

Terceira aula de laboratório de ME4310

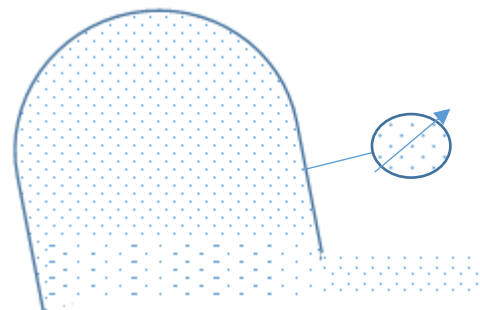
Primeiro semestre de
2015

O tempo passa e
continuo tendo como
companheira a morte e
como amante a vida!

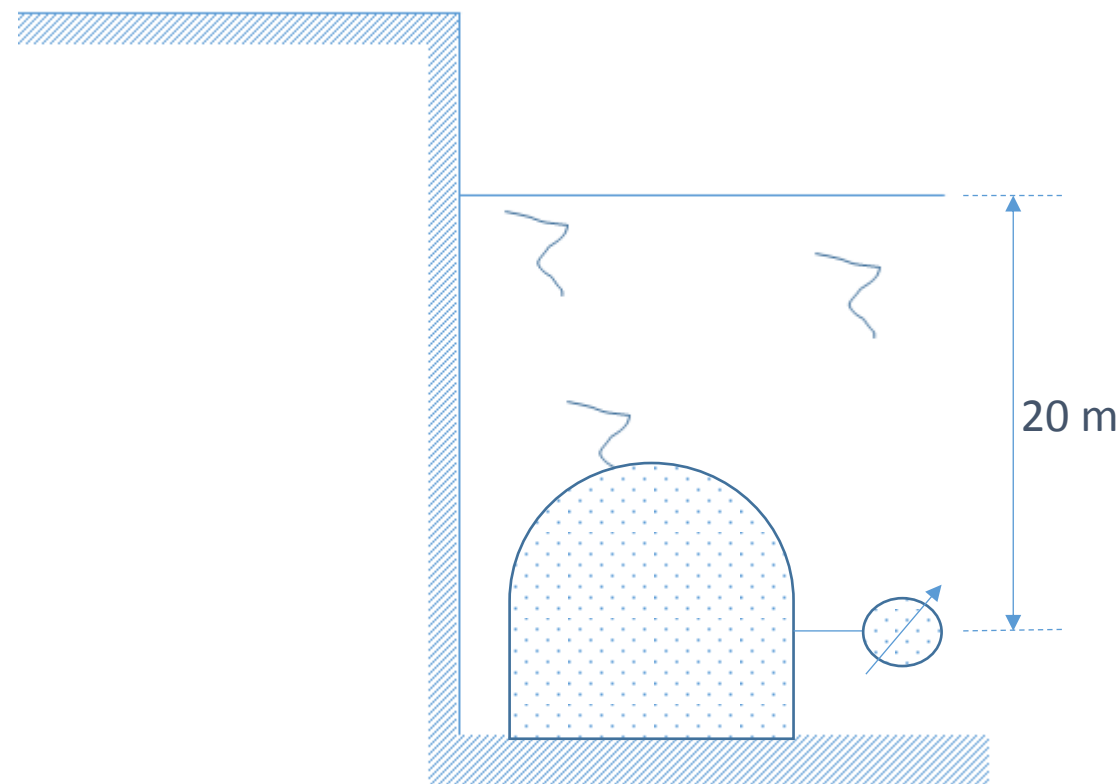


Uma cúpula de aço inicialmente está aberta à pressão atmosférica de 753 mmHg nas margens de um lago onde a temperatura ambiente é de 22 °C. Depois de fechada é submersa à profundidade de 20 metros em suas águas, onde a temperatura está em 8 °C. No interior da cúpula há um barômetro e em sua superfície um manômetro metálico. Posto isto, determinar:

a leitura do barômetro no interior da cúpula;
a leitura do manômetro metálico.



Situação inicial



Resolvendo o item a

Cúpula na superfície:

$$\frac{p \times V}{T} = m \times \frac{R}{M} \rightarrow \frac{0,753 \times 136000}{(22 + 273)} = m \times \frac{R}{M} \rightarrow \text{(I)}$$

Cúpula submersa:

$$\frac{p \times V}{T} = m \times \frac{R}{M} \rightarrow \frac{p_{\text{bar}} \times 136000}{(8 + 273)} = m \times \frac{R}{M} \rightarrow \text{(II)}$$

Considerando (I)=(II), resulta:

$$\frac{0,753}{p_{\text{bar}}} = \frac{295}{281} \therefore p_{\text{bar}} \cong 0,717 \text{ mmHg} = 717 \text{ mmHg}$$

Portanto 717 mmHg é a leitura do barômetro na cúpula submersa

Resolvendo o item b

Evocando o conceito de pressão manométrica, temos:

$$p_m = p_{\text{int}} - p_{\text{ext}}$$

Aonde temos:

$$p_{\text{int}} = (0,717 - 0,753) \times 136000$$

$$p_{\text{int}} \cong -4896 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

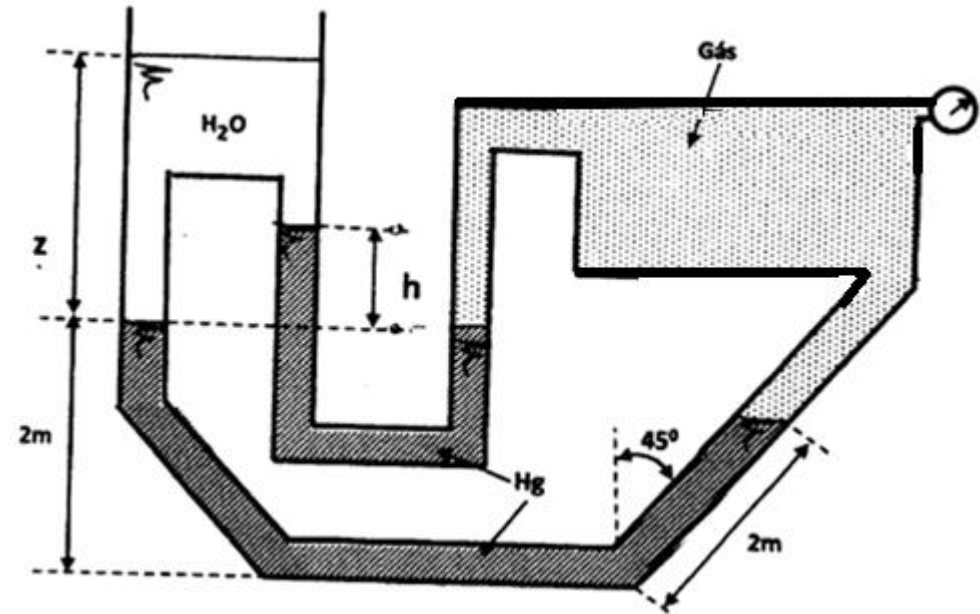
$$p_{\text{ext}} = 20 \times 10000 = 200000 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

$$\therefore p_m = -4896 - 200000 = -204896 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} \cong -205 \text{ kPa}$$

Seria uma situação impossível, pois estaria abaixo do vácuo absoluto!

