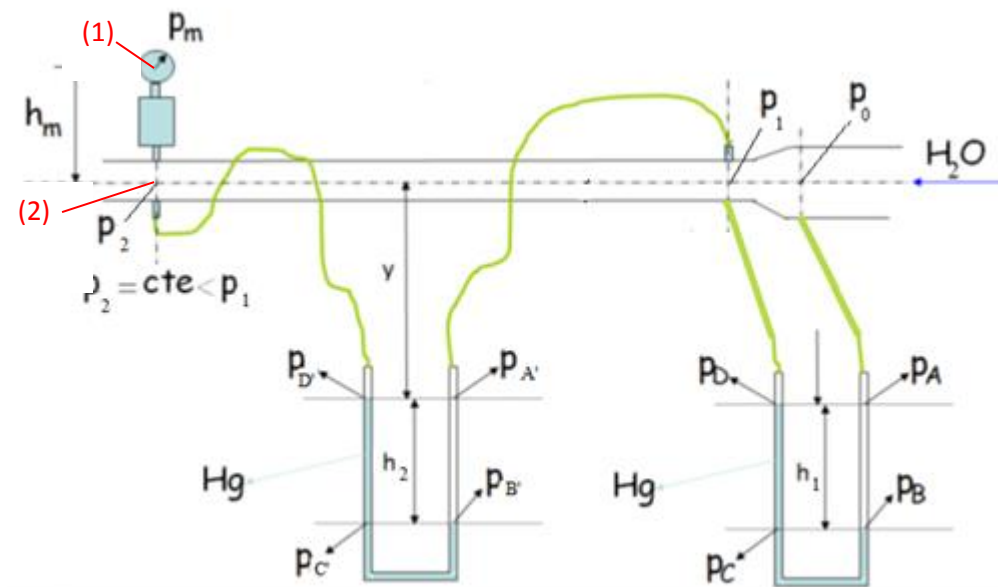
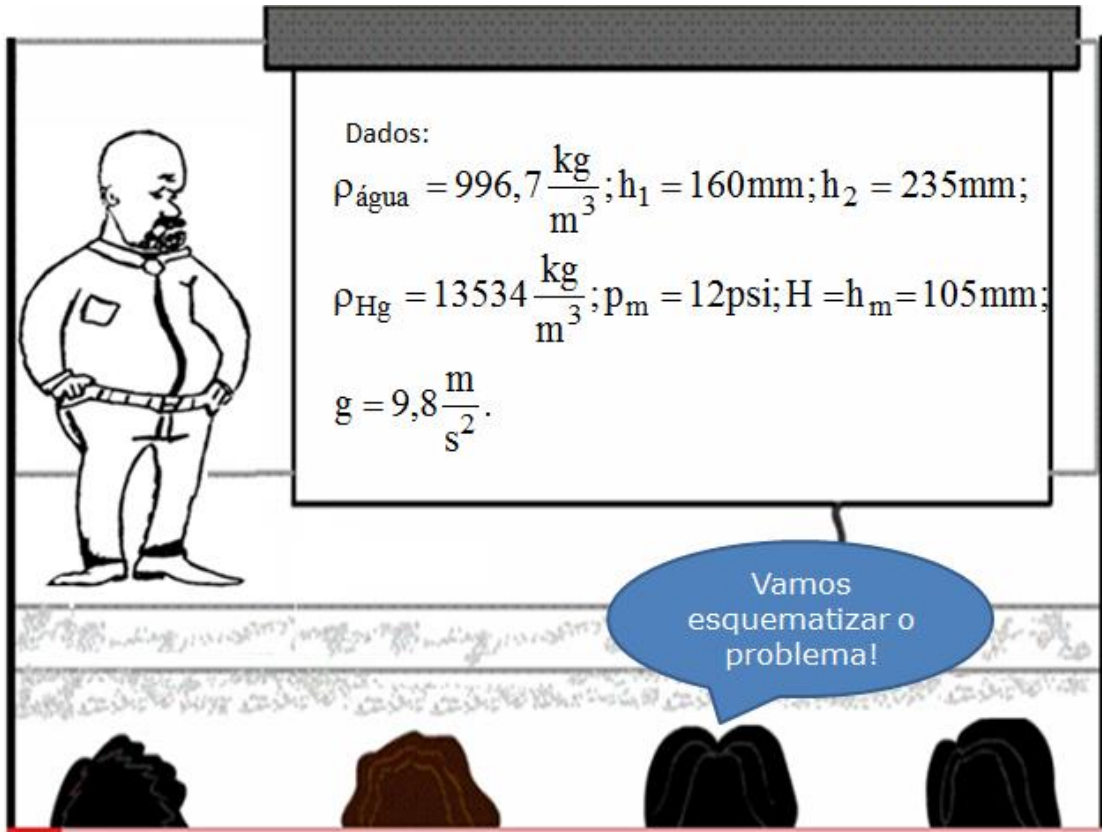


