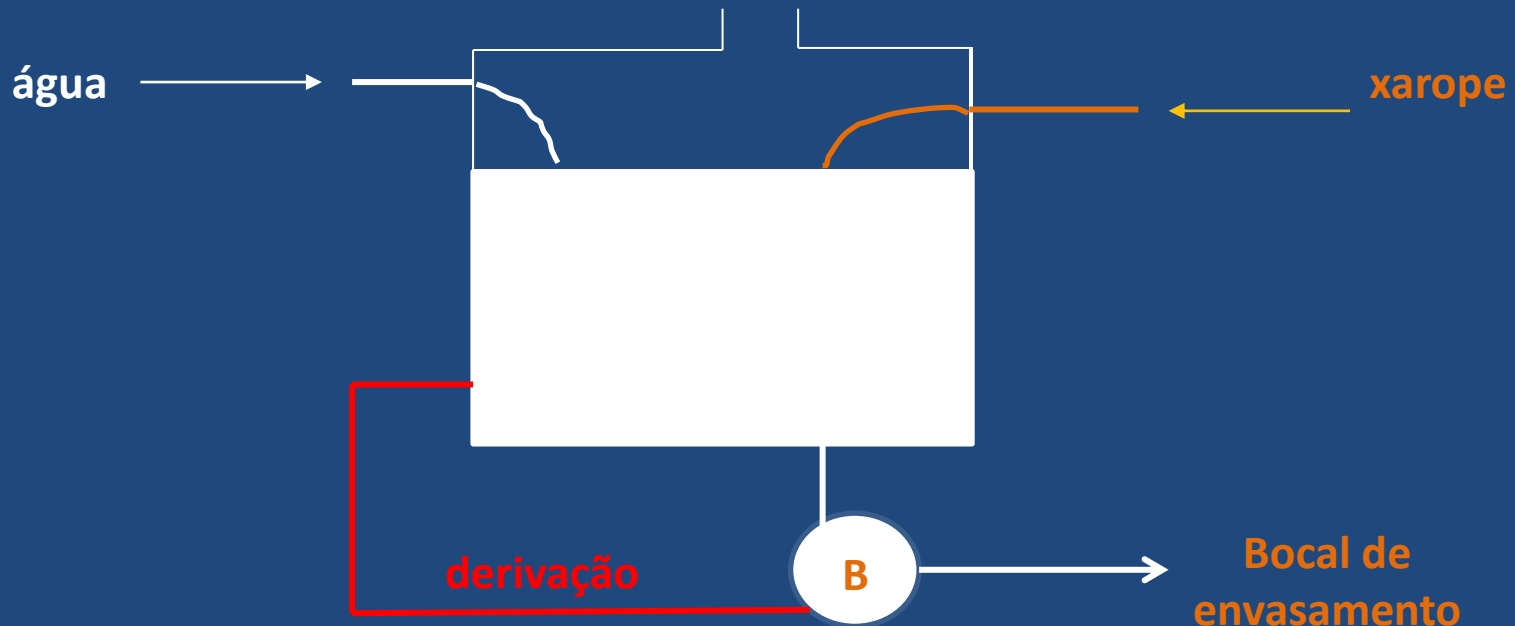


# Sétima aula de FT

Raimundo (Alemão) Ferreira Ignácio

2<sup>o</sup>) O reservatório da figura, que se mantém a nível constante, é utilizado para preparar e engarrafar um produto que é constituído por um xarope diluído em água. O xarope tem viscosidade alta e assim, o escoamento é laminar no seu conduto de entrada de diâmetro 20 mm, onde a velocidade máxima é 3,18 m/s. O bocal de envasamento enche 200 garrafas de 750 mL com o produto em 1 minuto, alimentado por uma bomba que tem um conduto de derivação com o reservatório. No conduto de entrada da bomba de diâmetro de 40 mm, o escoamento é turbulento e tem velocidade de 2,3 m/s a 8 mm de distância da parede do conduto. Posto isto, determinar:

1. a vazão na derivação e o sentido do escoamento que deve ser indicado na figura;
2. a relação entre as vazões de xarope e água, ou seja, a que representa a composição do produto.