Na figura mostrada abaixo a constante do gás é de $300 \text{ m}^2/(\text{s}^2 \cdot \text{K})$; os diversos fluidos estão em equilíbrio a 27°C e nesta condição a massa específica do gás é de 2 kg/m^3 . Pede-se determinar:

- a leitura do manômetro metálico (kPa);
- a cota z em mm;
- a cota h em mm.



$$a) P_g = \rho_g R_g T_g = 2 \left(\frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \right) \left(\frac{300 \text{ m}^2}{\text{s}^2 \cdot \text{K}} \right) (300 \text{ K}) = 180000 \text{ Pa} = 180 \text{ kPa}$$

$$P_{\text{ATM}} = (0,69)(136 \text{ kN/m}^3) = 93,84 \text{ kPa} \quad (0,5)$$

$$P_M = P_g - P_{\text{ATM}} = 180 - 93,84 = 86,16 \text{ kPa} \quad \boxed{P_M = 86,16 \text{ kPa}}$$

$$b) \gamma_{\text{H}_2\text{O}} \cdot z + \gamma_{\text{Hg}} (2 - 2 \cos 45^\circ) = P_g$$

$$10z + 136(2 - 2 \sqrt{2}/2) = 8616$$

$$10z + 136(0,5858) = (86,16)$$

$$\boxed{z = 0,649 \text{ m}} \quad (1,0)$$

$$\boxed{z = 649 \text{ mm}}$$

$$c) \gamma_{\text{H}_2\text{O}}(z - h) + \gamma_{\text{Hg}} \cdot h = P_g$$

$$10z + h(\gamma_{\text{Hg}} - \gamma_{\text{H}_2\text{O}}) = P_g$$

$$10(0,649) + h(136 - 10) = 86,16$$

$$h(126) = 8616 - 6,49$$

$$\boxed{h = 0,632 \text{ m}} \quad (1,0)$$

$$\boxed{h = 632 \text{ mm}}$$

Uma cúpula de aço cheia de ar está a 13 metros de profundidade no oceano. No interior da cúpula, que encontra-se totalmente isolada, tem-se um barômetro que indica $h_2 = 765 \text{ mmHg}$.

Instalou-se na cúpula dois manômetros diferenciais em U, sendo um interno que registra um desnível $h_1 = 745 \text{ mmHg}$ e outro externo que registra um desnível a h_3 de mmHg.

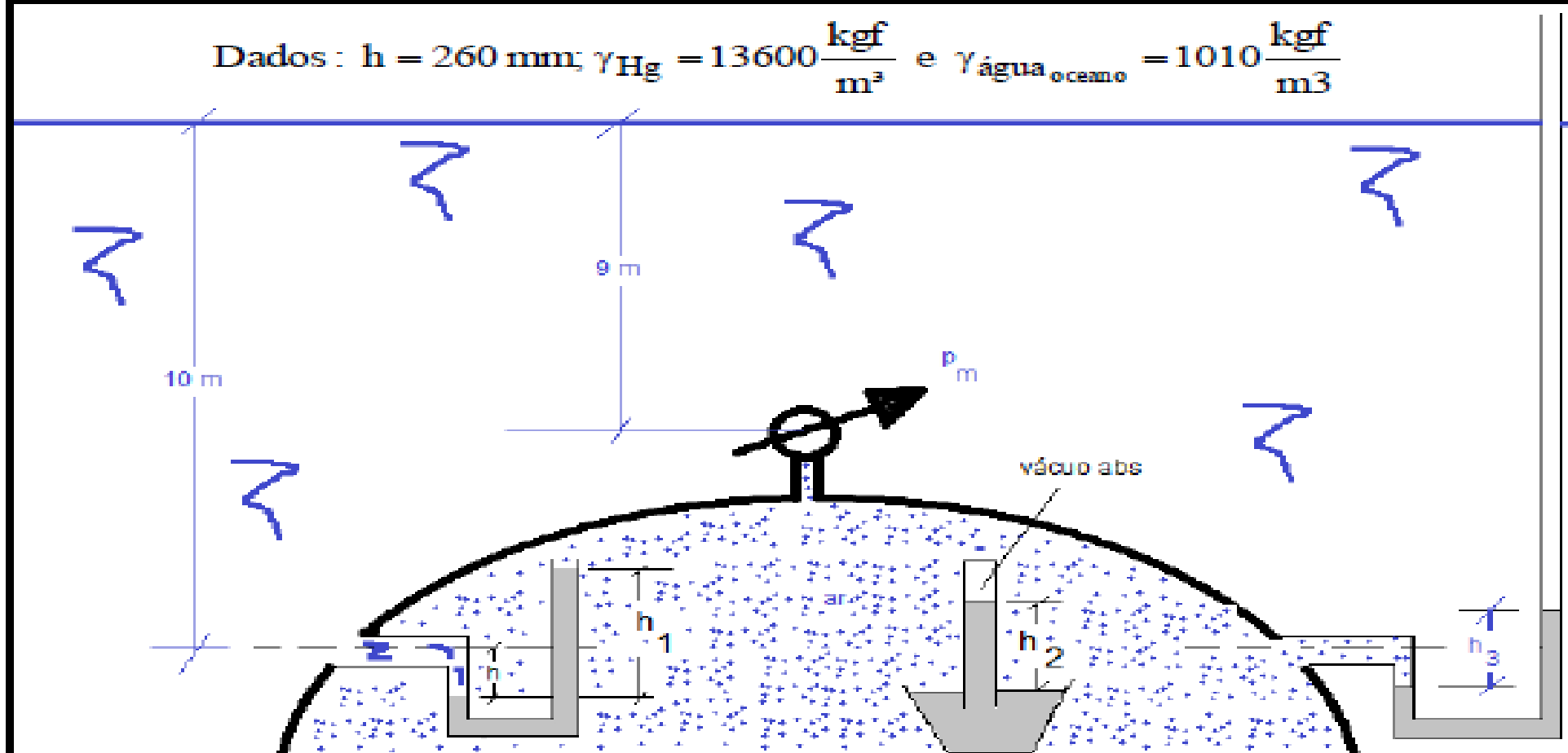
Pede-se determinar:

- a pressão atmosférica local;
- A pressão do ar no interior da cúpula;
- A leitura manométrica;
- o desnível h_3 .



Não estou vendo peixe neste oceano!

Dados : $h = 260 \text{ mm}$; $\gamma_{\text{Hg}} = 13600 \frac{\text{kgf}}{\text{m}^3}$ e $\gamma_{\text{água}_{\text{oceano}}} = 1010 \frac{\text{kgf}}{\text{m}^3}$



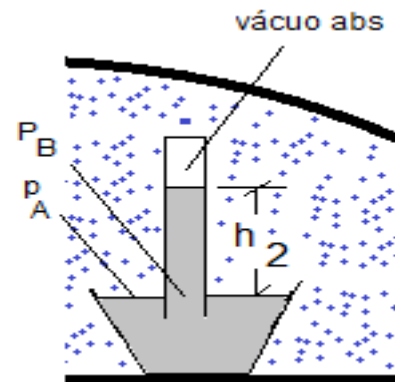
b



Iniciamos pelo item b), ou seja, pela leitura do barômetro

$$p_A = p_B \Rightarrow p_{\text{ar}} = 0,765 \times 13600$$

$$\therefore p_{\text{ar}} = 10404 \frac{\text{kgf}}{\text{m}^2} (\text{abs})$$



a



Para o item a), nós evocamos o teorema de Stevin e o aplicamos no manômetro diferencial interno:

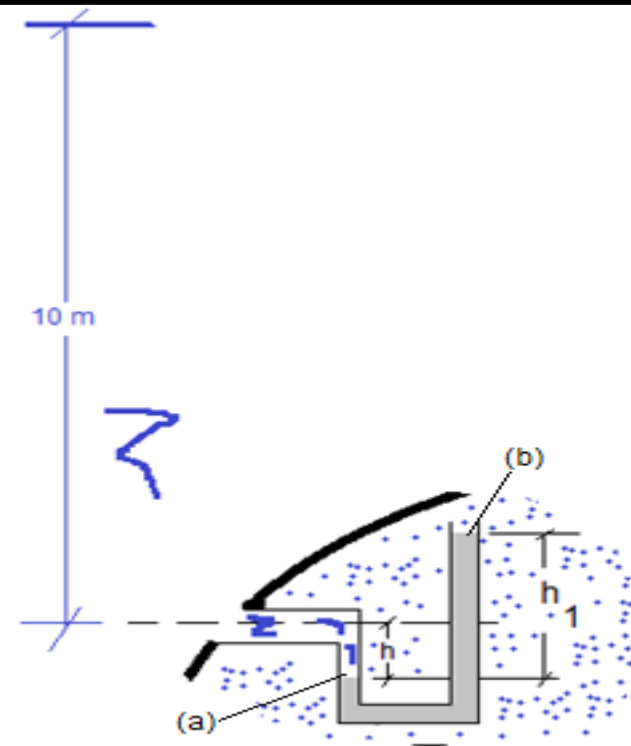
$$p_a - p_b = \gamma_{\text{Hg}} \times h_1$$

$$p_a = p_{\text{atm}} + 10 \times 1010 + 0,26 \times 1010$$

$$p_b = p_{\text{ar}} = 10404 \frac{\text{N}}{\text{m}^2}$$

$$\therefore p_{\text{atm}} + 10 \times 1010 + 0,26 \times 1010 - 10404 = 0,745 \times 13600$$

$$\therefore p_{\text{atm}} = 10173,4 \frac{\text{kgf}}{\text{m}^2}$$



c



NESTE ITEM EVOCA-SE A LEITURA DE UM MANÔMETRO METÁLICO TIPO BOURDON, NO CASO UM VACUÔMETRO.