Iniciamos este nosso encontro resolvendo o exercício da aula anterior com os dados a seguir:



Vamos resolvê-lo aplicando o teorema de Stevin:

- Stevin de (2) a (1):  $p_2 - p_1 = \gamma_{H_2O} \times h_m \therefore p_2 = p_m + \gamma_{H_2O} \times h_m$
- Stevin de (D') a (2):  $p_{D'} - p_2 = \gamma_{H_2O} \times y \therefore p_{D'} = p_m + \gamma_{H_2O} \times h_m + \gamma_{H_2O} \times y$
- Stevin de (C') a (D'):  $p_{C'} - p_{D'} = \gamma_{Hg} \times h_2 \therefore p_{C'} = p_m + \gamma_{H_2O} \times h_m + \gamma_{H_2O} \times y + \gamma_{Hg} \times h_2$
- Stevin de (C') a (B'):  $p_{C'} = p_{B'}$
- Stevin de (B') a (A'):  $p_{B'} - p_{A'} = \gamma_{H_2O} \times h_2 \therefore p_{A'} = p_m + \gamma_{H_2O} \times h_m + \gamma_{H_2O} \times y + \gamma_{Hg} \times h_2 - \gamma_{H_2O} \times h_2$
- Stevin de (A') a (1):  $p_{A'} - p_1 = \gamma_{H_2O} \times y \therefore p_1 = p_m + \gamma_{H_2O} \times h_m + \gamma_{H_2O} \times y + (\gamma_{Hg} - \gamma_{H_2O}) \times h_2 - \gamma_{H_2O} \times y$   
 $p_1 = p_m + \gamma_{H_2O} \times h_m + (\gamma_{Hg} - \gamma_{H_2O}) \times h_2$
- Stevin de (1) a (D):  $p_D - p_1 = \gamma_{H_2O} \times y \therefore p_D = p_m + \gamma_{H_2O} \times h_m + (\gamma_{Hg} - \gamma_{H_2O}) \times h_2 + \gamma_{H_2O} \times y$
- Stevin de (C) a (D):  $p_C - p_D = \gamma_{Hg} \times h_1 \therefore p_C = p_m + \gamma_{H_2O} \times h_m + (\gamma_{Hg} - \gamma_{H_2O}) \times h_2 + \gamma_{H_2O} \times y + \gamma_{Hg} \times h_1$
- Stevin de (C) a (B):  $p_C = p_B$
- Stevin de (B) a (A):  $p_B - p_A = \gamma_{H_2O} \times h_1$   
 $\therefore p_A = p_m + \gamma_{H_2O} \times h_m + (\gamma_{Hg} - \gamma_{H_2O}) \times h_2 + \gamma_{H_2O} \times y + \gamma_{Hg} \times h_1 - \gamma_{H_2O} \times h_1$
- Stevin de (A) a (0):  $p_A - p_0 = \gamma_{H_2O} \times y$   
 $\therefore p_0 = p_m + \gamma_{H_2O} \times h_m + (\gamma_{Hg} - \gamma_{H_2O}) \times h_2 + \gamma_{H_2O} \times y + \gamma_{Hg} \times h_1 - \gamma_{H_2O} \times h_1 - \gamma_{H_2O} \times y$   
 $p_0 = p_m + \gamma_{H_2O} \times h_m + (\gamma_{Hg} - \gamma_{H_2O}) \times h_2 + (\gamma_{Hg} - \gamma_{H_2O}) \times h_1$
- Calculando:

$$101234 \text{ Pa} = 14,7 \text{ psi} \therefore 1 \text{ psi} = \frac{101234}{14,7} \text{ Pa}$$

$$p_m = 12 \text{ psi} = 12 \times \frac{101234}{14,7} = 82640 \text{ Pa}$$

$$p_0 = 82640 + 996,7 \times 9,8 \times 0,105 + (13534 - 996,7) \times 9,8 \times 0,235 + (13534 - 996,7) \times 9,8 \times 0,16$$

$$p_0 \cong 132197,5 \text{ Pa} \cong \frac{132197,5}{1000 \times 9,8} \cong 13,5 \text{ mca}$$

Como  $p_0 > p_{\min}$ , concluímos que o aparelho pode ser instalado na seção (0).

É função do engenheiro facilitar o seu trabalho e a solução anterior, como foi aplicada várias vezes pode nos expor a erros, por este motivo vamos minimizar o trabalho para obtenção da solução através do conceito de equação manométrica.

É a equação que aplicada nos manômetros de coluna de líquidos, resulta em uma diferença de pressões entre dois pontos fluidos, ou na pressão de um ponto fluido.



Para se obter a equação manométrica, deve-se adotar um dos dois pontos como referência. Parte-se deste ponto, marcando a pressão que atua no mesmo e a ela soma-se os produtos dos pesos específicos com as colunas descendentes ( $+\sum\gamma*h_{descendente}$ ), subtrai-se os produtos dos pesos específicos com as colunas ascendentes ( $-\sum\gamma*h_{ascendente}$ ) e iguala-se à pressão que atua no ponto não escolhido como referência.

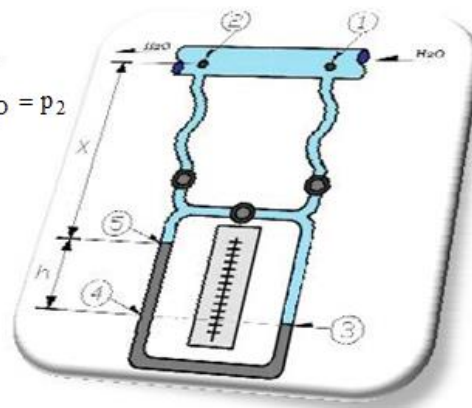


Aplicando-se a equação manométrica ao esboço abaixo, resulta:

Adotando - se como referência o ponto (1):

$$p_1 + x \times \gamma_{H_2O} + h \times \gamma_{H_2O} - h \times \gamma_{Hg} - x \times \gamma_{H_2O} = p_2$$

$$p_1 - p_2 = h \times (\gamma_{Hg} - \gamma_{H_2O})$$



Pela equação manométrica temos:

$$p_m + \gamma \times H + \gamma_{Hg} \times h_2 - \gamma \times h_2 + \gamma_{Hg} \times h_1 - \gamma \times h_1 = p_0$$

$$\left. \begin{array}{l} 101234\text{Pa} \Leftrightarrow 14,7\text{psi} \\ x\text{Pa} \Leftrightarrow 12\text{psi} \end{array} \right\} \Rightarrow x \cong 82640\text{psi}$$