# Solução

Xarope tem escoamento laminar, portanto :

$$v = \frac{v_{\max}}{2} = \frac{3,18}{2} = 1,59 \frac{\text{m}}{\text{s}} \therefore Q_{\text{xarope}} = 1,59 \times \frac{\pi \times 0,02^2}{4}$$

$$Q_{\text{xarope}} \cong 0,5 \times 10^{-3} \frac{\text{m}^3}{\text{s}} = 0,5 \frac{\text{L}}{\text{s}}$$

Envasamento :

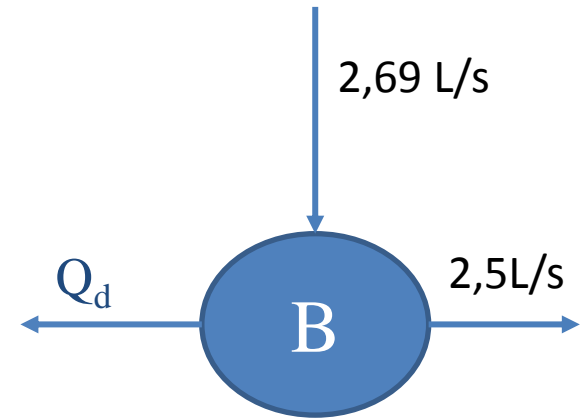
$$Q_{\text{env}} = \frac{V}{t} = \frac{200 \times 0,75}{60} \cong 2,5 \frac{\text{L}}{\text{s}}$$

Na entrada da bomba o escoamento é turbulento, portanto :

$$2,3 = v_{\max} \times \left(1 - \frac{12}{20}\right)^{1/7} \Rightarrow v_{\max} \cong 2,622 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

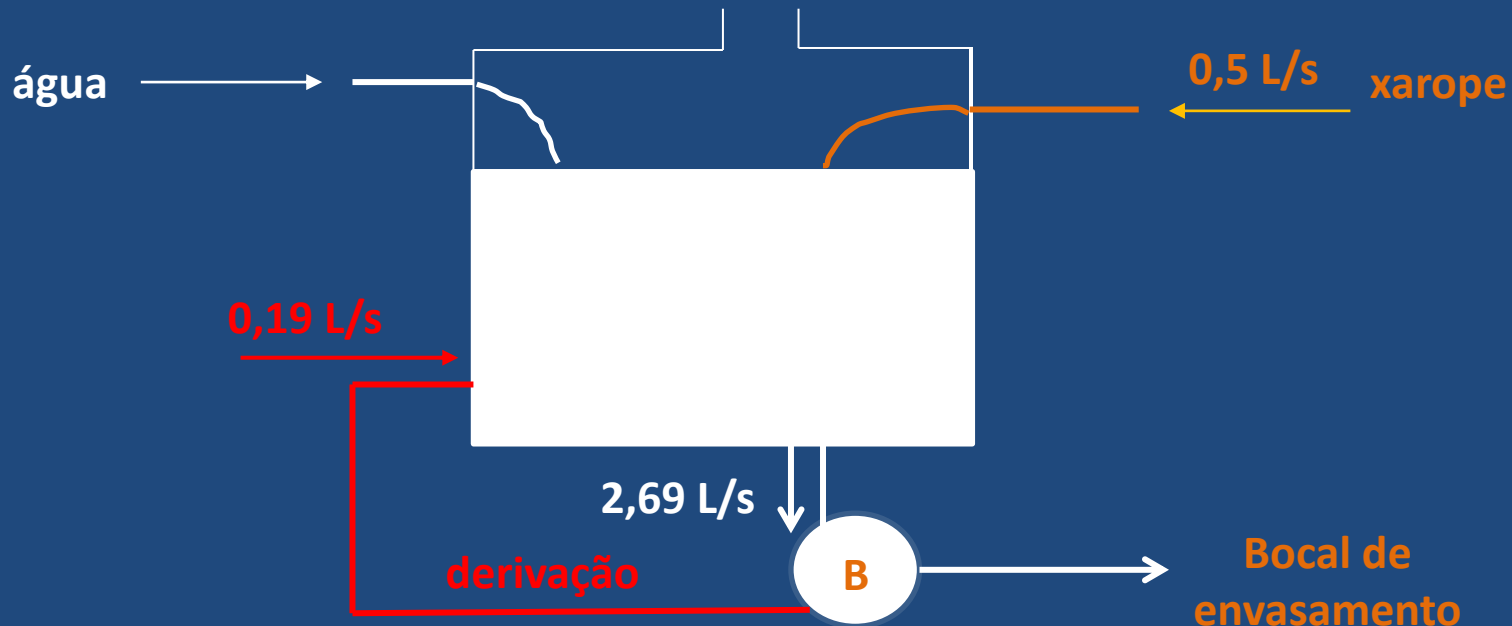
$$v = \frac{49}{60} \times 2,622 \cong 2,14 \frac{\text{m}}{\text{s}} \therefore Q_{\text{eB}} = 2,14 \times \frac{\pi \times 0,04^2}{4}$$