$$P_m = P_{int} - P_{ext}$$

$$P_m = (10404 - 10173,4) - 9 \times 1010$$

$$\therefore P_m = -8859,4 \frac{\text{kgf}}{\text{m}^2}$$

d

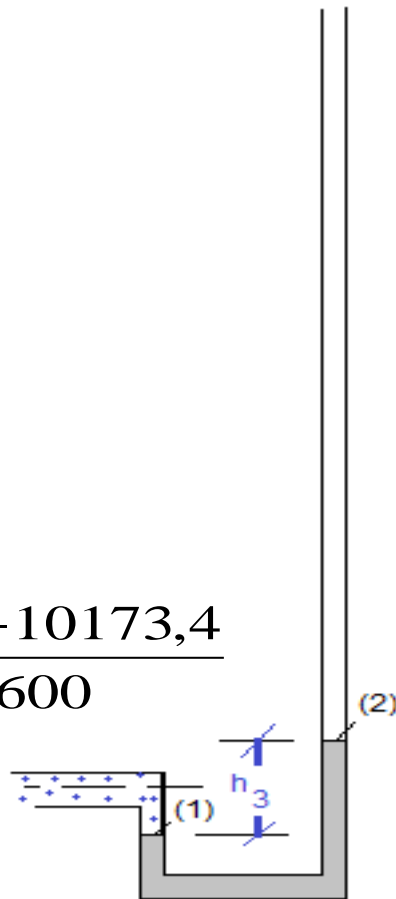


No item d), nós evocamos o teorema de Stevin e o aplicamos no manômetro diferencial externo:

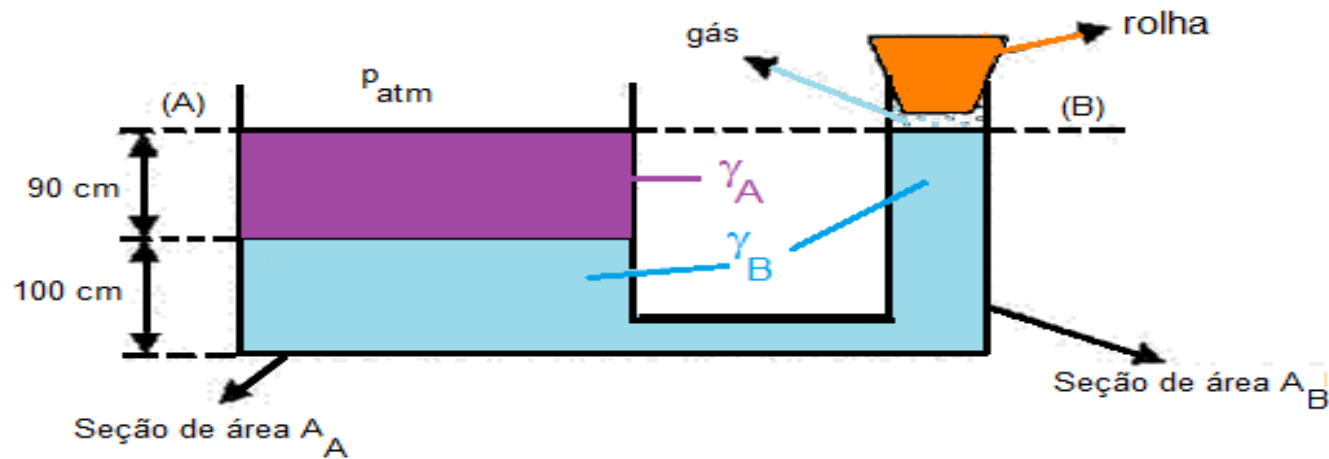
$$P_1 - P_2 = h_3 \times \gamma_{\text{Hg}} \therefore P_{ar} - P_{atm} = h_3 \times \gamma_{\text{Hg}}$$

$$10404 - 10173,4 = h_3 \times 13600 \therefore h_3 = \frac{10404 - 10173,4}{13600}$$

$$h_3 \cong 17\text{mm}$$



O recipiente da figura apresenta os fluidos (A) e (B) no mesmo nível superior. Ao retirar a rolha, o nível (B) desce e o nível (A) sobe. Na nova posição de equilíbrio o desnível entre (A) e (B) é de 10 cm. Pergunta-se:



- Qual o peso específico γ_B ?
- Qual a pressão em kPa sobre o fluido (B) antes de retirar a rolha?
- Qual a nova cota do fluido (B), em relação ao fundo do recipiente após a retirada da rolha?

Dados:

$$A_A = 200\text{cm}^2$$

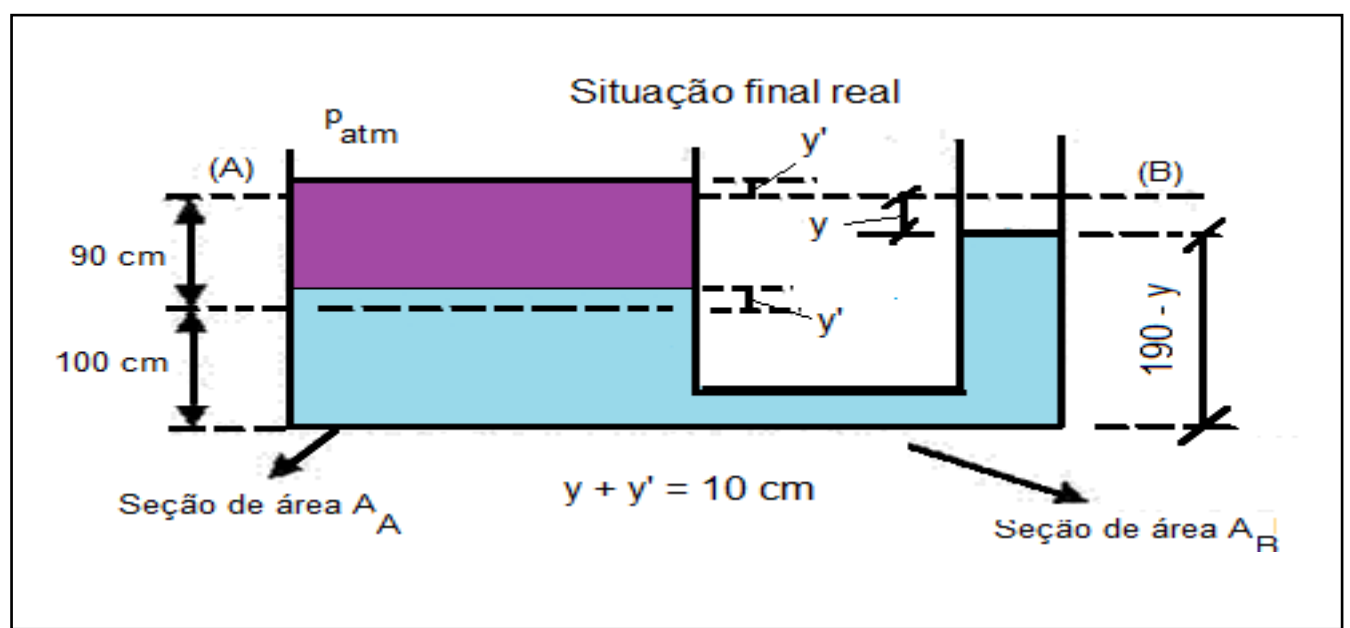
$$A_B = 50\text{cm}^2$$


Dado:

$$\gamma_A = 10^4 \frac{\text{N}}{\text{m}^3}$$



A figura ao lado mostra o fluido B descendo e o A subindo.