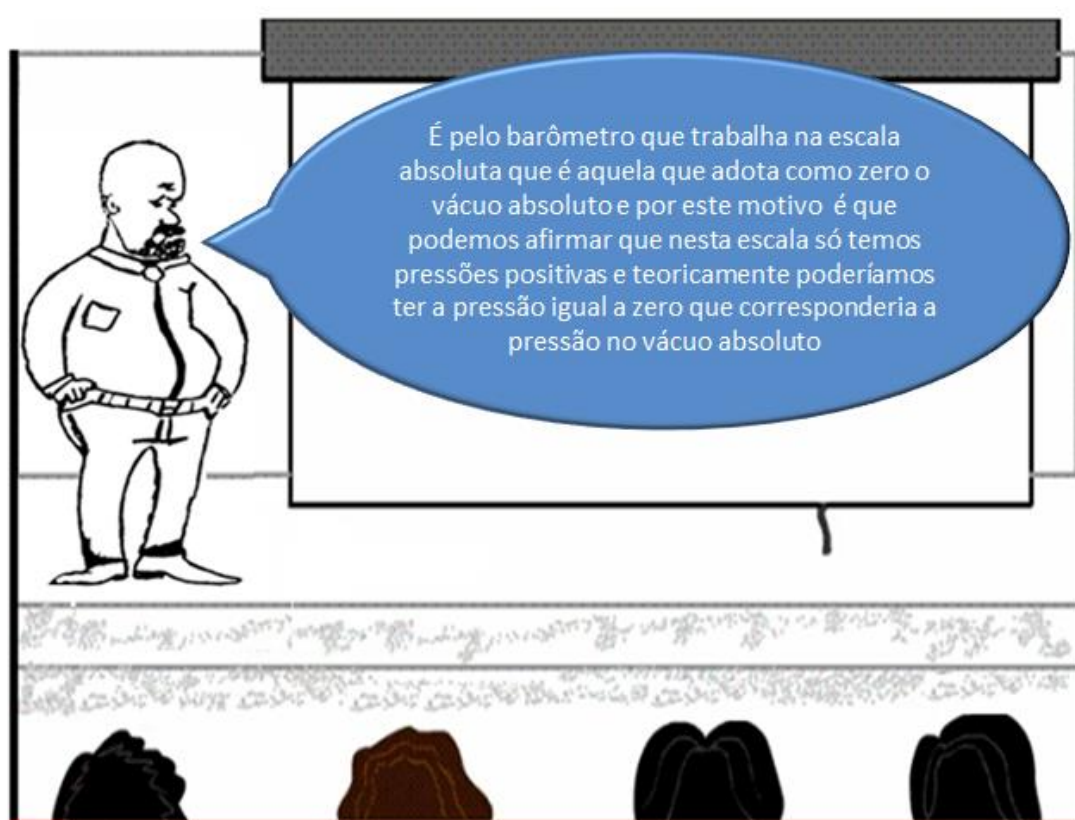
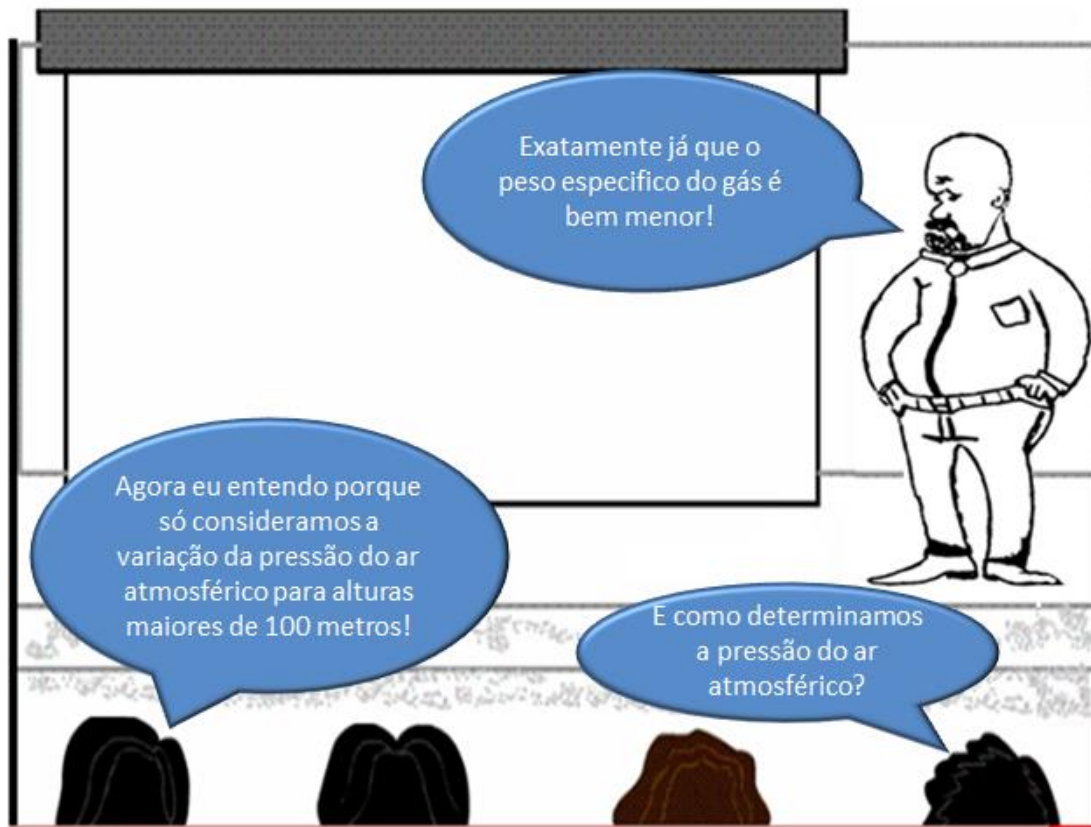
$$82640 + 996,7 \times 9,8 \times 0,105 + 13534 \times 9,8 \times 0,235 - 996,7 \times 9,8 \times 0,235 \\ + 13534 \times 9,8 \times 0,160 - 996,7 \times 9,8 \times 0,160 = p_0$$