$$Q_{\text{eB}} \cong 2,69 \times 10^{-3} \frac{\text{m}^3}{\text{s}} = 2,69 \frac{\text{L}}{\text{s}}$$



$$Q_d = 2,69 - 2,5$$

$$Q_d = 0,19 \frac{\text{L}}{\text{s}}$$



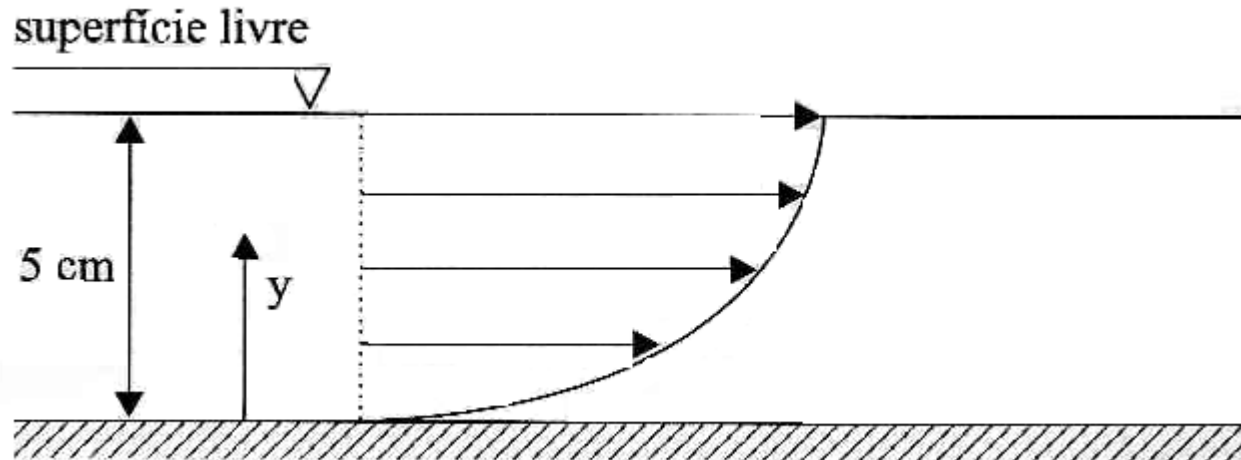
$$2,69 = Q_{\text{água}} + 0,5 + 0,19$$

$$\therefore Q_{\text{água}} = 2 \frac{\text{L}}{\text{s}}$$

$$\frac{Q_{\text{xarope}}}{Q_{\text{água}}} = \frac{0,5}{2} = \frac{1}{4}$$

# Exercícios

- 3.14 O esquema a seguir corresponde à seção longitudinal de um canal de 25 cm de largura. Admitindo escoamento bidimensional e sendo o diagrama de velocidades dado por  $v = 30y - y^2$  ( $y$  em cm;  $v$  em cm/s), bem como o fluido de peso específico: 0,9 N/L e viscosidade cinemática: 70 cSt e  $g = 10 \text{ m/s}^2$ , determinar:
- o gradiente de velocidade para  $y = 2 \text{ cm}$ ;
  - a máxima tensão de cisalhamento na seção ( $\text{N/m}^2$ );
  - a velocidade média na seção em cm/s;
  - a vazão em massa na seção.