 → fluido (A) = 10000 N/m^3

 → Fluido B = γ_B

$$y' \times 200 = y \times 50 \therefore y = 4y' \therefore 4y' + y' = 10 \Rightarrow y' = 2 \text{ cm}$$

$$y + y' = 10 \Rightarrow y = 10 - 2 = 8 \text{ cm}$$

$$0,9 \times 10000 + 1,02 \times \gamma_B - 1,82 \times \gamma_B = 0 \therefore \gamma_B = 11250 \frac{\text{N}}{\text{m}^3}$$



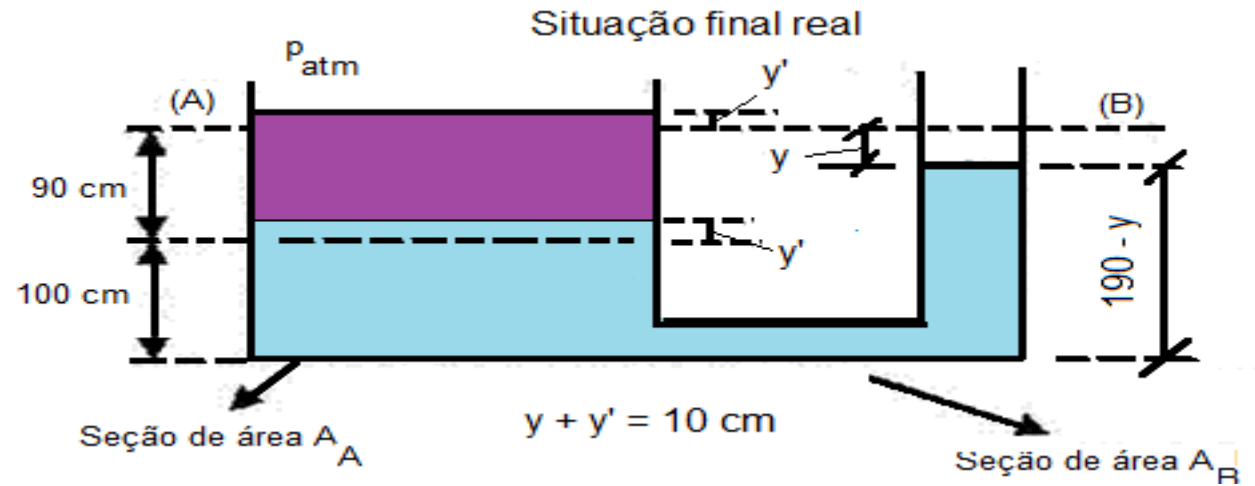
Esta é uma situação totalmente possível de ser observada na pratica!



O item c está resolvido na própria figura!

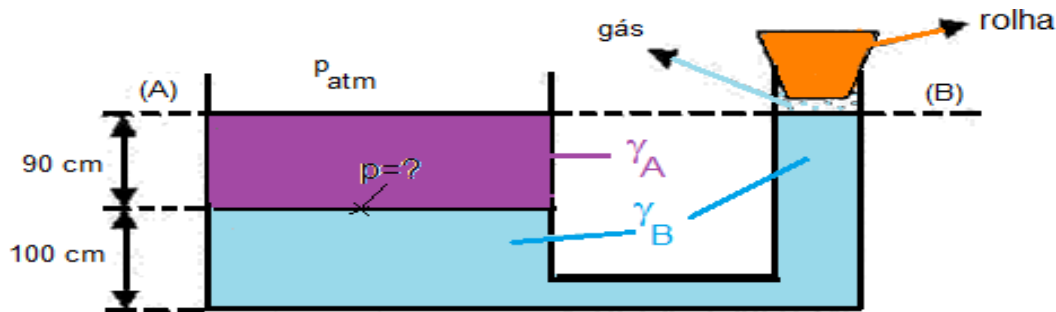
c

$$z_{\text{final}} = 190 - y = 190 - 8 = 182\text{cm}$$



b

$$P_{\text{atm}} + 0,9 \times 10000 - 0,9 \times 11250 = p_{\text{gás}} \therefore p_{\text{gás}} = -1125\text{Pa} = -1,125\text{kPa}$$



Vamos fazer mais alguns exercícios.



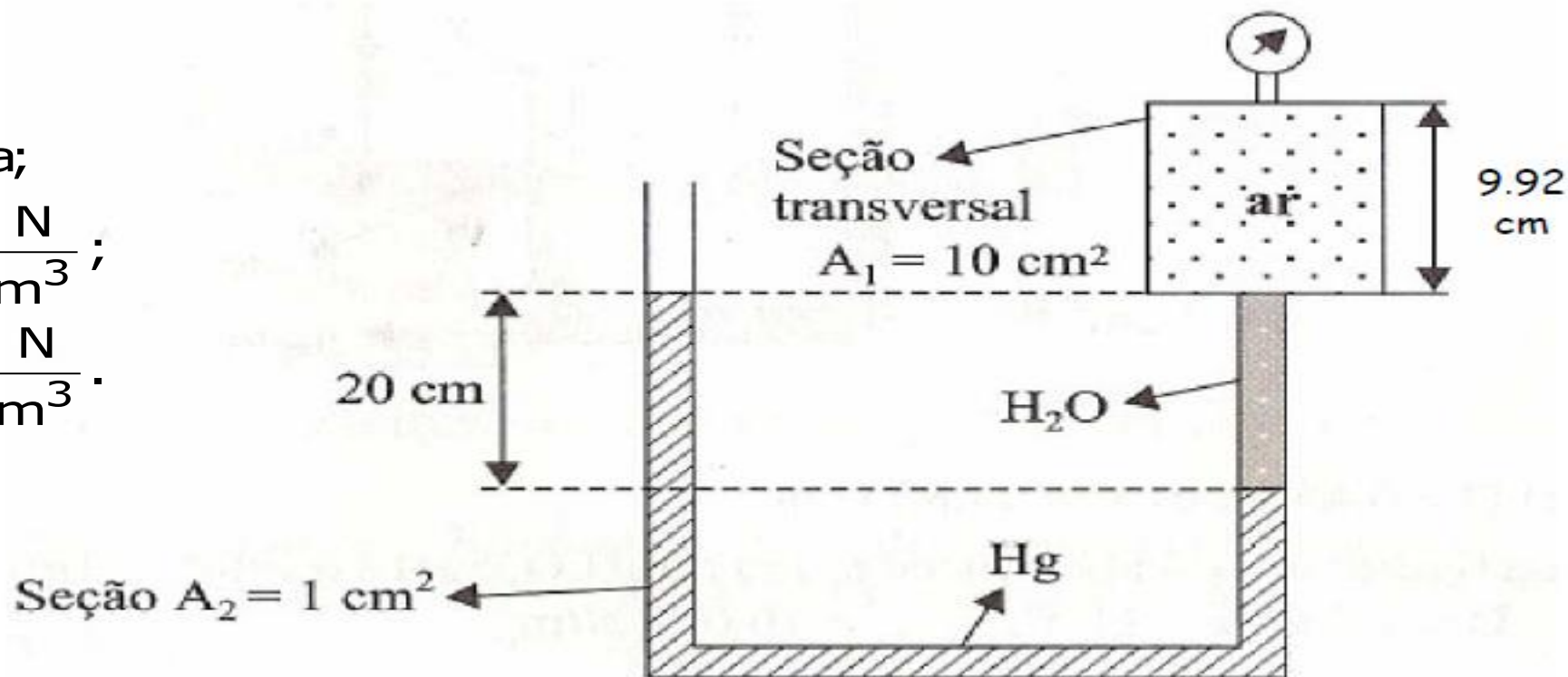
2.14 – A figura mostra o ar contido num recipiente, inicialmente a $100\text{ }^{\circ}\text{C}$. O ar é resfriado e a água do manômetro sobe $0,5\text{ cm}$ para dentro do recipiente. (a) Qual é a leitura inicial do manômetro em Pa? (b) Qual é a leitura final do manômetro em Pa? (c) Qual é a temperatura final em $^{\circ}\text{C}$?