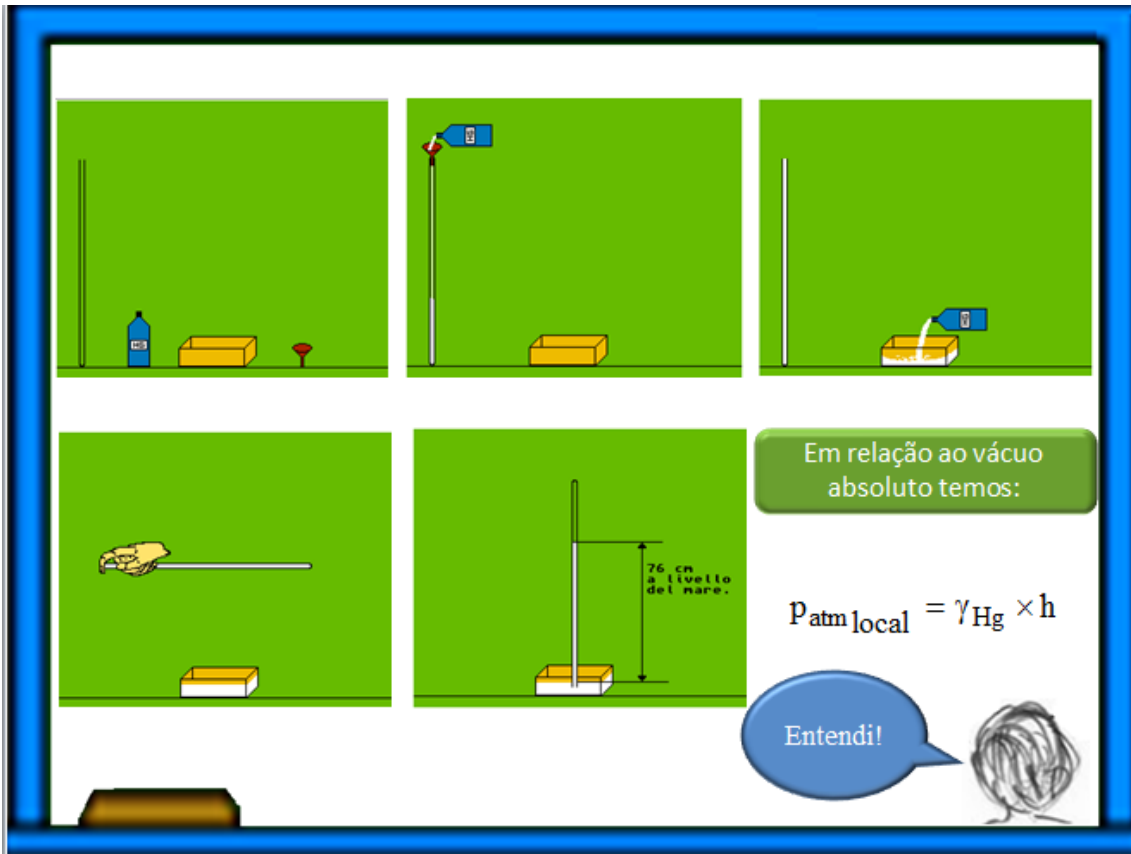
$$\therefore p_0 \cong 132197,5\text{Pa}$$

$$h = \frac{p_0}{\gamma} = \frac{132197,5}{1000 \times 9,8} \cong 13,5\text{mca} > 9,2\text{mca}$$