## Solução do item a)

$$\left. \frac{dv}{dy} \right)_{y=2\text{cm}} = ?$$

$$v = 30y - y^2 \rightarrow [v] = \frac{\text{cm}}{\text{s}} \text{ e } [y] = \text{cm}$$

$$\therefore \frac{dv}{dy} = 30 - 2y$$

$$\left. \frac{dv}{dy} \right)_{y=2\text{cm}} = 30 - 2 \times 2 = 26 \frac{1}{\text{s}} \text{ (ou Hz)}$$

# Solução do item b)

$$\text{Lei de Newton da viscosidade} \Rightarrow \tau \propto \left. \frac{dv}{dy} \right|_{\max} \Rightarrow \tau_{\max}$$

$$\therefore \left. \frac{dv}{dy} \right|_{\max} = \left. \frac{dv}{dy} \right|_{y=0} = 30 \frac{1}{s}$$

$$v = 70 \text{cSt} = 70 \times 10^{-6} \frac{\text{m}^2}{\text{s}}$$

$$\gamma = 0,9 \frac{\text{N}}{\text{L}} = 0,9 \times 1000 = 900 \frac{\text{N}}{\text{m}^3}$$

$$v = \frac{\mu}{\rho} \therefore \mu = 70 \times 10^{-6} \times \frac{900}{10} = 6,3 \times 10^{-3} \text{Pa} \times \text{s}$$

$$\tau = \mu \times \frac{dv}{dy} = 6,3 \times 10^{-3} \times 30 = 0,189 \text{Pa} \left( \text{ou} \frac{\text{N}}{\text{m}^2} \right)$$

## Solução do item c)

$$v = \frac{1}{b \times h} \int_0^h (30y - y^2) \times b \times dy$$

$$v = \frac{b}{b \times h} \times \left[ \int_0^h 30y dy - \int_0^h y^2 dy \right]$$

$$v = \frac{1}{h} \times \left[ 30 \times \frac{h^2}{2} - \frac{h^3}{3} \right]$$

$$v = 15h - \frac{h^2}{3} = 15 \times 5 - \frac{25}{3} \therefore v \cong 66,7 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$$