Dados:

$$p_{\text{atm}} = 100\text{ kPa};$$

$$\gamma_{\text{H}_2\text{O}} = 10000\frac{\text{N}}{\text{m}^3};$$

$$\gamma_{\text{Hg}} = 136000\frac{\text{N}}{\text{m}^3}.$$

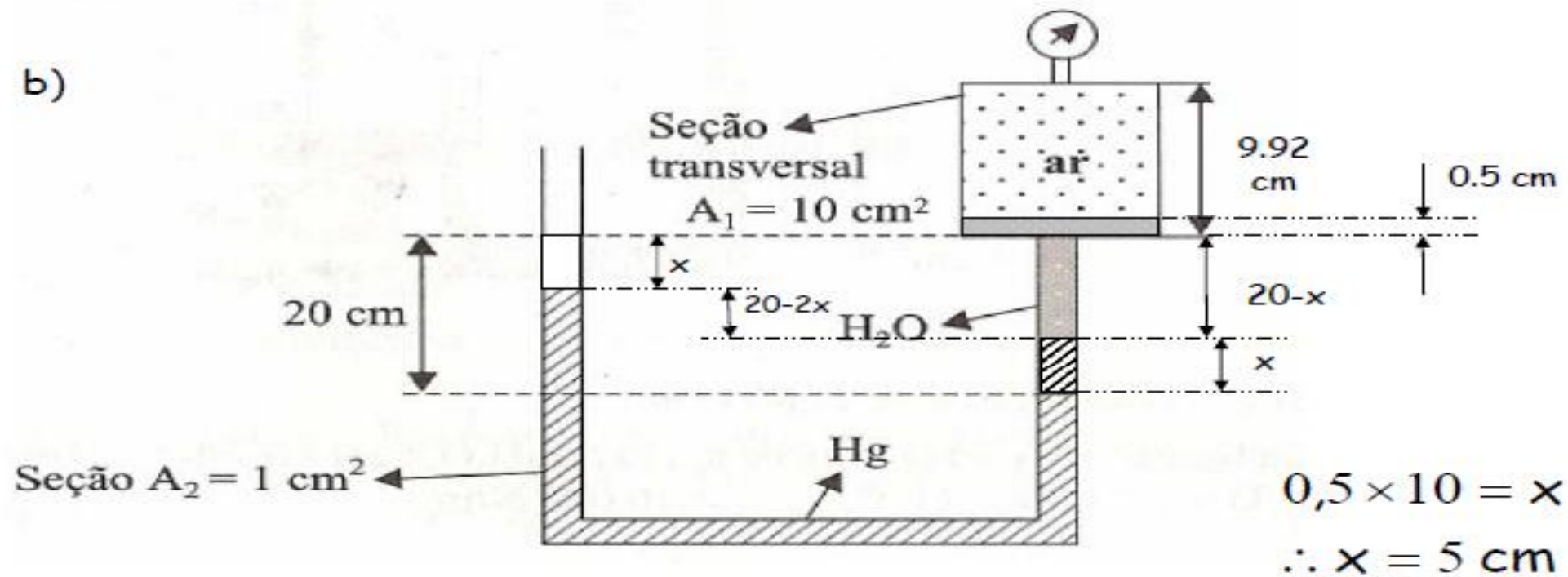


Resolução

$$\text{a) } 0,20 \times 136000 - 0,20 \times 10000 = p_{\text{ar}_{\text{inicial}}} = p_{\text{mi}}$$

$$\therefore p_{\text{mi}} = 25200 \text{ Pa} = 25,2 \text{ kPa}$$

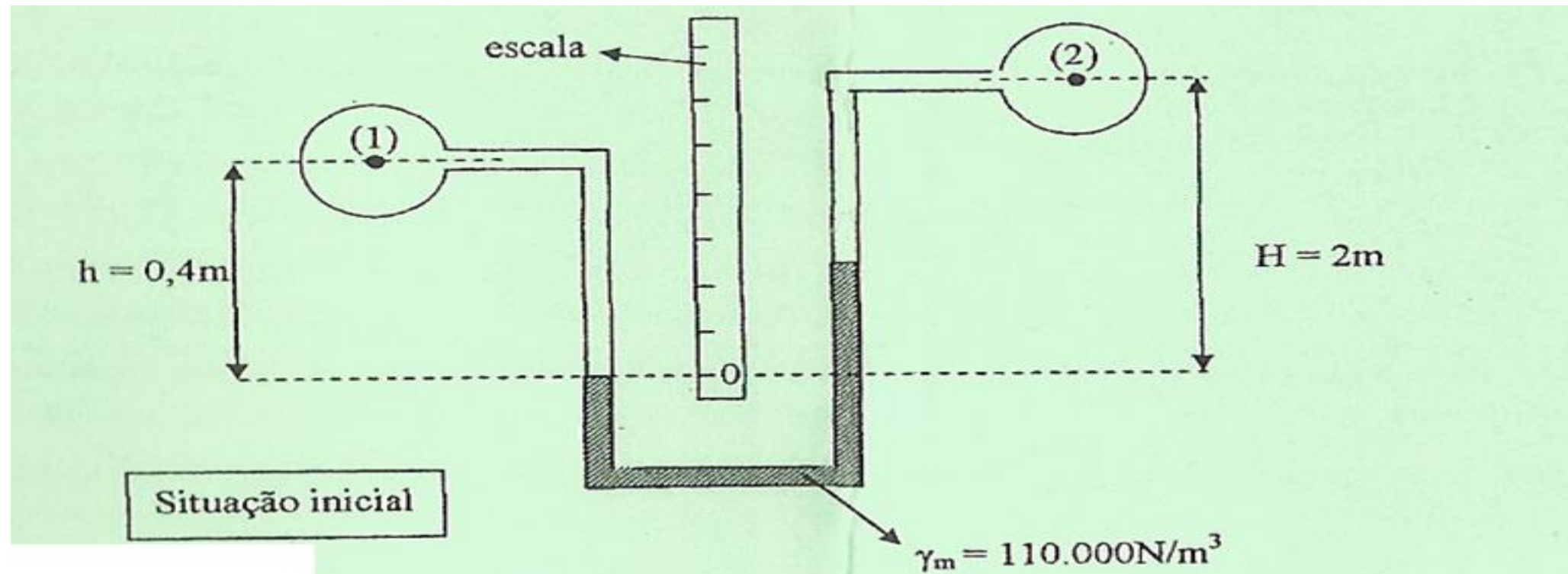
b)