Resposta: pode instalar o aparelho



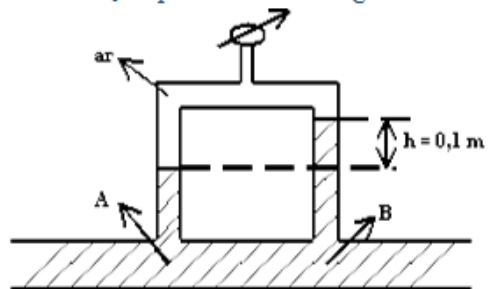




$P_{barométrica} = P_{absoluta}$   
 $P_{absoluta} = P_{efetiva} + P_{atm\_local}$   
 $P_{manométrica} = P_{efetiva}$   
 $P_{barométrica} = P_{manométrica} + P_{atm\_local}$



O dispositivo mostrado na figura abaixo mede o diferencial de pressão entre os pontos A e B de uma tubulação por onde escoa água.



Dados :

$$\rho_{\text{água}} = 1000 \text{ kg / m}^3;$$

$$\rho_{\text{ar}} = 1,2 \text{ kg / m}^3;$$

$$g = 9,8 \text{ m / s}^2$$

Com base nos dados apresentados na figura, pede-se:

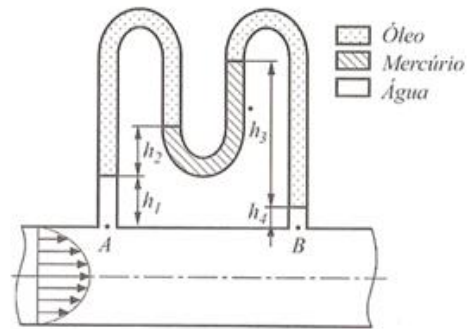
1. determine o diferencial de pressão entre os pontos A e B, em Pa; (valor: 2,5 pontos)
2. calcule a pressão absoluta no interior da camada de ar, sendo a leitura do manômetro de Bourdon  $P_{\text{man}} = 10^4 \text{ Pa}$ , e a pressão atmosférica local  $P_{\text{atm}} = 10^5 \text{ Pa}$ ; (valor: 2,5 pontos)

Parece tranquila a solução!



### Exercício Proposto

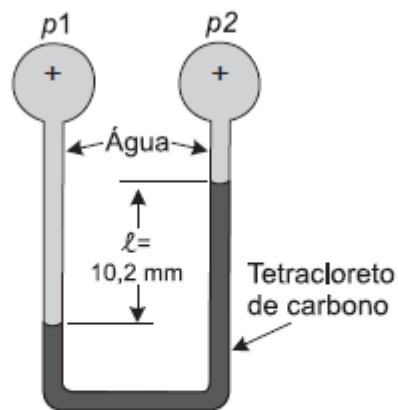
**Enunciado:** Na instalação apresentada, verifica-se uma queda de pressão entre os pontos *A* e *B*, devido às perdas por atrito no escoamento de água dentro da tubeira horizontal. Calcule a diferença de pressão entre estes pontos, sabendo que o óleo tem densidade relativa  $d_{\text{óleo}} = 0.8$  e  $h_1 = 5 \text{ cm}$ ,  $h_2 = 5 \text{ cm}$ ,  $h_3 = 12 \text{ cm}$ ,  $h_4 = 1 \text{ cm}$ .



Vamos aprender fazendo!

27

Considere o manômetro de dois fluidos abaixo.



Dados: Densidade relativa de tetracloreto de carbono = 1,595 e  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

A diferença de pressão aplicada, em Pa, é igual a:

- (A) 0,61    (B) 6,1    (C) 61    (D) 161    (E) 610