# Solução do item d)

$$Q_m = \rho \times Q = \rho \times v \times A$$

$$Q_m = \frac{900}{10} \times 66,7 \times 10^{-2} \times 0,25 \times 0,05$$

$$Q_m \cong 0,750 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

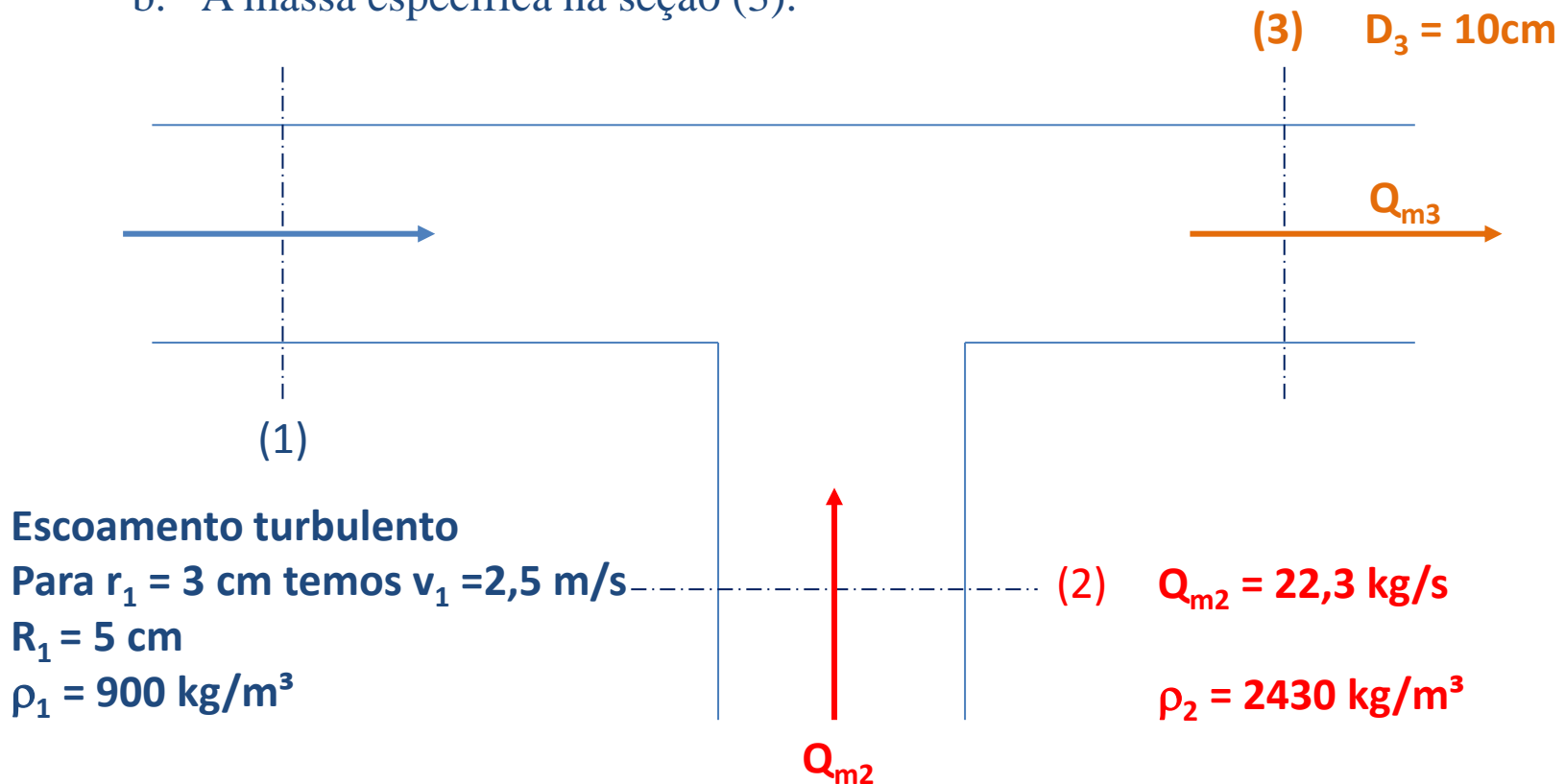
RESPOSTAS  
DIFERENTES DA  
BIBLIOGRAFIA  
BÁSICA POIS LÉ  
DEVEM TER  
CORRIGIDO O VALOR  
DO PESO ESPECÍFICO  
PARA 9 N/L.



# Extra

O sistema abaixo representa um escoamento em regime permanente onde na seção (3) temos uma mistura homogênea, nesta situação pede-se:

- a vazão em massa na seção (1);
- A massa específica na seção (3).



# Solução do item a)

$$2,5 = v_{\max_1} \times \left(1 - \frac{3}{5}\right)^{1/7} \therefore v_{\max_1} \cong 2,85 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$v_1 = \frac{49}{60} \times 2,85 \cong 2,33 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$Q_1 = v_1 \times A_1 = 2,33 \times \pi \times 0,05^2$$

$$Q_1 \cong 0,0183 \frac{\text{m}^3}{\text{s}} = 18,3 \frac{\text{L}}{\text{s}}$$

$$Q_{m_1} = \rho_1 \times Q_1 = 900 \times 0,0183$$

$$Q_{m_1} \cong 16,5 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

# Solução do item b)

$$Q_{m_1} + Q_{m_2} = Q_{m_3}$$

$$Q_{m_3} = 16,5 + 22,3 = 38,8 \frac{\text{kg}}{\text{s}}$$

Como trata de uma mistura homogênea, podemos escrever que :

$$Q_3 = Q_1 + Q_2$$

$$Q_3 = 0,0183 + \frac{22,3}{2430}$$

$$Q_3 \cong 0,0275 \frac{\text{m}^3}{\text{s}}$$

$$\rho_3 = \frac{Q_{m_3}}{Q_3} = \frac{38,8}{0,0275}$$

$$\rho_3 \cong 1412,1 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$