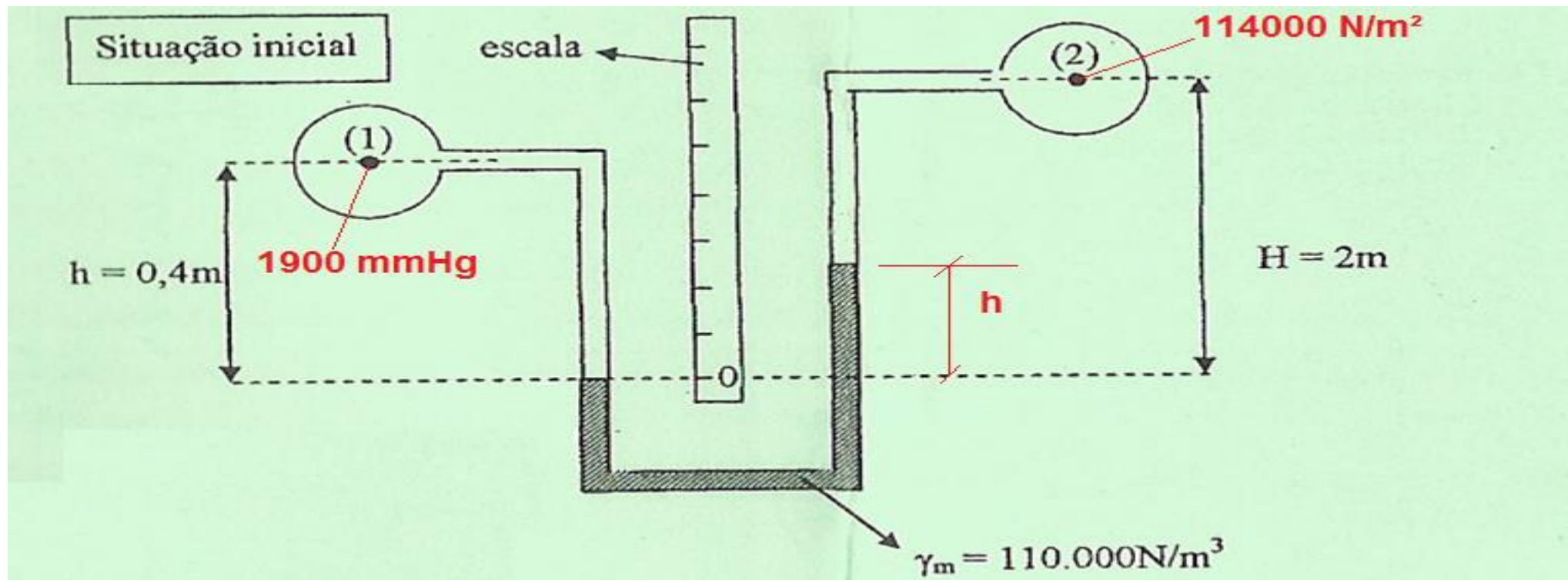


$$0,10 \times 136000 - 0,155 \times 10000 = p_{\text{ar}_{\text{final}}} = p_{\text{mf}}$$

$$\therefore p_{\text{mf}} = 12050 \text{ Pa} = 12,05 \text{ kPa}$$

Um manômetro diferencial é instalado entre dois condutos por onde escoa o mesmo fluido, de massa específica 800 kg/m^3 , como mostra a figura. A pressão no tubo (2) é constante e igual a 114 kPa . Quando, numa primeira situação $p_1 = 1900 \text{ mmHg}$, o nível do fluido manométrico na coluna esquerda coincide com o zero da escala. Determinar a altura do fluido manométrico, na coluna da direita, em relação ao zero da escala, quando a pressão em (1) aumenta para 2280 mm Hg ($\gamma_{\text{Hg}} = 1,36 \times 10^5 \text{ N/m}^3$)





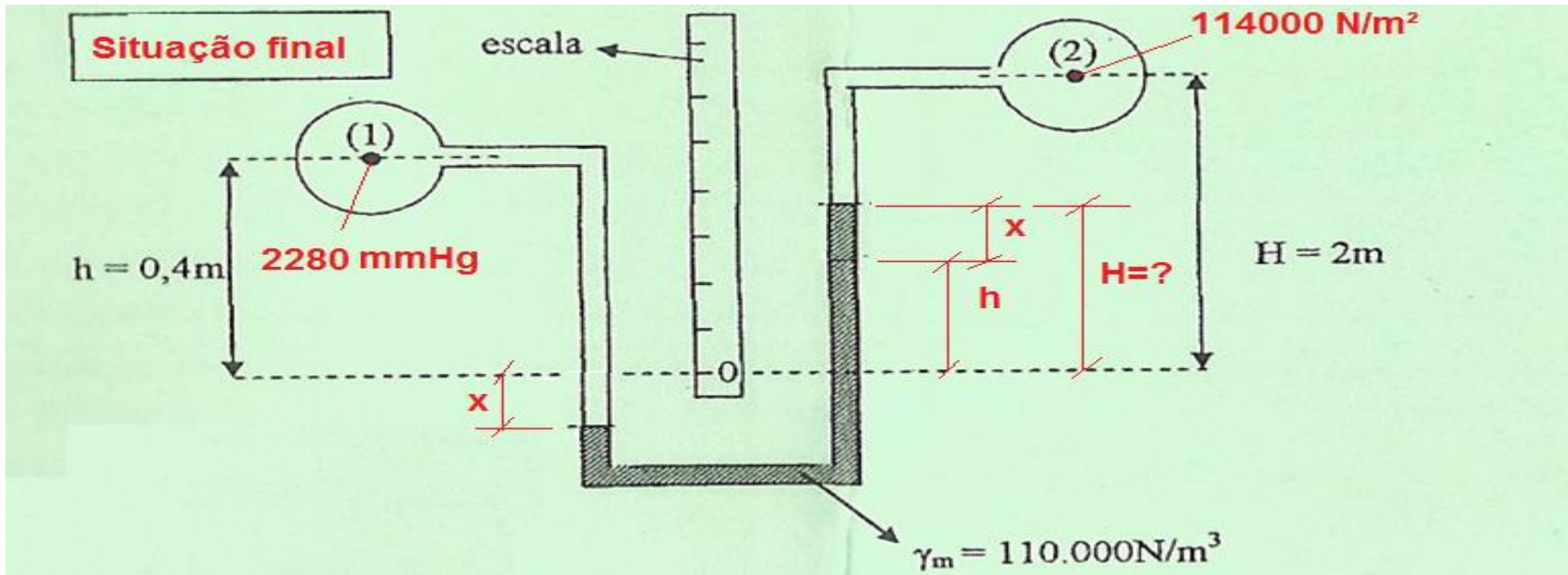
Aplica-se a equação manométrica de (1) a (2), adotando-se como origem (1):

$$p_1 + \gamma \times 0,4 - \gamma_m \times h - \gamma \times (2 - h) = p_2$$

$$\therefore \frac{1900}{1000} \times 1,36 \times 10^5 + 8000 \times 0,4 - 110000 \times h - 8000 \times (2 - h) = 114000$$

$$258400 + 3200 - 110000 \times h - 16000 + 8000h = 114000$$

$$131600 = 102000h \Rightarrow h = \frac{131600}{102000} \cong 1,29\text{m}$$



Aplica-se a equação manométrica de (1) a (2), adotando-se como origem (1):

$$\frac{2280}{1000} \times 1,36 \times 10^5 + 8000 \times (0,4 + x) - 110000 \times (1,29 + 2x) - 8000 \times (2 - 1,29 - x) = 114000$$

