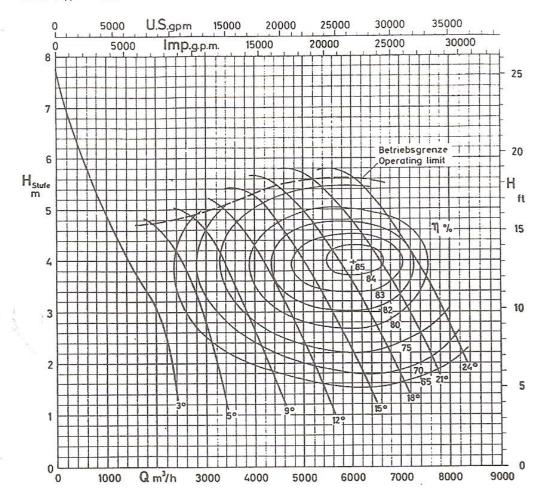
- 2ª Questão: A bomba axial cujas curvas características encontram-se representadas na página 3 tem a possibilidade de variar a inclinação das pás do rotor. Esta bomba posta a operar com água de massa específica igual a 1000 kg/m³ em uma instalação com a máxima cota a ser vencida igual a 2,2 m, entre reservatórios abertos à atmosfera, recalca uma vazão de 6000 m³/h com as pás do rotor inclinadas de 18º. Para esta situação calcular:
  - a. A carga manométrica da bomba; (0,25)
  - b. O rendimento da bomba; (0,25)

Posteriormente, alterando-se a inclinação das pás do rotor para 24<sup>0</sup>, sem alterar a curva do sistema (CCI), que é determinada com o coeficiente de perda de carga distribuída médio, determinar:

- c. a vazão propiciada pela bomba; (0,20)
- d. a potência da bomba; (0,20)
- e. o rendimento da bomba. (0,10)

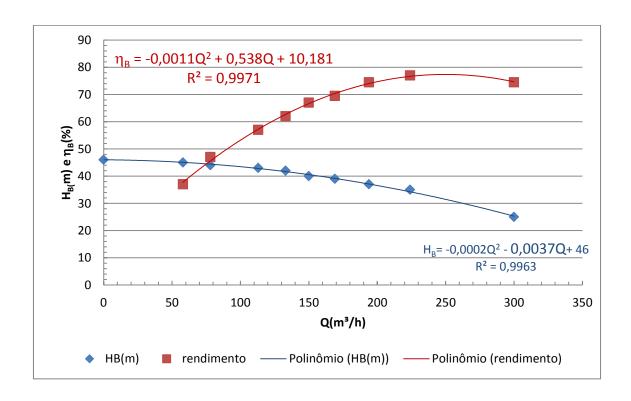
PEZ 700 585 U/min

Schaufeltyp 3044,680



3ª Questão: Para o bombeamento de 200m³/h de um fluido de massa específica igual a 900 kg/m³ e viscosidade cinemática de 200 cSt necessitou-se de uma carga manométrica igual a 30 m e escolheu-se a bomba Megachem 80-160 com 3500 rpm e sobre a qual conhecemos:

| Q (m <sup>3</sup> /h) | H <sub>B</sub> (m) | η <sub>B</sub> (%) |  |
|-----------------------|--------------------|--------------------|--|
| 0                     | 46                 |                    |  |
| 58                    | 45                 | 37                 |  |
| 78                    | 44                 | 47                 |  |
| 113                   | 43                 | 57                 |  |
| 133                   | 42                 | 62                 |  |
| 150                   | 40                 | 67                 |  |
| 169                   | 39                 | 69,5               |  |
| 194                   | 37                 | 74,5               |  |
| 224                   | 35                 | 77                 |  |
| 300                   | 25                 | 74,5               |  |



## Pede-se:

- a. especificar os valores de vazão e carga manométrica utilizados na escolha da bomba; (valor- 0,5)
- b. se necessário corrija as curvas dadas; (valor -0,5)
- c. Sabendo que a CCI no escoamento do fluido em questão é representada pela equação:

$$\begin{split} H_S = &17.5 + 0.000345 \times Q^2 \Rightarrow \left[H_S\right] = m; \left[Q\right] = \frac{m^3}{h}, \quad \text{pede-se especificar o seu} \\ \text{ponto de trabalho}\left(Q_\tau; H_{B_\tau}; \eta_{B_\tau}; N_{B\tau}\right). \text{ (valor - 1,0)} \end{split}$$

## Se necessário preencha a tabela a seguir:

|                                    | 0,6Q | 0,8Q | 1,0Q | 1,2Q |
|------------------------------------|------|------|------|------|
| Q (m <sup>3</sup> /h)              |      |      |      |      |
| H <sub>B</sub> (m)                 |      |      |      |      |
| η <sub>В (%)</sub>                 |      |      |      |      |
| $C_Q$                              |      |      |      |      |
| Сη                                 |      |      |      |      |
| Сн                                 |      |      |      |      |
| Q <sub>v</sub> (m <sup>3</sup> /h) |      |      |      |      |
| H <sub>Bv</sub> (m)                |      |      |      |      |
| η <sub>вν</sub> (%)                |      |      |      |      |