$$310080 + 3200 + 8000x - 141900 - 220000x - 5680 + 8000x = 114000$$

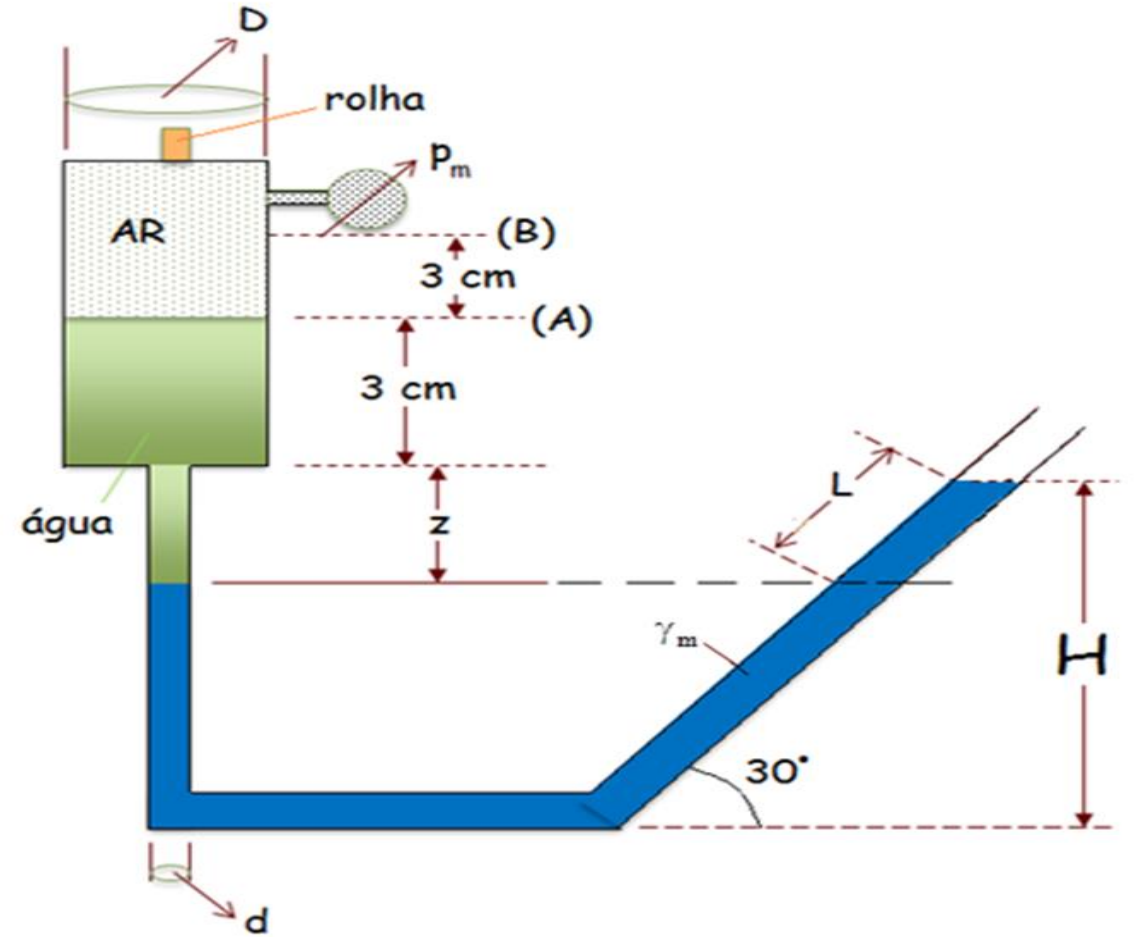
$$51700 = 204000x \therefore x = \frac{51700}{204000} \cong 0,253\text{m}$$

$$H = h + x = 1,29 + 0,253 = 1,543\text{m}$$

Outro de prova

Na figura, a superfície da água está em (A), pois neste nível a pressão absoluta do ar é de 104 kPa. Nesta condição a leitura L é de 68 cm, a leitura no manômetro metálico é de 0,8 mca e a cota z de 25 cm. Ao retirar a rolha, a superfície da água passa para o nível (B). Sendo o peso específico da água de 10 N/L, o peso específico do mercúrio de 136 N/L e o diâmetro do reservatório $D = 13$ cm. Pede-se:

- Qual o peso específico do fluido manométrico (γ_m)?
- Qual a leitura barométrica local em mmHg?
- Se na condição da figura (com a rolha), a cota $H = 65$ cm; qual será a nova cota H quando se retirar a rolha?
- Qual o diâmetro do tubo manométrico d ?



VAMOS INICIAR RESOLVENDO O ITEM B E PARA TAL EVOCAMOS O CONCEITO DE PRESSÃO MANOMÉTRICA (p_m)



p_m = é a pressão registrada em um manômetro metálico ou de Bourdon a qual encontra-se na escala efetiva, a escala que adota como zero a pressão atmosférica local, que também é chamada de pressão barométrica.



$$p_m = p_{int} - p_{ext}$$

$$p_{ext} = p_{atm} = 0$$

$$\therefore p_m = p_{int} = p_{ar} = 0,8mca$$

VAMOS ANALISAR A UNIDADE mca!



A unidade metro de coluna d'água é uma unidade de carga de pressão (h), portanto para a determinação da pressão basta multiplicar a carga de pressão pelo peso específico do fluido considerado que no caso é a água.



$$\gamma_{\text{H}_2\text{O}} = 10 \frac{\text{N}}{\text{L}} = 10 \frac{\text{N}}{10^{-3} \text{m}^3} = 10000 \frac{\text{N}}{\text{m}^3}$$

$$p_{\text{ar}} = h \times \gamma_{\text{H}_2\text{O}} = 0,8 \times 10000$$

$$p_{\text{ar}} = 8000 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} \text{ (ou Pa)}$$

PARA OBTERMOS A PRESSÃO
ATMOSFÉRICA LOCAL EVOCAMOS A
RELAÇÃO ENTRE A PRESSÃO NA
ESCALA ABSOLUTA E A PRESSÃO NA
ESCALA EFETIVA, OU SEJA:



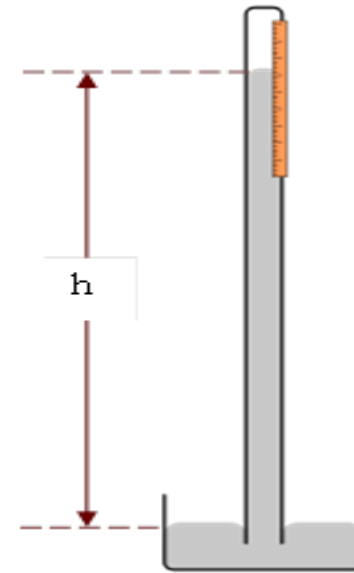
$$P_{\text{absoluta}} = P_{\text{efetiva}} + P_{\text{atm}_{\text{local}}}$$

$$P_{\text{ar}_{\text{abs}}} = P_{\text{ar}} + P_{\text{atm}_{\text{local}}}$$

$$104000 = 8000 + P_{\text{atm}_{\text{local}}}$$

$$P_{\text{atm}_{\text{local}}} = 96000 \frac{\text{N}}{\text{m}^2} \text{ (ou Pa)}$$

Para se obter a leitura barométrica basta evocarmos o barômetro



$$\gamma_{\text{Hg}} = 136 \frac{\text{N}}{\text{L}} = 136 \frac{\text{N}}{10^{-3} \text{m}^3} = 136000 \frac{\text{N}}{\text{m}^3}$$

$$96000 = 136000 \times h$$

$$h = \frac{96000}{136000} \cong 0,706 \text{mHg}$$

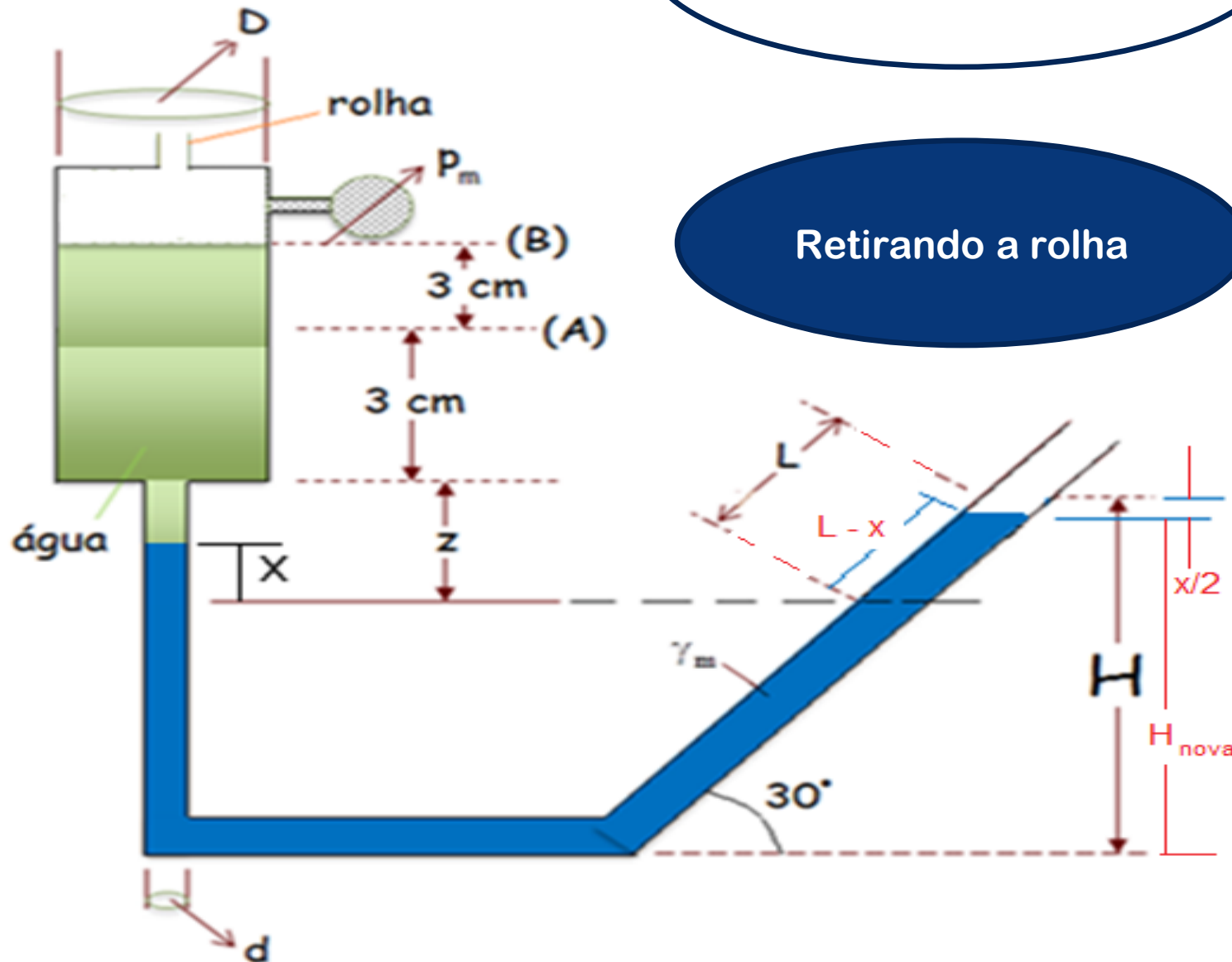
Como $1\text{m} = 1000 \text{mm}$, temos :

$$h = 0,706 \times 1000 = 706 \text{mmHg}$$



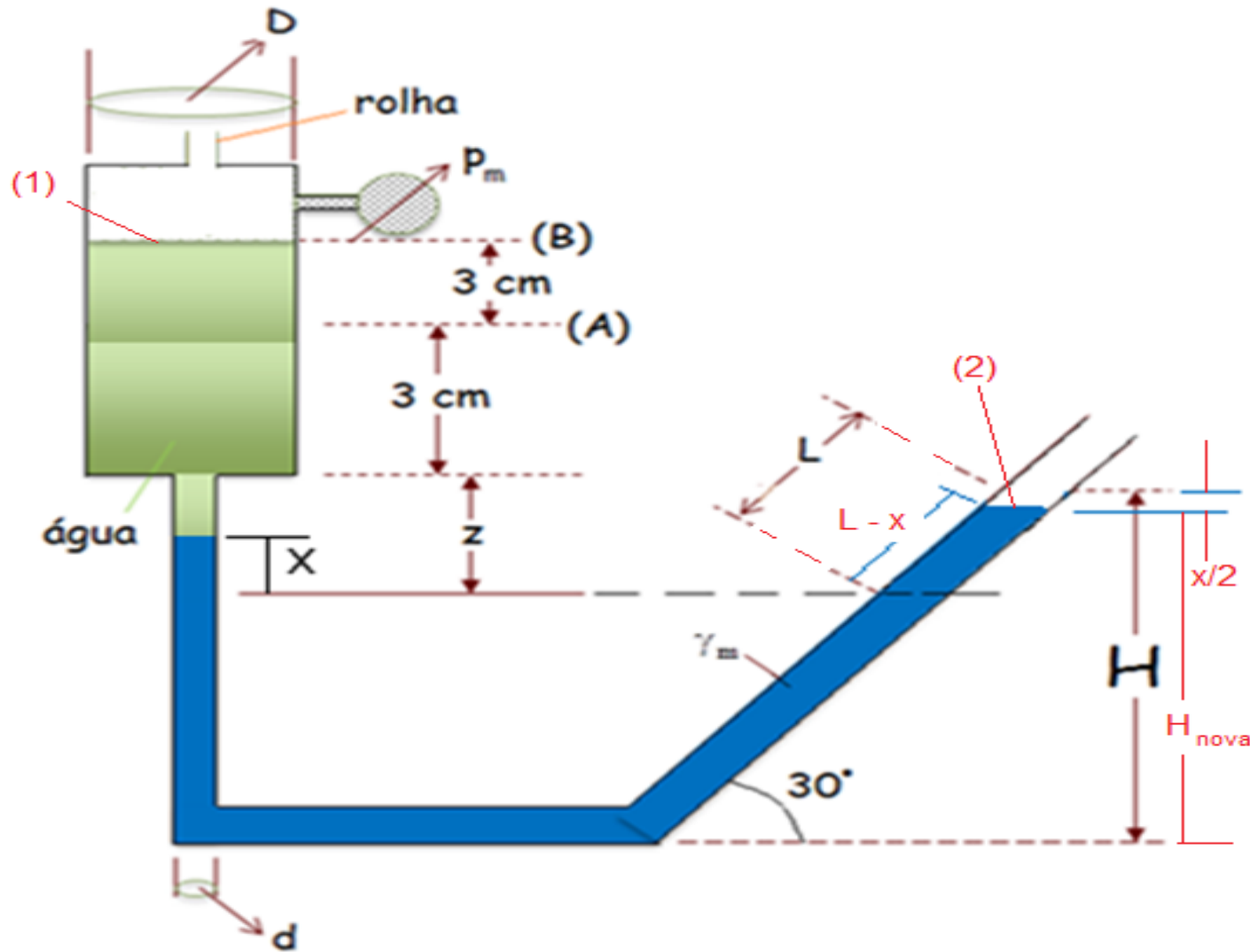
RESOLVENDO O
ITEM C

Retirando a rolha



Não pode haver variação
de volume do líquido.

Portanto o volume que
subiu no reservatório de
diâmetro D é igual ao
volume que subiu em d .



Para facilitar a solução deste item, vamos evocar o conceito de equação manométrica. Equação manométrica é uma regra prática para se obter a diferença de pressão entre dois pontos fluidos e para aplicá-la devemos:

1. escolher dois pontos;
2. adotar um deles como origem e ir para o outro somente na vertical e horizontal;
3. marcando a pressão que atua na origem a ela soma-se os $\gamma \times h$ descendentes e subtrai-se os $\gamma \times h$ ascendente e a expressão obtida iguala-se à pressão que age no ponto não adotado como origem.

Aplica-se a equação manométrica de (1) a (2) adotando a origem em (1)

$$p_1 + 0,06 \times \gamma_{\text{H}_2\text{O}} + (z - x) \times \gamma_{\text{H}_2\text{O}} - (L - x) \times \text{sen}30 \times \gamma_m = p_2$$

$$p_1 = p_2 = p_{\text{atm}_{\text{local}}} = 0 \Rightarrow \text{escala efetiva}$$

$$0,06 \times 10000 + (0,25 - x) \times 10000 - (0,68 - x) \times 0,5 \times 31764,7 = 0$$

$$x = \frac{7699,998}{37647,05} \cong 0,205\text{m} = 20,5\text{cm}$$

$$H_{\text{nova}} = H - \frac{x}{2} = 65 - \frac{20,5}{2} = 54,75\text{cm}$$

Vamos agora resolver o item d

Já que não pode haver variação de volume, podemos afirmar que o volume que subiu no reservatório de diâmetro D é igual ao volume que subiu em d, portanto:

$$3 \times \frac{\pi \times 13^2}{4} = 20,5 \times \frac{\pi \times d^2}{4}$$

$$\therefore d = \sqrt{\frac{3 \times 13^2}{20,5}} \cong 5\text{cm}$$

